## 圆柱滚子轴承振动信号时频特征提取及状态识别

刘湘楠1,赵学智1,何宽芳2

(1.华南理工大学机械与汽车工程学院,广东广州 510641;2.佛山科技学院机电工程与自动化学院,广东佛山 528225)

摘要:为深入研究变工况下滚动轴承故障特征信息提取及状态识别方法,分别以圆柱滚子轴承三种典型状态件(轴承正常、外圈磨损、滚动体磨损)为研究对象,开展变工况下的圆柱滚子轴承振动信号特性分析。搭建了某型特种车辆变速箱圆柱滚子轴承实验台架,通过实验台架采集了不同输入转速作用下的圆柱滚子轴承故障振动信号。在此基础上,采用广义S变换(Generalized Stockwell Transform, GST)对原始振动信号进行时频域转换,将获得的二维时频矩阵作为特征矩阵;对特征矩阵进行奇异值分解(Singular Value Decomposition, SVD),获得表征圆柱滚子轴承典型状态件特征信息的奇异值向量组;将提取的奇异值向量组输入支持向量机(Support Vector Machine, SVM),利用SVM实现圆柱滚子轴承不同状态类型识别。结果表明:该方法可有效实现变工况下圆柱滚子轴承振动信号特征信息提取及状态识别,为旋转机械设备在线监测提供了一种有效手段。

关键词:故障诊断;滚子轴承;特征提取;支持向量机;状态识别

**中图分类号:**TH165<sup>+</sup>.3; TP133.33 **文献标志码:**A **文章编号:**1004-4523(2022)04-0932-10 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2022.04.017

### 引 言

随着旋转机械向智能化、精密化方向发展,旋转 机械中某一部件产生故障可能导致较大的安全事故 和经济损失。滚动轴承具有摩擦系数小、传递效率 高和径向承载能力大等优点被广泛应用于旋转机械 设备。据相关统计,旋转机械失效的案例中,45%~ 55%是由于滚动轴承发生故障而导致的[1]。实际工 程应用中,滚动轴承通常在变转速、变负载和强冲击 等恶劣工况下进行作业,磨损、疲劳、过载等因素都 可能导致滚动轴承产生局部损伤,进而影响旋转机 械设备运行的安全性和可靠性[2]。滚动轴承故障测 试实验中,传感器采集的振动信号中含有大量的轴 承运行状态信息,对振动信号进行分析可有效实现 滚动轴承故障诊断<sup>[3]</sup>。传统的基于振动信号分析的 滚动轴承故障诊断方法主要针对恒定工况,对变工 况下的滚动轴承进行故障诊断的案例较少[4]。变工 况下的振动信号更为复杂,包含了更多的运行状态 信息[5]。因此,开展变工况下滚动轴承故障诊断方 法研究,对旋转机械可靠性及安全性具有十分重要 的意义。

由于旋转机械复杂的结构,导致传感器采集的

滚动轴承振动信号通常具有非平稳特性[6]。在特征 提取方面,傅里叶变换法作为一种全局变换方法,缺 乏时间和频率"定位"功能,只适用于分析平稳信 号[7]。时频分析法能够提供信号在时域和频域的联 合分布信息,适用于分析非平稳信号[8]。常用的时 频分析方法主要有:短时傅里叶变换(Short Time Fournier Transform, STFT)、连续小波变换(Continue Wavelet Transform, CWT)、S变换和广义S 变换等<sup>[9-12]</sup>。STFT作为一种加窗傅里叶变换方法, 窗函数的长度决定了信号的时间分辨率和频率分辨 率<sup>[9]</sup>。另外,由于受Heisenberg不确定准则的限制, 采用STFT对信号进行时频分析时,难以同时获得 良好的时域分布和频域分布<sup>[13]</sup>。CWT作为一种窗 函数可变的时频分析方法,克服了STFT的不足,具 有多分辨率分析特性<sup>[10]</sup>。但是小波基函数的选取缺 乏自适应性,采用CWT对信号进行分析时,其时频 谱图存在频率干扰、能量泄漏和边界失真等不足[14]。 S变换是在STFT和CWT基础上发展形成的,既含 有 STFT 的相位信息,同时又保留了 CWT 的多尺 度分辨能力,并且其逆变换完全无损<sup>[15]</sup>。S变换窗 函数尺度与频率成反比,即在低频处频率分辨率较 高,高频处时间分辨率较高。然而,由于S变换中采 用的小波函数是固定的,采用S变换对信号进行分 析时,存在时频分辨率调节力度不够,能量聚集性不

**收稿日期:**2020-10-09;**修订日期:**2021-01-19

基金项目:国家自然科学基金资助项目(11202128);广东省自然科学基金资助项目(2019A1515011780)。

足等缺点<sup>[16]</sup>。为克服S变换的不足,Pinnegar等<sup>[12]</sup> 在S变换的基础上引入窗函数调节系数,提出了 GST方法。GST作为一种新的时频分析方法,在地 震信号<sup>[17]</sup>、焊接裂纹声发射信号<sup>[18]</sup>中得到了广泛的 应用,部分学者也将GST应用于机械故障诊断领 域<sup>[19-20]</sup>。但是采用GST获得的时频矩阵存在维数 过高、冗余信息过多等不足<sup>[21-22]</sup>。直接将GST获得 的时频矩阵作为智能诊断算法的输入,多的特征量 会训练出更为复杂的模型,从而影响状态识别精度。

奇异值分解(Singular Value Decomposition, SVD)具有良好的稳定性,适用于提取时频矩阵中 的特征信息<sup>[23]</sup>。TIAN等<sup>[24]</sup>提出一种基于LMD-SVD的变工况下滚动轴承故障特征信息的方法。 郭凤仪等<sup>[25]</sup>采用S变换对回路电流进行时频域变 换,采用SVD对时频矩阵进行分解,实现了不同电 流条件下的串联型故障电弧特征信息提取。将 GST与SVD相结合用于提取变工况下滚动轴承振 动信号特征信息研究的成果尚未可见。

基于以上分析,本文将GST和SVD方法相结 合,提出一种适用于提取变工况下滚动轴承故障振 动信号特征信息的方法。搭建了某型特种车辆变速 箱圆柱滚子轴承实验台架,并在实验台架上采集不 同输入转速作用下圆柱滚子轴承典型状态件振动信 号。在此基础上,利用GST-SVD方法提取表征圆 柱滚子轴承典型状态件特征信息的奇异值向量组, 然后采用支持向量机对圆柱滚子轴承典型状态件进 行分类识别。实验分析结果表明:该方法可有效实 现变工况下圆柱滚子轴承振动信号特征提取及状态 识别,为旋转机械在线监测提供一种有效手段。

#### 1 理论基础

#### 1.1 广义S变换

对于一维连续信号x(t),其S变换定义为<sup>[26]</sup>:

$$S(\tau, f) = \int_{-\infty} x(t)g(t - \tau, f) e^{-j2\pi f t} dt \qquad (1)$$

$$g(t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi} \sigma} e^{-\frac{f^2 f^2}{2}} = \frac{|f|}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{f^2 f^2}{2}}$$
(2)

式中 f表示频率, $\tau$ 表示时移因子,g(t)表示高斯窗 函数, $\sigma$ 表示尺度因子, 且 $\sigma = 1/|f|_{\circ}$ 

由式(2)可知,高斯窗既是时间也是频率的函数,这就使得窗函数在低频处能够提供较高的频率 分辨率,在高频处,提供较高的时间分辨率。

由于S变换中高斯窗的尺度因子被限定为频率 的导数,导致在实际工程应用中,S变换存在时频分 辨率调节力度不够,能量聚集性不足等缺点<sup>[16]</sup>。因 此,为了克服S变换的不足,Pinnegar等<sup>[12]</sup>在高斯窗 的尺度因子中引入调节参数*p*,改造S变换的高斯窗 函数,进一步加快或减慢时窗宽度随信号频率变化 的速度,更好地适应具体信号的分析。

令尺度因子为:

$$\sigma(f) = 1/|f|^{p} \qquad p \in (0,1]$$
 (3)

结合方程(1)~(3)可得GST的数学表达式为:

$$GST(\tau,f) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t) \frac{\left|f\right|^{r}}{\sqrt{2\pi}} e^{\frac{-f^{2p}(t-\tau)^{2}}{2}} e^{-j2\pi ft} dt$$
(4)

对于离散信号x(n),其GST可表示为:

$$GST_{x}^{p}\left(iT, \frac{n}{NT}\right) = \sum_{m=0}^{N-1} X\left(\frac{n+m}{NT}\right) e^{\frac{-2n^{2}m^{2}}{n^{2p}}} e^{\frac{j2\pi mi}{N}}$$
(5)

$$GST_x^p(iT,0) = \frac{1}{N} \sum_{m=0}^{N-1} X\left(\frac{m}{NT}\right)$$
(6)

式中 T表示采样时间间隔,N表示采样总点数, X(n/NT)表示x(n)的离散时间序列。

结合式(5)和(6)可知:原始信号经GST时频域 变换后,获得的时频矩阵是一个二维复数矩阵,行向 量表示不同的频率值,列向量对应不同的时间点,矩 阵元素表示信号的幅值和相位角。信号*x*(*t*)的 GST变换结果可表示为<sup>[25]</sup>:

$$GST_{m \times n} = A_{m \times n} e^{j\theta_{m \times n}}$$
<sup>(7)</sup>

式中  $A_{m\times n}$ 表示幅值矩阵,  $\theta_{m\times n}$ 表示相位矩阵。

另外,由方程(3)可知:GST高斯窗的宽度可以通 过选取不同的参数p值进行调整,从而改善时频分辨 率,提高时频聚焦性能。当p=1时,GST等价于S变 换;当p>1时,高斯窗的宽度随着频率的增加而减小, 不利于描述低频信号特征;当p<0时,高斯窗的宽度 随着频率的增加而增加,不利于描述高频信号特征。

参数p的取值决定了GST的时频集聚性能的 好坏,为实现参数p的选取,文献[27]提出一种时频 分布聚焦性度量准则,根据该准则可有效选取高斯 窗口函数最优调节参数p值,定义时频分布聚焦性 度量准则为:

$$M(p) = \left[ \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} \left| GST(\tau, f) \right|^{\frac{1}{q}} \mathrm{d}\tau \mathrm{d}f \right]^{q} \quad (8)$$

式(8)的离散形式可表示为:

$$M(p) = \left(\sum_{n=0}^{N-1} \sum_{k=0}^{N-1} \left| GST(n,k) \right|^{\frac{1}{q}} \right)^{q}$$
(9)

式中  $\sum_{n=0}^{N-1} \sum_{k=0}^{N-1} GST(n,k) = 1$ 表示归一化的无偏能 量常数, $q \ge 1_{\circ}$ 

评价的标准为:*M*(*p*)取最小值表示时频分布聚 焦性最好,此时所对应的*p*值即为高斯窗口函数的 最优调节参数。

本文选取参数p值的步骤如下:

(1) 对于任意的*p*∈(0,1],根据方程(4)对信号 x(t)进行GST;

(2) 对 GST 系数进行能量归一化:

$$GST = \frac{GST(n,k)}{\sum_{n=0}^{N-1} \sum_{k=0}^{N-1} GST(n,k)}$$
(10)

(3) 根据方程(8)计算GST的时频聚焦性,本 文取q=2;

(4) 通过求取 M(p)的最小值选取窗口函数最 优调节参数pont:

$$p_{\text{opt}} = \min_{p} \left[ M_x(p) \right] \tag{11}$$

#### 1.2 SVD基本理论

对于矩阵 $H \in \mathbb{R}^{m \times n}$ ,其SVD定义为<sup>[23]</sup>:

$$H = USV^{\mathrm{T}} \tag{12}$$

式中  $U 和 V^{T}$ 分别为 $m \times m$ 和 $n \times n$ 阶矩阵,S为 m×n阶对角矩阵,即:

 $S = [\operatorname{diag}(\sigma_1, \sigma_2, \cdots, \sigma_k), 0]$ (13)式中 0表示零矩阵,  $k = \min(m, n), \sigma_1 \ge \sigma_2 \ge \cdots$ 

 $\geq \sigma_k > 0, \sigma_1 \geq \sigma_2 \geq \cdots \geq \sigma_k > 0$ 称为矩阵 $H_{m \times n}$ 的奇 异值。

基于以上分析,式(12)可表示为:

 $H = \sigma_1 \boldsymbol{u}_1 \boldsymbol{v}_1^{\mathrm{T}} + \sigma_2 \boldsymbol{u}_2 \boldsymbol{v}_2^{\mathrm{T}} + \dots + \sigma_k \boldsymbol{u}_k \boldsymbol{v}_k^{\mathrm{T}} \quad (14)$ 式中  $u_i$ 和 $v_i$ 分别表示矩阵U和V中的列向量,且  $\boldsymbol{u}_i \in \mathbf{R}^{m \times 1}, \ \boldsymbol{v}_i \in \mathbf{R}^{n \times 1}$ 

定义一个包含 $u_i$ 和 $v_i$ 的子矩阵 $H_i = u_i v_i^{T}$ ,因 此,式(14)可表示为:

$$H = \sum_{i=1}^{k} \sigma_i H_i \tag{15}$$

根据式(15)可知,采用SVD提取矩阵中的有效 信息的关键在于选取有效奇异值。本文采用文献 [28]所提出的方法选取有效奇异值个数r,定义有 效奇异值个数r为:奇异值由迅速衰减向趋于平缓 的转折点所对应的序数。

#### 1.3 SVM 模型

SVM主要通过寻找一个超平面来对样本进行 分割,在基于间隔最大化的分割原则下,其最终问题 归类于在约束条件下求解二次规划问题<sup>[29]</sup>。

设样本集 $\{x_i, y_i\}, i=1, 2, \cdots, N,$ 其中 $x_i$ 为第i个样本, $y_i \in \{-1,1\}$ ,那么最优超平面方程定义为:  $(\boldsymbol{\omega} \cdot \boldsymbol{x}) + \boldsymbol{b} = 0$ (16)

式中  $\omega$ 表示该平面的法向量,b为常数项。

根据 SVM 的定义,将上述最优超平面洗取问 题转换为二次规划问题:

$$\begin{cases} \varphi(\boldsymbol{\omega}) = \frac{1}{2(\boldsymbol{\omega} \cdot \boldsymbol{\omega})} \\ \text{st: } \boldsymbol{y}_i [(\boldsymbol{\omega} \cdot \boldsymbol{\omega}) + \boldsymbol{b}] \ge 1, \ i = 1, 2, \cdots, l \end{cases}$$
(17)

通过Langrange乘子法解决上述规划问题,那 么原问题的对偶问题为:

$$\begin{cases} \max_{a} Q(a) = \sum_{i=1}^{N} a_{i} - \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{N} \sum_{j=1}^{N} a_{i} a_{j} \mathbf{y}_{i} \mathbf{y}_{j} \mathbf{x}_{i}^{\mathrm{T}} \mathbf{x}_{j} \\ \sum_{i=1}^{N} a_{i} a_{j} = 0, \ a_{i} \ge 0 \end{cases}$$
(18)

式中  $a_i$ 表示 Langrange 乘子, Q(a)的最大值取决 于训练集 $\{x_i^{\mathrm{T}}, x_j\}$ 和 $\{y_i, y_j\}$ 。

假定 $a_i^*$ 为最优Langrange乘子, x 表示测试数 据,那么最优超平面函数f(x)定义为:

$$f(\boldsymbol{x}) = \operatorname{sgn}\left(\sum_{i=1}^{N} a_i^* \boldsymbol{x}_i \boldsymbol{y}_i \boldsymbol{x} + b\right)$$
(19)

#### 1.4 本文方法

本文结合GST,SVD和SVM,提出一种变工况 下圆柱滚子轴承振动信号特征提取及状态识别方 法,其基本流程如图1所示。

该方法的具体步骤如下:





(1) 搭建某型特种车辆变速箱圆柱滚子轴承实 验台架,在实验台架上采集不同转速工况下的滚动 轴承不同状态件振动信号,并从中随机选取多个样 本构成训练集和测试集:

(2) 采用GST分别对训练集中的单个样本信 号进行时频域转换,将得到时频矩阵作为特征矩阵;

(3) 对特征矩阵进行 SVD 分析, 选取有效奇异 值构建特征向量集;

(4) 将得到的特征集输入 SVM 模型中对其进 行训练;对测试集中的样本信号重复上述步骤(2)和 (3)进行特征参数提取,然后输入到已训练好的 SVM模型中实现故障状态分类识别。

#### 时频分析方法仿真分析 2

构造了非平稳仿真信号模拟滚动轴承局部损伤

引起的冲击信号,分别采用STFT,CWT,S变换和GST方法对仿真信号进行分析,以验证GST良好的时频聚集性。仿真信号的数学表达式如下:

$$x(t) = e^{-400t_1} \sin(2\pi f_1 t) + \sin(2\pi f_2 t) +$$

 $0.8\sin(2\pi f_3 t) + \sin(2\pi f_4 t) + r(t)$  (20)

式中  $t_1 = mod(t, 1/33)$ ,故障引起的冲击信号特征 频率为 33 Hz, mod表示求余函数, $f_1 = 3500$  Hz,  $f_2 = 450$  Hz,  $f_3 = 150$  Hz,  $f_4 = 48$  Hz, r(t)表示均值为 0, 方差为 0.16 的高斯白噪声。

仿真信号采样频率为8kHz,采样点数为4000 个,图2为仿真信号时域波形及其频谱图。

由图2可知,由于噪声信号的干扰,传统的频谱分 析难以获取故障特征频率,缺乏"定位功能",仅从信号 时域波形图中无法获取仿真信号中的冲击特征信息。



采用STFT,CWT,S变换(p=1)和GST( $p_{opt}=$ 0.76)等时频方法分别对仿真信号进行分析,其中STFT采用Hamming窗,CWT采用尺度为64的Morlet小波。图3为仿真信号经不同时频分析方法处理后获得的时频谱图。

如图 3(a)所示,采用 STFT 对仿真信号进行分析,能够提取低频成分(f<sub>2</sub>, f<sub>3</sub>, f<sub>4</sub>),但由于时间分辨率的限制,难以有效提取高频成分(f<sub>1</sub>)和冲击信号





频率成分(f<sub>0</sub>)。如图3(b)所示,采用CWT对仿真信 号进行分析,能够提出提取低频成分(f<sub>2</sub>,f<sub>3</sub>,f<sub>4</sub>)、高 频成分(f<sub>1</sub>)和冲击信号频率成分(f<sub>0</sub>),但高频成分和 冲击信号频率成分分辨率较低,存在能量泄露。如 图3(c)所示,采用S变换对仿真信号进行分析,能够 提出提取低频成分(f<sub>2</sub>, f<sub>3</sub>, f<sub>4</sub>)、高频成分(f<sub>1</sub>)和冲击 信号频率成分(f<sub>0</sub>),但由于其窗函数尺度与频率成 反比,因此,低频成分具有较高的频率分辨率和较低 的时间分辨率,高频成分和冲击信号具有较低的频

率分辨率和较高的时间分辨率。如图 3(d)所示,采用GST 对仿真信号进行分析,能够有效提取低频成 分( $f_2$ ,  $f_3$ ,  $f_4$ ),且在高频成分( $f_1$ )附近检测到明显的 冲击特征,冲击时间间隔约为 0.03 s,与冲击信号频 率成分( $f_6$ =33 Hz)相对应。

基于以上分析可知,GST相较于传统的时频分 析方法在冲击信号时频分辨率方面具有显著的优越 性,且GST时频矩阵中包含了冲击信号特征信息。

#### 3 案例分析

#### 3.1 实验方案及数据获取

如图4所示,搭建了某型特种车辆变速箱圆柱 滚子轴承实验台架。在台架上分别采集了某特种车 辆变速箱中N218圆柱滚子轴承外圈磨损、滚动体 故障和轴承正常三种典型状态件的振动信号。表1 为圆柱滚子轴承N218基本参数。



Fig. 4 The bench simulation fault test bench

表 1 N218圆柱滚子轴承基本参数 Tab. 1 Basic parameters of the cylindrical roller bearings

内径/	外径/	厚度/	滚动体直	滚子数	接触角/	
mm	mm	mm	径/mm 量/个		(°)	
90	160	30	18.4	17	0	

在轴承故障件制作过程中,外圈磨损状态是在 轴承外圈外表面一圈磨掉0.15 mm 而成;滚动体故 障状态是对轴承的1个滚动体磨损0.15 mm 而成。 图5为圆柱滚子轴承故障件。

试验过程中,利用加速度传感器采集圆柱滚子 轴承三种典型状态件在不同转速下的振动信号。

本文的研究目的在于分析GST-SVD方法应用 于提取变工况下圆柱滚子轴承故障特征信息的可行 性,因此,仅对传感器A1采集的振动信号进行分析。 传感器A1垂直贴在变速箱输出轴端箱盖表面。

在变速箱处于三挡时进行信号采集,三挡齿轮 传动比为1.9286。采样频率为20kHz,采样点数为 20000个,负载为100 HP,输入转速分别设定为



 (a) 外國情切居顶
 (b) 探切摔砍摔

 (a) Sliding wear of outer ring
 (b) Ball fault

 图 5 圆柱滚子轴承故障件

Fig. 5 Faulty parts of the cylindrical roller bearing

500,800,1000和1200 r/min。

表2为本文选取的实验数据集,A,B,C和D分别 表示四种不同工况,每种工况随机选取150个样本(包 含三种典型状态件各50个样本),共600个样本。其 中训练集包含360个样本、测试集包含240个样本。

表 2 实验数据集 Tab. 2 Experimental data set

工况	电机 转速/ (r·min <sup>-1</sup> )	电机负 载/HP	正常		外圈故障		滚动体 故障	
			训练	测试	训练	测试	训练	测试
			集	集	集	集	集	集
А	500	100	30	20	30	20	30	20
В	800	100	30	20	30	20	30	20
С	1000	100	30	20	30	20	30	20
D	1200	100	30	20	30	20	30	20

#### 3.2 圆柱滚子轴承典型状态件时频特征分析

以变速箱处于三挡,输入转速为500 r/min,负 载为100 HP时,传感器A1检测到的振动信号为例, 对GST应用于提取故障特征信息的有效性进行分 析。图6为传感器A1检测到的圆柱滚子轴承三种 典型状态件振动信号波形图。分别采用STFT, CWT,S变换和GST对传感器A1检测到的实验数 据进行时频分析,分析结果如图7所示。

根据文献[28]中所提及的滚动轴承故障特征频 率计算公式计算,可得外圈故障频率为31.32 Hz, 滚动体故障频率为14.34 Hz。如图7(a)所示,采用 STFT 对圆柱滚子轴承典型状态件进行时频分析, 由于时间分辨率的限制难以有效识别冲击信号特 征。如图7(b)所示,采用CWT 对圆柱滚子轴承典 型状态件进行时频分析,冲击信号频率成分分辨率 较低,存在能量泄露。如图7(c)所示,采用S变换对 圆柱滚子轴承典型状态件进行时频分析,能够有效 识别电机输入转频(8.333 Hz)、外圈故障频率 (31.0559 Hz)及滚动体故障频率(14.34 Hz),但频率 分辨率较低。由图7(d)可知,正常轴承的时频谱图 中,在频率轴约2237 Hz处存在周期性冲击特性,其



Fig. 7 Time-frequency spectrum obtained by different time-frequency analysis methods

周期约为0.1056 s, 对应的频率约为9.4697 Hz, 刚 好与电机输入转频(8.333 Hz)相近, 正常轴承时频 谱中不存在故障特征信息;外圈故障的时频谱图中, 在频率轴约2237 Hz处存在周期性冲击特性,其周 期约为0.0322 s, 对应的频率约为31.0559 Hz, 刚好 与外圈故障频率(31.32 Hz)相近; 滚动体故障的时 频谱图中, 在频率轴约2237 Hz处存在周期性冲击 特性, 其周期约为0.1053和0.0657 s, 对应的频率约 为9.4967 和 15.2207 Hz, 刚好与电机输入转频 (8.333 Hz)和滚动体故障频率(14.34 Hz)相近。

基于以上分析可知,GST相较于传统的时频 分析方法在冲击信号时频分辨率方面具有显著的 优越性,且GST时频矩阵中包含了冲击信号特征 信息。

#### 3.3 基于 GST-SVD 的圆柱滚子轴承振动信号 特征提取

采用GST分别对实验数据集600个样本进行 时频域转换,将获得的时频矩阵作为特征矩阵,对特 征矩阵进行SVD分解,获得特征矩阵的奇异值向 量。图8为实验数据集600个样本的奇异值曲线图。

由图 8 可知,变工况下圆柱滚子轴承振动信号 经 GST-SVD 处理后,获得的奇异值向量具有较好 的一致性和稳定性,且每个特征矩阵所包含的特征 信息可以由 28 个奇异值向量表征。当轴承发生故 障时,特征矩阵的奇异值数值大小发生了明显的变 化,因此,由多组奇异值向量组成的矩阵包含了原 始振动信号中的故障特征信息,可作为变工况下圆 柱滚子轴承不同状态件状态类型识别的特征参数。





#### 3.4 圆柱滚子轴承振动信号状态识别

将GST-SVD所提炼出的特征参数输入SVM。 本文采用网格寻优法对SVM中的核函数参数c和 惩罚函数g进行筛选,得到的最优的h和p分别为 1.4和2.2。图9为SVM模型对变工况下圆柱滚子 轴承不同状态件的分类识别结果。标签1~3分别 表示轴承正常、外圈故障和滚动体故障等轴承三种 典型状态。

由图 9 可知,采用本文方法对不同转速工况 下圆柱滚子轴承进行诊断时,训练集识别误差为 0,测试集识别误差为 2.083%。因此,采用本文 方法可以有效实现变工况下圆柱滚子轴承故障 诊断。



Fig. 9 Identification results by the proposed method

#### 3.5 方法对比

为了验证本文提出的变工况下圆柱滚子轴承振 动信号特征提取方法的优越性和有效性,分别采用 以下方法对变工况下圆柱滚子轴承进行故障特征 提取。

(1) S变换和 SVD:首先采用 S变换将一维时 域信号转变成二维时频矩阵,选取时频矩阵作为特 征矩阵;采用 SVD 对特征矩阵进行分解,获取表征 不同故障类型的特征向量。

(2) 局部均值分解(Local Mode Decomposi-

tion, LMD)和SVD:采用LMD分解原始信号,获得 若干生产函数(Product Functions, PFs)分量;采用 SVD对PFs分量构成的矩阵进行分解,获取表征不 同故障类型的特征向量<sup>[24]</sup>。

(3)小波包近似熵:选用db5小波基函数对原始 信号进行四层小波包分解,通过计算各层频带的近 似熵得到特征向量<sup>[30]</sup>。

将上述特征提取方法提取的特征向量分别作为 SVM输入,采用SVM对变工况下圆柱滚子轴承三 种典型状态件进行分类识别,表3为不同特征提取 方法的SVM状态识别结果。

	表3 不同转速工况下圆柱滚	<b>袤子轴承故障诊断模型的分类结果</b>	
Tab. 3	3 Classification results of fault diagnosis model for	cylindrical roller bearings under different wo	orking conditions

诊断模型	未正确识别样本累计总数	正常	外圈	滚动体	测试精度/%	时间/s
S变换+SVD+SVM	13	0	5	8	94.58	6.10052
LMD+SVD+ SVM	7	0	4	3	97.08	5.23063
小波包近似熵+SVM	10	0	4	6	95.83	6.36532
本文方法	5	0	0	5	97.92	5.17652

由表3可知,本文所提出的方法能有效地提高 圆柱滚子轴承故障状态识别的效率和精度。

#### 4 结 论

(1)构造了非平稳仿真信号模拟滚动轴承局部 损伤引起的冲击信号,采用STFT,CWT,S变化和 GST分别对仿真信号进行时频域转换,验证了GST 相较于其他时频分析方法具有更高的时频分辨率。

(2)结合GST和SVD提出一种变工况下滚动 轴承振动信号特征提取方法。搭建了某型特种车辆 变速箱圆柱滚子轴承实验台架,在实验台架上采集 了不同转速下圆柱滚子轴承三种典型状态件振动信 号。采用本文方法对实验获得的振动信号进行分 析,结果表明:该方法获得的奇异值向量具有较好的 一致性和稳定性,由多组奇异值向量组成的矩阵包 含了原始振动信号中的故障特征信息,可作为变工 况下圆柱滚子轴承不同状态件模式识别的特征 参数。

(3)采用 SVM 对不同特征提取方法提取的特征信息进行分类识别,结果表明:本文方法具有较高的识别精度和效率。

#### 参考文献:

[1] 姜战伟,郑近德,潘海洋,等.POVMD与包络阶次谱 的变工况滚动轴承故障诊断[J].振动、测试与诊断, 2017, 37 (3): 609-616.

JIANG Zhan-wei, ZHENG Jin-de, PAN Hai-yang, et al. Fault diagnosis of rolling bearings with variable operating condition based on POVMD and envelope order spectrum [J]. Journal of Vibration, Measurement and Diagnosis, 2017, 37(3): 609-616.

- [2] Dybala J, Zimroz R. Rolling bearing diagnosing method based on Empirical Mode Decomposition of machine vibration signal [J]. Applied Acoustics, 2014, 77 (3): 195-203.
- [3] 雷亚国,韩天宇,王彪.XJTU-SY滚动轴承加速寿命 试验数据集解读[J].机械工程学报,2019,55(16): 15-20.

LEI Ya-guo, HANG Tian-yu, WANG Biao. Interpretation of XJTU-SY rolling bearing accelerated life test data set [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2019, 55(16): 15-20.

 [4] 夏均忠,苏涛,马宗坡,等.基于EMD的滚动轴承故 障特征提取方法[J].噪声与振动控制,2013,2(2): 127-131.

XIA Jun-zhong, SU Tao, MA Zong-po, et al. EMDbased fault feature extraction method for rolling bearings [J]. Noise and Vibration Control, 2013, 2(2): 127-131.

 [5] 何俊,杨世锡,甘春标.一类滚动轴承振动信号特征 提取与模式识别[J].振动、测试与诊断,2017,37
 (6):1181-1186.

HE Jun, YANG Shi-xi, GAN Chun-biao. Feature extraction and pattern recognition of a class of rolling bearing vibration signals [J]. Journal of Vibration, Measurement and Diagnosis, 2017, 37(6): 1181-1186.

- [6] Hu A J, Zhu Y, Wang X. Analysis of fault diagnosis for rolling bearing based on EMD and local smoothness index [J]. Advanced Materials Research, 2012, 490-495; 2007-2011.
- [7] Zhang Y, Qin Yong, Xing Zongyi, et al. Safety region estimation and state identification of rolling bearing based on statistical feature extraction [J]. Shock & Vibration, 2013, 20(5):833-846.
- [8] 俞昆,罗志涛,李鸿飞,等.广义参数化同步压缩变 换及其在旋转机械振动信号中的应用[J].机械工程学 报,2019,55(11):149-159.

YU Kun, LUO Zhi-tao, LI Hong-fei, et al. Generalized parameterized synchronous compression transformation and its application in vibration signals of rotating machinery [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2019, 55(11):149-159.

- [9] Wang D, Tse P, Kwok L. An enhanced Kurtogram method for fault diagnosis of rolling element bearings
   [J]. Mechanical Systems & Signal Processing, 2013, 35 (1-2): 176-199.
- [10] Meng Z P, Xu Y G, Zhao G L. Fault diagnosis of rolling bearing based on dual-tree complex wavelet transform and AR power spectrum [J]. Advanced Materials Research, 2013, 819:271-276.
- [11] Zhao M H, Tang B P, Tan Q. Fault diagnosis of rolling element bearing based on S transform and gray level co-occurrence matrix [J]. Measurement Science and Technology, 2015, 26(8):5008-5019.
- [12] Pinnegar C R, Mansinha L. Time-local spectral analysis for non-stationary time series: the S-transform for noisy signals [J]. Fluctuation & Noise Letters, 2012, 3 (3): L357-L364.
- [13] 杨蕊,李宏坤,贺长波,等.利用最优小波尺度循环谱的滚动轴承早期故障特征提取[J].机械工程学报,2018,54(17):208-217.
  YANG Rui, LI Hong-kun, HE Chang-bo, et al. Feature extraction of rolling bearing early faults using optimal wavelet scale cyclic spectrum [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2018,54(17): 208-217.
- [14] Sinha S, Routh P S, Anno P D, et al. Spectral decomposition of seismic data with continuous-wavelet transform [J]. Geophysics, 2005, 70 (6):19-25.
- [15] Pinnegar C R, Mansinha L. The S-transform with windows of arbitrary and varying shape [J]. Geophysics, 2003, 68(1):381-390.
- [16] 陈学华,贺振华,黄德济.广义S变换及其时频滤波
  [J].信号处理,2008,24(1):28-31.
  CHEN Xue-hua, HE Zhen-hua, Huang De-ji. Generalized S transform and its time-frequency filtering [J].

Signal Processing, 2008, 24(1): 28-31.

[17] 陈学华,贺振华,黄德济.基于广义S变换的地震资料
 高效时频谱分解[J].石油地球物理勘探,2008,43
 (5):530-534.
 CHEN Xue-hua, HE Zhen-hua, HUANG De-ji. Effi-

cient time-frequency spectrum decomposition of seismic data based on generalized S transform [J]. Petroleum Geophysical Exploration, 2008,43(5): 530-534.

- [18] 全惠敏,戴瑜兴,王鹏人.基于广义S变换的声发射信号分析及定位[J].电子学报,2010,38(2):371-375.
  QUAN Hui-min, DAI Yu-xing, WANG Peng-ren.
  Analysis and location of acoustic emission signal based on Generalized S-Transform [J]. Acta Electronica Sinica, 2010, 38(2): 371-375.
- [19]朱怡,蒋思源.广义S变换时频谱SVD降噪的滚动轴 承故障冲击特征提取方法[J].轴承,2016 (11): 53-57.
   ZHU Yi, JIANG Si-yuan. Extraction method of rolling

bearing fault shock feature based on generalized S transform and spectral SVD noise reduction [J]. Bearing, 2016 (11): 53-57.

[20] 陈换过,易永余,陈文华,等.基于广义S变换的齿轮 箱轴承故障诊断方法[J].中国机械工程,2017,28 (1):51-56.

CHEN Huan-guo, YI Yong-yu, CHEN Wen-hua, et al. Fault diagnosis method of gearbox bearing based on generalized S transform [J]. China Mechanical Engineering, 2017,28(1):51-56.

[21] 赵德尊,李建勇,程卫东.变转速下基于广义解调算 法的滚动轴承故障诊断[J].振动工程学报,2017,30 (5):865-873.

ZHAO De-zun, LI Jian-yong, CHENG Wei-dong. Rolling bearing fault diagnosis based on generalized demodulation algorithm at variable speed [J]. Journal of Vibration Engineering, 2017, 30(5): 865-873.

[22] 刘若晨, 左洪福. 变工况下滚动轴承故障注入静电监测方法研究[J]. 仪器仪表学报, 2014, 35(10): 2348-2355.

LIU Ruo-chen, ZUO Hong-fu. Research on monitoring method of rolling bearing fault injection static electricity under variable operating condition [J]. Journal of Instrumentation, 2014, 35 (10): 2348-2355.

- [23] WANG Zhipeng, JIA Limin, QIN Yong. Adaptive diagnosis for rotating machineries using information geometrical Kernel-ELM based on VMD-SVD [J]. Entropy, 2018, 20 (1):73-81.
- [24] TIAN Y, MA J, LU C, et al. Rolling bearing fault diagnosis under variable conditions using LMD-SVD and extreme learning machine [J]. Mechanism and Machine Theory, 2015, 90: 175-186.

[25] 郭凤仪, 高洪鑫, 王智勇, 等. 基于 ST-SVD-PCA 的

串 联故障电弧特征提取方法[J]. 煤炭学报, 2018, 43 (3):888-896.

GUO Feng-yi, GAO Hong-xin, WANG Zhi-yong, et al. ST-SVD-PCA-based series fault arc feature extraction method [J]. Journal of China Coal Society, 2018, 43 (3): 888-896.

- [26] Stockwell R G, Mansinha L, Lowe R P. Localization of the complex spectrum: the S transform [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2002, 44(4):998-1001.
- [27] Stankovi L. A measure of some time-frequency distributions concentration [J]. Signal Processing, 2001, 81 (3):621-631.
- [28] He K F, Li X J. Time-frequency feature extraction of acoustic emission signals in aluminum alloy MIG welding process based on SST and PCA[J]. IEEE Access,

2019, 7:113988-113998.

- [29] 蒋永华,阚君武,程光明,等.应用自适应 Morlet 小波和 NGA 优化 SVM 的轴承故障诊断[J].振动、测试与诊 断,2013,33(5):751-755.
  Jiang Y, Kan J, Cheng G, et al. Rolling bearing fault diagnosis using Adaptive Morlet wavelet and NGA optimized SVM [J]. Journal of Vibration Measurement & Diagnosis, 2013, 33(5):751-755.
- [30] 李学军,何能胜,何宽芳,等.基于小波包近似熵和 SVM的圆柱滚子轴承诊断[J].振动、测试与诊断, 2015,35(6):1031-1036.

LI Xue-jun, HE Neng-sheng, HE Kuan-fang, et al. Cylindrical roller bearing diagnosis based on wavelet packet approximate entropy and SVM [J]. Journal of Vibration, Measurement and Diagnosis, 2015, 35(6): 1031-1036.

# Time-frequency feature extraction and state recognition of vibration signal of cylindrical roller bearing

#### LIU Xiang-nan<sup>1</sup>, ZHAO Xue-zhi<sup>1</sup>, HE Kuan-fang<sup>2</sup>

(1.School of Mechanical and Automotive Engineering, South China University of Technology, Guangzhou 510641, China;2.School of Mechatronics Engineering, Foshan University, Foshan 528225, China)

**Abstract:** Conducting a study for extracting the fault feature information of the rolling element bearing under variable conditions. Three typical state components of cylindrical roller bearings (normal bearing, outer ring wear, rolling element wear) are selected as the research targets. An experimental bench for a cylindrical roller bearing of a special vehicle gearbox is built. The vibration signals of cylindrical roller bearing failures under different input speeds are collected through the experimental bench. The generalized Stockwell transform (GST) is used to transform the raw vibration signal into the time-frequency domain, and the obtained two-dimensional time-frequency matrix is used as the feature matrix. The characteristic parameters are obtained by performing the singular value decomposition (SVD) on the feature matrix. The extracted characteristic parameters are input into a Support Vector Machine (SVM), and the SVM is used to realize the identification of different states of the rolling bearing. The results show that the proposed method can effectively achieve the vibration signal feature information extraction and state recognition under variable operating conditions. It can provide an effective mean for the online monitoring of rotating machinery equipment.

Key words: fault diagnosis; roller bearing; feature extraction; support vector machine; state recognition

作者简介:刘湘楠(1992—),男,博士研究生。电话:16607319453;E-mail:lxn920613@163.com。 通讯作者:何宽芳(1979—),男,教授。E-mail:hke791113@163.com。