# 大档距特高压覆冰输电线路起舞风速TTMD 控制优化研究

楼文娟,温作鹏,梁洪超

(浙江大学结构工程研究所,浙江杭州 310058)

摘要:针对大档距特高压输电线路舞动难以防治的问题,设计了一种电涡流扭转向调谐质量阻尼器(TTMD),并论 证了相比于竖向阻尼器具有更强的适用性。从整档线路力学模型出发,推导了整档线路覆冰导线-TTMD系统的 舞动偏微分方程,选取全局形函数离散得到常微分方程,采用李雅普诺夫稳定定理计算起舞风速。建立基于遗传算 法的TTMD防舞优化设计方法,考虑到真实环境中导线覆冰偏角存在较大的不确定性,以大范围多覆冰偏角下导 线最小起舞风速为优化目标,对TTMD的频率比、阻尼比、质量比、安装位置、导线张力、覆冰质量等参数进行优化 设计。以某 500 m大档距特高压输电线路覆冰八分裂导线为例进行优化设计,计算结果表明:当质量比高于 0.005 时,TTMD即可有效地提高最小起舞风速;TTMD的推荐安装位置范围为导线左侧 1/4 跨-右侧 1/4 跨;TTMD 控 制效果具有良好的鲁棒性;设计TTMD时,应当采用较高的导线张力、较低的覆冰质量设定,以得到偏于安全的 TTMD参数设计值。

关键词:风致振动;覆冰多分裂导线;防舞;特高压;扭转向调谐质量阻尼器(TTMD) 中图分类号:TU312<sup>+</sup>.1;TM752<sup>+</sup>.5 文献标志码:A 文章编号:1004-4523(2021)05-0934-09 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2021.05.006

# 引 言

为适应不断增长的电力需求,近年来中国有越来 越多的特高压线路建成使用。覆冰特高压线路在风 力作用下舞动现象时有发生,对电力安全造成威胁<sup>[1]</sup>。 特高压线路的杆塔高度提升,导线分裂数增加,一旦 发生舞动,其振动能量较大,防治难度相比于一般线 路更大。对于大档距特高压线路的舞动防治,目前已 有相间间隔棒、回转式间隔棒、相地间隔棒、双摆防舞 器等,这些措施虽起到一定作用,但均存在一些局限 性。因此,研究更为有效的舞动控制措施,对减少特 高压线路破坏,保障电力安全具有重要意义。

现有的舞动机理研究表明,气动负阻尼是导致 输电线路舞动的根本原因<sup>[25]</sup>,因此提高导线结构阻 尼是一种有效的舞动控制方式。调谐质量阻尼器 (Tuned Mass Damper, TMD)是一种被广泛应用的 阻尼器,其在输电线路防舞中的应用研究已初步开 展<sup>[69]</sup>,研究表明调谐质量阻尼器能够有效增加起舞 风速并减小舞动幅值。但这些研究仅对单一覆冰偏 角条件下 TMD 的有效性进行了验证,然而多分裂 导线的气动力特性非常复杂,不同覆冰偏角工况下 导线舞动特性存在较大差异。一种好的防舞策略不 仅仅只是针对某一固定覆冰偏角有效,而是要对恶 劣天气下可能出现的大范围多覆冰偏角情况下的舞 动防治均有效,因此,本文以大范围多覆冰偏角下导 线最小起舞风速为优化目标进行防舞优化设计。

现有研究中的TMD均针对导线的竖向运动进 行控制,但大档距导线的自振频率较低,TMD的弹 性元件静态伸长量可长达数米,可能引发碰撞问题, 因此TMD对大档距特高压线路难以适用。另外, 大档距多分裂导线的竖向频率与扭转频率较为接 近,其舞动往往表现出竖-扭耦合的特点,扭转向运 动对于舞动激发相当重要,因此采用扭转向调谐质 量阻尼器(Torsional Tuned Mass Damper, TTMD) 进行防舞在原理上是可行的。TTMD运行空间要 求小,不存在自重引起的竖向变形,能够普遍适用于 各种档距的多分裂线路舞动的防治,尤其可以应用 于竖向TMD不再适用的大档距线路。

三自由度节段模型是导线舞动分析常用的模型<sup>[1]</sup>,但该模型无法考虑多阶耦合,也无法进行阻尼器安装位置的优化。因此,有必要针对TMD难以适用的大档距输电线路,建立加装TTMD的覆冰导线整档线路模型,研究大范围覆冰偏角下TTMD对

**收稿日期:**2020-02-02;**修订日期:**2020-05-14 **基金项目:**国家自然科学基金资助项目(51678525,51838012)

大档距特高压输电线路的舞动控制效果。

阻尼器的参数、安装位置决定了阻尼器对结构 的控制效果,对这些参数的优化是阻尼器设计的关 键。遗传算法是一种借鉴自然选择、自然遗传机制 的随机搜索算法,具有较高的计算效率,在土木结构 的振动控制领域已有广泛应用<sup>[10-11]</sup>。Hervé等<sup>[10]</sup>针 对加装TMD的多层木结构采用遗传算法对TMD 参数进行优化,并检验了不同地震波下的控制效果。 陈鑫等<sup>[11]</sup>针对风荷载作用下加装调谐液体阻尼器的 高耸钢烟囱结构,采用遗传算法展开多目标优化,对 结构响应及阻尼器行程取得良好控制效果。

本文针对大档距特高压输电线路舞动防治设计 了一种电涡流扭转向调谐质量阻尼器,并进行优化 研究。推导整档覆冰导线-TTMD系统的运动方 程,采用李雅普诺夫稳定定理计算起舞风速;建立基 于遗传算法的TTMD防舞优化设计方法,以大范围 多覆冰偏角下导线最小起舞风速为优化目标,对 TTMD各项参数进行优化设计;以某500m大档距 特高压输电线路覆冰八分裂导线为例,研究TTMD 控制效果与频率比、阻尼比、质量比、安装位置、导线 张力、覆冰质量等参数的关系,验证TTMD对起舞 风速控制效果的有效性和鲁棒性。

## 1 计算方法

#### 1.1 TTMD-覆冰导线运动方程及舞动稳定判定

本文对多分裂导线舞动计算作以下假设<sup>[12-13]</sup>: (1)各子导线物理参数一致,不考虑弯曲变形;(2)刚性 间隔棒均匀分布,对于子导线运动完全约束;(3)风荷 载满足准定常假定;(4)导线沿长度方向均匀覆冰。

自重作用下导线形状受导线张力控制,利用下 式迭代计算可得导线覆冰后的新张力<sup>[14]</sup>

$$H - H_0 = \frac{EAL_s^2}{24} \left( \frac{q^2}{H^2} - \frac{q_0^2}{H_0^2} \right)$$
(1)

式中 H<sub>0</sub>和H分别为覆冰前、后的导线张力,E为导 线弹性模量,A为导线截面积,L<sub>5</sub>为单跨导线档距,q<sub>0</sub> 和q分别为覆冰前、后的导线竖向均布荷载。

多分裂导线的整体坐标系定义如图1所示,s为 沿导线轴向的坐标。

导线整体运动位移可表示为轴向位移 u、竖向



Fig. 1 Definition of conductor coordinate system

位移 v、水平(面外)位移 w 和扭转位移 θ,导线上第 j 个 TTMD 扭转移为 θ<sub>dj</sub>。通过汉密尔顿原理推导得 覆冰导线-TTMD系统运动的偏微分方程

$$\begin{cases} m\ddot{u} - \frac{\partial}{\partial s}V_{u} + c_{u}\dot{u} = f_{u} \\ m\ddot{v} + S_{y}\ddot{\theta} - \frac{\partial}{\partial s}V_{v} + c_{v}\dot{v} = f_{v} \\ m\ddot{w} - S_{z}\ddot{\theta} - \frac{\partial}{\partial s}V_{w} + c_{w}\dot{w} = f_{w} \end{cases}$$

$$\begin{cases} S_{y}\ddot{v} - S_{z}\ddot{w} + I\ddot{\theta} - \frac{\partial}{\partial s}V_{\theta} + c_{\theta}\dot{\theta} - \sum_{j=1}^{p}\delta(s - s_{dj}) \cdot \\ [c_{dj}(\dot{\theta}_{dj} - \dot{\theta}) + k_{dj}(\theta_{dj} - \theta)] = f_{\theta} \\ I_{dj}\ddot{\theta}_{dj} + c_{dj}[\dot{\theta}_{dj} - \dot{\theta}(s_{dj})] + k_{dj}[\theta_{dj} - \theta(s_{dj})] = 0 \\ j = 1, 2, \cdots, p \end{cases}$$

$$(2)$$

式中 m为分裂导线线密度; $S_y$ , $S_z$ 为覆冰导线相对 y轴和z轴的面积矩;I为分裂导线截面转动惯量。  $V_u$ , $V_v$ , $V_w$ , $V_\theta$ 分别为线路轴向、竖向、水平向、扭转 向的弹性势能; $c_u$ , $c_v$ , $c_w$ , $c_\theta$ 分别为线路各方向的阻 尼系数;p为TTMD数量; $s_{dj}$ , $I_{dj}$ 分别为第j个TT-MD的位置坐标、转动惯量; $c_{dj}$ , $k_{dj}$ 分别为第j个TT-MD的阻尼系数、刚度。 $f_u$ , $f_v$ , $f_w$ , $f_\theta$ 分别为各方向的 风荷载,可描述为如下形式<sup>[1]</sup>

$$\begin{cases} f_{u} = 0 \\ f_{v} = \frac{1}{2} N \rho D U_{r}^{2} [-C_{L}(\alpha) \cos \gamma + C_{D}(\alpha) \sin \gamma] \\ f_{w} = \frac{1}{2} N \rho D U_{r}^{2} [C_{L}(\alpha) \sin \gamma + C_{D}(\alpha) \cos \gamma] \end{cases}$$

$$\begin{cases} (3) \\ f_{\theta} = \frac{1}{2} N \rho D^{2} U_{r}^{2} C_{M}(\alpha) \end{cases}$$

式中 N为导线分裂数;D为子导线直径; $\rho$ 为空气 密度; $C_D$ , $C_L$ , $C_M$ 分别为分裂导线整体阻力、升力、扭 矩系数; $U_r$ 为相对风速; $\gamma$ 为相对风速与水平方向夹 角; $\alpha$ 为瞬时风攻角。 $\alpha$ , $U_r$ 和 $\gamma$ 表达式如下

$$\begin{cases} \alpha = \alpha_0 - \theta + \gamma \\ U_r^2 = (U - \dot{w})^2 + (R\dot{\theta} - \dot{v})^2 \\ \gamma = \arctan\left[(R\dot{\theta} - \dot{v})/(U - \dot{w})\right] \end{cases}$$
(4)

式中 α。为覆冰偏角,U为水平风速,R为特征半径。

采用伽辽金加权残值法,选取全局形函数 $\phi_i = \sin(i\pi s/L_s)$ ,将运动方程(2)的解分解为有限的形函数的和

$$\begin{cases} \begin{cases} u(s,t)\\v(s,t)\\w(s,t)\\\theta(s,t) \end{cases} = \sum_{i=1}^{n} \phi_{i}(s) \begin{cases} q_{ui}(t)\\q_{vi}(t)\\q_{wi}(t)\\q_{wi}(t) \end{cases}$$
(5)  
$$\theta_{dj}(t) = \sum_{i=1}^{n} \phi_{i}(s_{dj})q_{\theta i}(t) - q_{dj}(t)$$

式中 t为时间;n为全局形函数的阶数; $q_{ui}, q_{vi}, q_{wi}$ ,  $q_{\theta i}$ 分别为轴向、竖向、水平向、扭转向的广义位移; $q_{d j}$ 为第j个TTMD广义相对扭转位移。

将式(5)代入式(2),乘以φ<sub>i</sub>后沿整档积分,得 到离散后的常微分舞动方程

$$M\Delta \ddot{q} + C\Delta \dot{q} + \bar{K}\Delta q = \Delta F_{\rm air} \tag{6}$$

式中  $M, \bar{K}, C, \Delta q, \Delta F_{air}$ 分别为质量矩阵、增量刚度 矩阵、阻尼矩阵、增量位移、增量荷载。根据式(6),采 用Newmark- $\beta$ 法进行计算可得导线运动时程。

李雅普诺夫第一稳定定理<sup>[15]</sup>证明了可以根据非 线性系统的线性化方程,即一次近似方程的特征值 实部正负,判断非线性系统的稳定性。舞动作为典 型的气动失稳现象,也可以通过计算运动方程的线 性化方程特征值从而快速判断是否发生舞动。若特 征值实部均为负,则表明系统稳定;若存在某一特征 值实部为正,则表明系统失稳。式(6)的特征值可通 过其Jacobi矩阵进行计算<sup>[16]</sup>

$$J = \begin{bmatrix} 0 & \mathrm{I} \\ -\lambda^{-1} P^{-1} K_{\mathrm{total}} P & -\lambda^{-1} P^{-1} C_{\mathrm{total}} P \end{bmatrix}$$
(7)

式中 0为零矩阵,其所有元素均为0,I为单位对角 矩阵,除对角元素为1外,其余均为0。 $\lambda$ 与P分别为 矩阵M的特征值与对应特征向量, $K_{\text{total}}$ 和 $C_{\text{total}}$ 分别 为系统初始状态 $q=0, \dot{q}=0$ (即位移和速度都为0) 时的总刚度矩阵和总阻尼矩阵,其值如下

$$\begin{cases} K_{\text{total}} = (\bar{K} - K_{\text{air}}) \Big|_{q=0, \dot{q}=0} \\ C_{\text{total}} = (C - C_{\text{air}}) \Big|_{q=0, \dot{q}=0} \end{cases}$$
(8)

式中 Cair为气动阻尼矩阵,Kair为气动刚度矩阵。

1.2 考虑覆冰偏角范围的防舞优化设计遗传算法

真实环境中导线非圆截面偏心覆冰一般形成于 线路迎风侧。随着冰风气候条件的变化,导线的覆 冰方向会发生偏转,覆冰偏角存在一定的变化范围。 导线覆冰偏角定义如图2所示。



图 2 覆冰偏角示意图 Fig. 2 Diagram of ice declination angle

采用p个TTMD对整档覆冰导线进行舞动控制,TTMD参数的优化模型建立如下

$$\begin{cases} \ensuremath{\vec{x}} \boldsymbol{X} \colon \boldsymbol{X} = (\lambda_{d1}, \zeta_{d1}, s_{d1}, \cdots, \lambda_{dj}, \zeta_{dj}, s_{dj}, \cdots, \lambda_{dp}, \zeta_{dp}, s_{dp}) \\ \ensuremath{\vec{x}} \in (\lambda_{d1}, \zeta_{d1}, \cdots, \lambda_{dj}, \zeta_{dj}, \cdots, \lambda_{dp}, \zeta_{dp}) \\ \ensuremath{\text{max:}} \quad U_{cri}(\boldsymbol{X}) \\ \text{s.t.:} \quad \boldsymbol{X}_1 \leq \!\!\!\!\!\!\! \boldsymbol{X} \leq \!\!\!\!\!\! \boldsymbol{X}_2 \end{cases}$$

式中 U<sub>cn</sub>为优化目标,即0°-α<sub>0</sub>覆冰偏角范围内各个 覆冰偏角下起舞风速的最小值(下文简称"最小起舞 风速");X为设计变量;λ<sub>4</sub>,ζ<sub>4</sub>,s<sub>4</sub>分别为第*j*个TT-MD的频率比、阻尼比、位置参数。其中频率比(λ<sub>d</sub>) 定义为TTMD频率与导线一阶扭转频率之比,覆冰 偏角α<sub>0</sub>的取值可根据导线覆冰偏角的统计资料确 定。通过该优化模型,在预设参数范围内对TTMD 参数进行优化,使得大范围覆冰偏角下导线最小起 舞风速实现最大化。

本文设计的TTMD安装在多分裂导线的间隔 棒上,目前关于间隔棒的安装位置并无统一规定,因 此需要考察安装在不同位置时,TTMD能实现的最 优控制效果。TTMD的位置参数(*s*<sub>d</sub>)定义为TT-MD距导线端部距离与档距的比值,*s*<sub>d</sub>=0.5即对应 导线跨中位置。需要注意的是,设计变量*X*分为两 种情况:1)*X*包括*s*<sub>d</sub>,即安装位置是待优化参数之 一;2)*X*不包括*s*<sub>d</sub>,即在给定安装位置前提下对TT-MD参数进行优化。

本文采用遗传算法搜寻最优 TTMD参数。遗 传算法是一种通过模拟生物进化中"适者生存"的规 律,采用选择(Selection)、交叉(Crossover)和变异 (Mutation)操作,从而不断优化每一代种群适应度 的迭代优化算法。其原理易于理解,有较强的鲁棒 性且适用于并行计算,因此具有广泛应用。本文遗 传算法的选择、交叉、变异操作分别选取轮盘赌选择 法、算数交叉法、均匀变异法。采用遗传算法对 TT-MD参数的优化设计流程如图 3 所示。

优化的主要步骤如下:

1)首先随机生成阻尼器参数作为初始种群,设 定覆冰偏角和初始风速;

2)通过判断 TTMD-整档导线系统的 Jacobi 矩 阵特征值实部是否大于0计算得到某覆冰偏角下的 起舞风速;

3)输出0°-α<sub>0</sub>覆冰偏角范围内最小起舞风速,作 为个体适应度;

4)评估种群中所有个体适应度并按照大小排 序,通过选择、交叉、变异等操作得到子代新个体,进 入新一轮的起舞风速计算及适应度评估;

5)若遗传算法的计算满足迭代终止条件,则输 出最优阻尼器参数结果。

## 2 电涡流TTMD

#### 2.1 电涡流 TTMD 设计

(9)

本文提出一种新型TTMD,利用电涡流原理提供可调节的线性阻尼,如图4所示。TTMD内部的



图 3 基于遗传算法的 TTMD 优化设计流程 Fig. 3 Optimum design procedure of TTMD based on genetic algorithm



图 4 扭转向调谐质量阻尼器示意图 Fig. 4 Diagram of torsional tuned mass damper

铜环作为质量元件,连接铜环与外壳的扭转弹簧作 为弹性元件,铜环与外壳上永磁体的相对运动所产 生的电涡流力作为阻尼力。

TTMD的扭转向自振圆频率为

$$\omega_{\mathrm{T}} = \sqrt{\frac{k_{\mathrm{d}}}{I_{\mathrm{T}}}} = \sqrt{\frac{k_{\mathrm{d}}}{m_{\mathrm{d}}r_{\mathrm{T}}^{2}}} \tag{10}$$

式中  $I_{\rm T}$ 为铜环转动惯量, $r_{\rm T}$ 为铜环半径, $m_{\rm d}$ 为铜 环质量, $k_{\rm d}$ 为扭转弹簧刚度。

由电涡流阻尼力产生的扭转向阻尼比ζ。为

$$\zeta_{\rm d} = \frac{c_{\rm d}}{2\omega_{\rm T}I_{\rm T}} = \frac{c_{\rm d}}{2r_{\rm T}\sqrt{m_{\rm d}k_{\rm d}}} \qquad (11)$$

式中 *c*<sub>d</sub>为扭转向阻尼系数。通过控制永磁体的设计参数,即可实现所需的电涡流阻尼力、TTMD的扭转阻尼比。

#### 2.2 TTMD相比于TMD适用范围的优势

TMD的优势是其构造简单,在结构控制方面 已有较多研究及应用。但竖向TMD的静态伸长量 与线路结构的自振频率关系密切,较低的结构频率 会造成较大的TMD伸长量。对于单跨线路的面内 频率,可依据下式进行估算<sup>[17]</sup>

$$\begin{cases} \lambda^{2} = \frac{EA}{H} \left( \frac{mgL_{s}}{H} \right)^{2} \\ 1 - \left( \frac{\lambda}{\widetilde{\omega}} \right)^{2} [1 - \tan\left( \widetilde{\omega}/2 \right) / (\widetilde{\omega}/2)] = 0 \quad (12) \\ \omega = \sqrt{\frac{H}{mL_{s}^{2}}} \widetilde{\omega} \end{cases}$$

式中 ω为导线频率,g为为重力加速度,EA为导线 轴向刚度,H为导线张力。

假定 TMD 的自振频率与线路频率一致,则竖向悬挂条件下其静态伸长量为

$$\Delta d = \frac{m_{\rm d}g}{k_{\rm d}} = \frac{g}{\omega^2} \tag{13}$$

以 D 型覆冰的 LGJ-500/45 型号导线为例,计算 可得 TMD 静态伸长量与张力比、线路档距的关系, 如图 5 所示。张力比为导线张力与额定拉断力之 比,相关计算参数取值参见文献[13]。



图5 TMD阻尼器静态伸长量(m)与张力比、档距关系

Fig. 5 Extension of tuned mass damper over tension ratio and span

由图 5 可知,当导线档距大于 500 m时,由阻尼 器自重引起的阻尼器静态伸长量可达 3 m以上。随 着档距增加,静态伸长量更大,到档距 800 m时可以 达到8m以上,这极大地限制了TMD在大档距线路中的应用。

TTMD运行空间要求小,不存在自重引起的形变,能够普遍适用于各种档距的多分裂线路舞动的防治,尤其可以应用于TMD不再适用的大档距线路。

# 3 计算设置

#### 3.1 线路参数

选取特高压工程常用的单跨八分裂导线,子导 线型号选用LGJ-500/45。该档导线跨度为500 m, 两端支座高差为0。假设导线D型覆冰,通过刚性 模型天平测力风洞试验获得覆冰八分裂导线气动力 系数,其Den Hartog系数和Nigol系数如图6所示。 该覆冰八分裂导线的线密度为23.76 kg/m,分裂间 距为0.52 m,平动阻尼比为0.44%,转动阻尼比为 1.42%,其余相关参数参见文献[13]。选取20阶  $\phi_i = \sin(i\pi s/L_s)$ 作为全局形函数,计算得到导线前 9阶模态频率如表1所示。



Fig. 6 Den Hartog coefficients and Nigol coefficients<sup>[13]</sup>

表1 模态频率 Tab 1 Model frequencie

Tub. 1 Moun nequencies						
模态阶次	频率/	模态阶次	频率/	模态阶次	频率/	
	Hz		Hz		Hz	
1阶面外	0.1312	2阶面外	0.2623	3阶面内	0.4141	
1阶扭转	0.2495	2阶面内	0.2915	2阶扭转	0.4292	
1阶面内	0.2615	3阶面外	0.3933	4阶面外	0.5244	

#### 3.2 计算参数

本文针对单个 TTMD 研究其频率比、阻尼比、 质量比、安装位置、导线张力、覆冰质量等参数对覆 冰导线起舞风速的影响。其中,频率比、阻尼比属于 实际值易偏离设计值的阻尼器参数;质量比、安装位 置属于设计阶段确定后实际中不易发生改变的阻尼 器参数;导线张力、覆冰质量属于实际值易偏离设计 值的导线参数。 质量比(µ)定义为TTMD转动惯量与导线一阶 模态转动惯量之比。假定TTMD中铜环半径为 0.45 m,当TTMD质量比取0.02时,计算可得TT-MD中铜环质量约为165 kg,占多分裂导线总质量 的1.4%,对线路动力特性的影响可忽略。文献[18] 规定不论档距大小平均运行张力上限为拉断力的 25%。假定覆冰前张力比为0.25,由式(1)计算可得 覆冰后张力比为0.4。本文取默认的覆冰导线张力 比为0.4。

实际观冰监测表明,0°-40°覆冰偏角包含了可能 的导线覆冰偏角工况。因此,本文选取0°-40°覆冰 偏角进行计算,覆冰偏角间隔为1°。分别选取4阶、 20阶全局形函数,对0°-40°覆冰偏角下导线起舞风 速进行计算,结果表明在所有覆冰偏角下二者的起 舞风速相差均不超过0.2 m/s。在后续遗传算法优 化计算中,为提高计算效率并兼顾计算精度,选取4 阶全局形函数参与计算。

式(9)的约束条件中,遗传算法所用变量的搜寻 范围定义为

$$\begin{cases} 0.5 \le \lambda_{d} \le 1.50 \\ 0 < \zeta_{d} \le 0.3 \\ 0 < s_{d} \le 0.5 \end{cases}$$
(14)

遗传算法相关计算参数如表2所示。以质量比 0.02为例,TTMD优化计算结果如图7所示。由图 可知,遗传代数为10时结果已基本收敛,后续计算 中遗传代数均取20。

表 2 遗传算法参数设置 Tab. 2 Parameters of genetic algorithm



Fig. 7 Variation of minimum galloping wind speed with generation number

本文的计算工况如表3所示。工况可分为三 类:(a)给定相关参数,优化TTMD参数;(b)给定相 关参数,评估控制效果对TTMD参数的鲁棒性; (c)给定TTMD最优参数,研究结构参数不确定性

分类	工况说明	约束条件	计算目标
(a)	给定质量比,优化TTMD参数	$\mu = 0, 0.001, 0.005, 0.01, 0.02, 0.03, 0.04, 0.05$	搜寻最优 $(\lambda_{d}, \zeta_{d}, s_{d})$
	给定质量比、位置,优化TTMD参数	$\begin{array}{l} \mu = 0.01, \ 0.02, \ 0.04 \\ s_d = 0, \ 0.02, \ 0.04, \cdots, \ 0.5 \end{array}$	搜寻最优(λ, ζ <sub>d</sub> )
(b) { }	给定质量比、最优位置,研究最小起舞风速 随TTMD参数变化	$\begin{array}{l} (\mu, s_d) = (0.01, 0.40), (0.02, 0.39), (0.04, 0.37) \\ \lambda_d = 0.3, 0.32, 0.34, \cdots, 1.3 \\ \zeta_d = 0, 0.02, 0.04, \cdots, 0.6 \end{array}$	$U_{ m cri}(\lambda_{ m d}$ , $\zeta_{ m d})$
	给定质量比、位置,研究最小起舞风速随 TTMD参数变化	$\mu = 0.02; s_d = 0.3, 0.39, 0.5$ $\lambda_d = 0.3, 0.32, 0.34, \dots, 1.3$ $\zeta_d = 0, 0.02, 0.04, \dots, 0.6$	$U_{ m cri}(\lambda_{ m d},\zeta_{ m d})$
(c)	给定质量比、TTMD最优参数,研究最小起 舞风速随张力比变化	$\mu = 0, \ 0.01, \ 0.02, \ 0.04$ T=0.2, 0.22, 0.24,, 0.5	$U_{ m cri}$
	给定质量比、TTMD最优参数,研究最小起 舞风速随覆冰质量变化	$\mu = 0, \ 0.01, \ 0.02, \ 0.04$ $\delta = -50, \ -40, \ -30, \ \cdots, \ 50$	$U_{\scriptscriptstyle  m cri}$

表 3 计算工况设置 Tab. 3 Calculation conditions

注:表中T为覆冰后张力比, δ为覆冰质量变化百分比

对控制效果的影响。

## 4 结果分析

#### 4.1 控制效果验证

根据李雅普诺夫第一稳定定理计算可得 40°覆 冰偏角下起舞风速为 11.2 m/s。采用 Newmark-β法 计算得到 40°覆冰偏角、11 m/s和 12 m/s风速下导 线跨中运动时程如图 8 所示,由幅值发散情况判断 舞动发生情况。结果表明 Newmark-β法计算得到 的舞动发生情况与李雅普诺夫第一稳定定理计算结 果一致,说明了本文方法的正确性。



取质量比0.02,对TTMD的频率比、阻尼比、位 置等参数进行优化,所得最优频率比为0.81,最优阻 尼比为0.18,最优位置参数为0.39,不同覆冰偏角下 起舞风速如图9所示。由图可知,未受控导线的最 小起舞风速为4.2 m/s,而TTMD控制下最小起舞 风速提高至15 m/s,且大部分覆冰偏角下的起舞风 速得到显著提高。这表明TTMD能够有效控制大 范围多覆冰偏角下导线的舞动。





#### 4.2 TTMD 控制优化结果

基于不同的质量比,对TTMD的频率比、阻尼 比、位置等参数进行优化,所得最小起舞风速及相应 的最优位置参数如图10所示。





如图 10 所示,最小起舞风速随着质量比的增大 而持续增大。当质量比为 0.005 时,最小起舞风速 的控制效果已经较为显著,提升了 7.8 m/s。当质量 比高于0.03时,最小起舞风速的上升趋势不明显。 另外,随着质量比的增大,相应的最优位置从跨中逐 渐向端部偏移,最后稳定在0.36-0.39的位置参数 区间。

分别取质量比0.01,0.02,0.04,沿整档导线取不 同安装位置,对TTMD的频率比、阻尼比参数进行 优化,结果如图11所示。由于覆冰分裂导线-TT-MD系统对跨中位置具有对称性,图中仅展示位置 参数0-0.5的部分。如图11所示,在TTMD从线路 端部向跨中移动过程中,各质量比条件下的最小起 舞风速表现出相似的变化趋势:最小起舞风速首先 保持稳定,然后快速增大,并在0.37-0.41位置区间 内达到最大值,随后减小。总体而言,在各质量比条 件下,TTMD在导线左侧1/4跨-右侧1/4跨(即位 置参数0.25至0.75)范围内均能实现良好的起舞风 速控制效果。

#### 4.3 TTMD参数鲁棒性分析

分别取质量比 0.01, 0.02, 0.04 及相应的最优位 置参数, 计算 TTMD 在不同频率比、阻尼比参数下 最小起舞风速, 结果如图 12 所示。令质量比为 0.02, 基于不同的位置参数, 计算 TTMD 在不同频





率比、阻尼比参数下最小起舞风速,结果如图13 所示。

如图 12 所示, TTMD 的最小起舞风速在频率 比、阻尼比参数空间内表现出明显的"尖峰"特征, 在 尖峰范围内, 最小起舞风速维持在较高的水平。质 量比 0.02 条件下, 尖峰对应的频率比范围为 0.7-0.84, 阻尼比范围为 0.16-0.3, 这就是 TTMD 能实现 良好控制效果的参数范围。随着质量比的增大, 最 小起舞风速的峰值范围明显扩大, 因此提高质量比 可以提高 TTMD 对于舞动风速抑制的鲁棒性。

图13中,在位置参数0.39条件下,最小起舞风速



Fig. 13 Variation of minimum galloping wind speed with TTMD parameters under different positions

的最大值为15 m/s,在3个位置中表现最优,且TT-均持续增 MD表现出较强的鲁棒性。比较位置参数0.3,0.5可TTMD参

知,二者最小起舞风速的尖峰值较为接近,而位置参数0.5的尖峰明显更宽,TTMD鲁棒性更强,这表明同等起舞风速控制水平下,TTMD安装在靠近跨中的位置比靠近端部的位置具有更强的鲁棒性。

#### 4.4 结构参数不确定性影响

线路运行过程,导线张力、覆冰质量会有一定变 化,偏离优化设计的预设值。为研究导线张力、覆冰 质量变动的影响,分别取质量比0.01,0.02和0.04, 且基于位置参数0.39与覆冰后张力比0.4,优化得到 TTMD最优参数;根据最优参数,分别计算导线张 力、覆冰质量变化情况下TTMD对起舞风速的控制 效果,结果分别如图14和15所示。



Fig. 14 Variation of minimum galloping wind speed with tension ratio



图 15 最小起舞风速与覆冰质量关系

Fig. 15 Variation of minimum galloping wind speed with ice mass

如图 14 所示,对于未受控导线以及各质量比条件下的受控导线,随着导线张力比增大,其最小起舞风速均呈下降趋势,这表明本文选取覆冰前张力比的上限 0.25(覆冰后张力比 0.4)是较为安全的。因此,在 TTMD 的初步设计阶段,应当选取较大的张力条件进行计算。

图 15表明,对于未受控导线以及各质量比条件 下的受控导线,随着覆冰质量的增大,最小起舞风速 均持续增大。因此,基于较小的覆冰质量条件进行 TTMD参数的优化设计是较为安全的选择。

# 5 结 论

本文针对大档距特高压输电线路舞动防治设计 了一种扭转向调谐质量阻尼器(TTMD)。建立整 档覆冰导线-TTMD系统的运动方程,采用李亚普 诺夫稳定定理求解起舞风速;建立基于遗传算法的 TTMD防舞优化设计方法,以大范围多覆冰偏角下 导线最小起舞风速为优化目标;以某大档距特高压 输电线路覆冰八分裂导线为例,对TTMD各项参数 进行优化设计,主要结论如下:

1) TTMD 相比于竖向 TMD 没有竖向行程限制,在大档距特高压线路中的应用具有显著优势。

2)本文提出的 TTMD 防舞优化设计方法可有 效提高大范围多覆冰偏角的导线起舞风速。质量比 高于 0.005 时, TTMD 即可实现良好的防舞效果。

3)应用整档导线模型实现了对TTMD安装位 置的优化。总体而言,TTMD安装在导线左侧1/4 跨-右侧1/4跨范围内任意位置均能实现良好的起 舞风速控制效果。

4) TTMD 对导线的起舞控制效果具有良好的 鲁棒性。

5)在TTMD的设计阶段,应采用较高的导线张力、较小的覆冰质量设定,以得到偏于安全的TT-MD参数设计值。

#### 参考文献:

 [1] 楼文娟,余 江,姜 雄,等.覆冰六分裂导线舞动风 洞试验及起舞风速研究[J].振动工程学报,2017,30
 (2):280-289.

Lou Wenjuan, Yu Jiang, Jiang Xiong, et al. Wind tunnel test and critical wind speed study for galloping of 6bundled iced conductors [J]. Journal of Vibration Engineering, 2017, 30(2):280-289.

- [2] Hartog J P D. Transmission line vibration due to sleet [J]. Transactions of the American Institute of Electrical Engineers, 1933, 51(4):1074-1076.
- [3] Nigol O, Buchan P. Conductor galloping part I Den Hartog mechanism [J]. IEEE Transactions on Power Apparatus & Systems, 1981, PAS-100(2):699-707.
- [4] Yu P, Shah A H, Popplewell N. Inertially coupled galloping of iced conductors [J]. Journal of Applied Mechanics, 1992, 59(1):140.
- [5] 姜 雄,楼文娟.三自由度体系覆冰导线舞动激发机 理分析的矩阵摄动法[J].振动工程学报,2016,29
   (6):1070-1078.

. . . . . . .

Jiang Xiong, Lou Wenjuan. Matrix perturbation method

- [6] Xu Z D, Xu L Z, Xu F H. Study on the iced quad-bundle transmission lines incorporated with viscoelastic antigalloping devices [J]. Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control, 2015, 137(6):061009.
- [7] Guo H, Liu B, Yu Y, et al. Galloping suppression of a suspended cable with wind loading by a nonlinear energy sink [J]. Archive of Applied Mechanics, 2017, 87 (6):1007-1018.
- [8] 严 波,胡 景,周 松,等.随机风场中覆冰四分裂导线防舞研究[J].振动与冲击,2011,30(7):52-58.
  Yan Bo, Hu Jing, Zhou Song, et al. Anti-galloping for an iced quad-bundled conductor in stochastic wind field [J]. Journal of Vibration and Shock, 2011, 30(7): 52-58.
- [9] 胡 景,严 波,祖正华,等.一种新型防舞器及其机 理研究[J].工程力学,2011,28(9):200-206.
  Hu Jing, Yan Bo, Zu Zhenghua, et al. A new anti-galloping device and investigation on its mechanism [J]. Engineering Mechanics, 2011, 28(9):200-206.
- [10] Hervé Poh' sié G, Chisari C, Rinaldin G, et al. Application of a translational tuned mass damper designed by means of genetic algorithms on a multistory cross-laminated timber building[J]. Journal of Structural Engineering, 2015, 142(4): E4015008.
- [11] 陈 鑫, 李爱群, 徐庆阳, 等. 基于遗传算法的高耸结 构环形 TLD 满意优化设计[J]. 工程力学, 2016, 33 (6):77-84.

Chen Xin, Li Aiqun, Xu Qingyang, et al. Satisfaction optimum design of ring-shape TLD control for high-rise structure using genetic algorithm [J]. Engineering Mechanics, 2016, 33(6):77-84.

- [12] 刘海英,张琪昌,郝淑英.覆冰四分裂输电线舞动研究[J].振动工程学报,2011,24(3):19-23.
  Liu Haiying, Zhang Qichang, Hao Shuying. A study on galloping for iced quad-bundled conductor [J]. Journal of Vibration Engineering, 2011,24(3):19-23.
- [13] Lou W, Huang C, Huang M, et al. An aerodynamic anti-galloping technique of iced 8-bundled conductors in ultra-high-voltage transmission lines [J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2019, 193: 103972.
- [14] 邵天晓. 架空送电线路的电线力学计算[M]. 北京: 中国电力出版社, 2003.
- [15] 陈立群,刘延柱.非线性振动[M].北京:高等教育出版社,2001.
- [16] Qin Z, Chen Y, Zhan X, et al. Research on the galloping and anti-galloping of the transmission line [J]. International Journal of Bifurcation and Chaos, 2012, 22 (2):1250038.
- [17] Irvine H M. Cable Structures [M]. Cambridge, MA: MIT Press, 1981.
- [18] 中国电力企业联合会.GB 50545-2010,110 kV~750 kV 架空输电线路设计规范[S].北京:中国计划出版 社,2010.

China Electricity Council. GB 50545-2010, Code for design of 110 kV~750 kV overhead transmission line[S]. Beijing: China Planning Press, 2010.

# Optimization for galloping wind speed control of ultra-high-voltage iced conductors with large span using TTMD

LOU Wen-juan, WEN Zuo-peng, LIANG Hong-chao (Institute of Structural Engineering, Zhejiang University, Hangzhou 310058, China)

**Abstract:** To tackle the galloping issue of ultra-high-voltage transmission lines with large span, a torsional tuned mass damper (TTMD) with eddy current was designed, whose applicability on transmission lines of various spans compared with vertical tuned mass damper was proved. Based on the mechanical model of transmission line with full span, partial differential equations of galloping were derived for the full-span iced conductor-TTMD system. Then the equations were discretized using global shape functions to obtain ordinary differential equation. Subsequently, galloping wind speed was obtained using Lyapunov's stability theorem. An optimization method of anti-galloping using TTMD based on genetic algorithm was established. Considering the uncertainty of declination of ice on conductors, the optimization objective was defined as the minimum galloping wind speed in multiple ice declination angles. Several parameters of TTMD were studied in the optimization process, including frequency ratio, damping ratio, mass ratio, installation position, conductor tension and ice mass. The optimization was performed on 8-bundled conductors of an ultra-high-voltage transmission line with a span of 500 m. The results show that, the TTMD can increase the minimum galloping wind speed with a mass ratio higher than 0.005; the recommended installation position of TTMD lies between the left 1/4 span and the right 1/4 span of the transmission line; the TTMD shows great robustness of control effectiveness; at the design stage of TTMD, the selection of a relatively high conductor tension and low ice mass can lead to safer TTMD design parameters.

Key words: wind-induced vibration; iced bundle conductor; anti-galloping; ultra-high-voltage; torsional tuned mass damper (TTMD)

29(6):1070-1078.