含行星轮局部故障的行星齿轮箱振动仿真及实验研究

樊家伟,郭 瑜,伍 星,林 云,陈 鑫

(昆明理工大学机电工程学院,云南昆明 650500)

摘要:针对现有行星齿轮箱局部故障振动仿真模型使用小波变换和加窗振动分离技术进行故障诊断时效果不明显 的问题,提出了一种以齿轮啮合冲击响应和齿轮啮合顺序为基础的行星轮局部故障振动仿真模型。以齿轮啮合冲 击响应为基础,仿真正常齿和故障齿的单次啮合冲击振动响应;计算每次齿轮啮合的时间点,按照轮齿啮合顺序使 用单次啮合冲击振动响应进行拼接,综合考虑振动信号的时变传递路径和太阳轮、行星轮和行星架转频的调制影 响;建立了满足加窗振动分离技术故障特征提取的行星轮局部故障振动仿真模型。通过与行星齿轮箱的试验平台 实测振动信号和振动仿真信号的分析对比,验证了所建立模型的正确性。

关键词:故障诊断;行星齿轮箱;振动信号仿真;加窗振动分离技术 中图分类号:TH165⁺.3;TH132.4 文献标志码:A 文章编号:1004-4523(2022)05-1270-08 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2022.05.025

引 言

在故障诊断领域,合理的仿真信号对新技术和 方法的验证有重要意义^[1]。行星齿轮箱是故障诊断 领域的重要研究对象,其通常包含多个行星轮,每个 行星轮都同时与齿圈和太阳轮啮合,因此多个啮合 点同时存在,且啮合位置随着时间不断变换。当采 用固定位置安装传感器拾取其振动信号时,行星轮 和啮合点位置的时变会导致啮合点与传感器之间的 传递路径也存在时变性,因此,行星齿轮箱局部故障 信号的仿真较为复杂^[2]。

基于现象的振动信号仿真模型最早由Randal^[3]提 出,使用预期频谱实现对故障齿轮振动的仿真。在行 星齿轮箱振动仿真方面,近年来一些学者先后通过分 析行星齿轮箱运转中各部件的频率,使用频谱成分实 现了行星齿轮箱振动的仿真^[46],这些研究成果对行星 齿轮箱故障诊断方法的研究提供了重要的评价依据。

另一方面,加窗振动分离技术是消除行星齿轮箱 振动时变传递路径的有效方法^[7-9],可实现对行星轮或 太阳轮故障的有效检测;小波变换也是实现齿轮故障 诊断的一种常用方法^[10-11]。然而现有的现象模型中正 常齿和故障齿冲击均采用正弦调制产生,使用加窗振 动分离技术时,截取到的信号是正弦调制的一部分, 其幅值变化较缓,无法观察到故障冲击特征,使用小 波变换也无明显效果。本文在现有模型的基础上,针 对该问题提出一种以齿轮啮合冲击响应和齿轮啮合 顺序为基础的行星轮局部故障振动仿真模型。

研究中通过对行星齿轮箱振动机理进行分析,以 齿轮啮合冲击响应为基础,综合考虑振动信号的时变 传递路径和太阳轮、行星轮及行星架转速调制的影 响,建立了基于齿轮啮合冲击响应的行星轮局部故障 振动仿真模型。通过与实测振动信号的加窗振动分 离结果对比分析,验证了所建立模型的正确性。

1 齿轮的啮合冲击响应

齿轮的啮合过程发生在单齿啮合与双齿啮合的 瞬间,每次啮合会产生一次冲击响应,引起冲击响应 的原因不仅有啮合力的影响,还有啮合刚度的影响^[12]。

齿轮传动过程中,轮齿啮合刚度是随啮合点位 置的变化而变化的,也即是时间*t*的函数。设啮合刚 度*K*(*t*)在单齿啮合区内为*K*₁,在双齿啮合区内为*K*₂, 则*K*(*t*)可展开为如下所示的傅里叶级数形式^[12]:

$$\begin{cases} K(t) = K_0 + \sum_{n=1}^{\infty} K_n \cos(npt + \psi_n) \\ K_0 = K_2(\varepsilon - 1) + K_1(2 - \varepsilon) \\ K_n = \frac{2(K_2 - K_1)}{n\pi} \sin[(2 - \varepsilon)n\pi] \\ \psi_n = (2 - \varepsilon)n\pi \end{cases}$$
(1)

式中 ε为齿轮的重合度,p为齿轮啮合圆频率。 设ω为线性固有频率^[13],有:

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51675251);云南省重点领域科技计划项目(202002AC080001)。

收稿日期: 2020-11-12;修订日期: 2021-02-22

(2)

 $\omega \propto \sqrt{K_0}$ 单次啮合冲击响应可表示为^[12]:

$$r(t) = \frac{F}{\sqrt{K(t)}} \left(\frac{1}{m_{e1}} + \frac{1}{m_{e2}} \right) e^{-\zeta \omega t} \sin(\omega t) \quad (3)$$

式中 F为冲量,是啮合冲击力在单次冲击时间内的积分; ζ 为阻尼系数; m_{e1} , m_{e2} 分别为主、被动齿轮的当量质量。研究中,F设为0.139 N•s; ζ 为-0.08; m_{e1} , m_{e2} 分别为2和0.5;固有频率约为1400 Hz。

由式(3)可知,啮合刚度变化会影响齿轮的啮合 冲击响应。由于局部故障会使齿轮的啮合刚度减 小,导致啮合冲击响应幅值增加,可用其仿真行星轮 局部故障对应的冲击响应。

2 故障行星轮振动信号仿真模型

2.1 正常状态下行星齿轮箱振动信号仿真模型

本文以由三个行星轮、一个太阳轮和一个齿圈 组成的行星齿轮箱为例,其存在内齿圈与行星轮啮 合、太阳轮与行星轮啮合共6个啮合点。实际振动 拾取中振动传感器一般固定安装在箱体上。由于传 感器安装位置正下方拾取到的啮合振动信号最强, 为简化模型,在故障行星轮振动信号模型建立过程 中,仅考虑传感器正下方区域的行星轮与齿圈啮合 点的振动信号^[5]。理想情况下,正常状态每个行星 轮与齿圈啮合产生振动冲击响应均相同。

由于行星轮绕行星架中心轴的公转,行星轮在 轮系中的位置发生周期性的变化,并导致啮合点与 传感器之间的振动传递路径发生变化。如图1所 示,当轮系顺时针旋转时,红色行星轮由远及近靠近 传感器安装位置、再由近及远远离传感器安装位置, 传感器拾取到的振动信号幅值变化为由小到大再从 大到小,该时变传递路径引起的幅值变化可以用汉 宁窗表示^[6,14]。



图1 啮合位置与振动幅值对应关系

Fig. 1 Relationship between meshing position and vibration amplitude

行星架每旋转一周,三个行星轮分别通过传感 器正下方区域一次,行星轮与齿圈啮合的时变传递 路径效应可表示为^[6]:

$$W_n(t) = \left[A - \cos\left(2\pi N f_c t\right)\right] / A \tag{4}$$

式中 A为传递函数幅值系数,传递路径最远点幅 值为最近点的(A-1)/A倍,N为行星轮个数, f_e 为 行星架旋转频率。

依据行星齿轮传动原理,对于行星轮,当行星架转过一定的圈数,行星轮轮齿与齿圈上特定齿(如传感器正下方的轮齿)的啮合会重复出现,定义重复啮合的最小圈数为 N_{Reset}^[15]:

$$N_{\text{Reset}} = \frac{LCM(Z_{\text{p}}, Z_{\text{r}})}{Z_{\text{r}}}$$
(5)

式中 *LCM*为求最小公倍数操作,*Z*,为齿圈齿数,*Z*,为 行星轮齿数。行星轮整周期啮合次数*N*_{end}可表示为:

$$N_{\rm end} = Z_{\rm r} N_{\rm Reset} \tag{6}$$

$$\Delta t = \frac{1}{f_m} \tag{7}$$

式中 f_m 为啮合频率,其倒数为单次啮合时间。根据式(3),计算第 $n \wedge \Delta t$ 内的啮合冲击响应 $r_{n\Delta t}$,按照整周期内的啮合顺序将正常齿单次啮合冲击响应拼接起来,得到未经时变传递路径函数与转速调制的整周期的仿真信号,可表示为:

$$r(t) = [r_{1\Delta t}, r_{2\Delta t}, \cdots, r_{N_{\text{end}}\Delta t}]$$
(8)

由式(8)综合考虑时变传递路径、太阳轮、行星 轮与行星架转频引起的调制影响,可得到如下正常 状态行星齿轮箱振动信号仿真模型:

$$\begin{aligned} x(t) &= W_n(t)r(t) \Big[1 + A_s \cos\left(2\pi f_s t + \varphi_s\right) \Big] \cdot \\ & \Big[1 + A_p \cos\left(2\pi f_p t + \varphi_p\right) \Big] \cdot \\ & \Big(1 + A_c \cos\left(2\pi f_c t + \varphi_c\right) \Big) \end{aligned}$$
(9)

式中 $A_s, A_p 和 A_c$ 为太阳轮、行星轮和行星架的调 幅系数; $\varphi_s, \varphi_p 和 \varphi_c$ 为太阳轮、行星轮和行星架的初 始相位; $f_s, f_p \pi f_c$ 为太阳轮、行星轮和行星架的的转 频。研究中, $A_s, A_p \pi A_c$ 分别设置为0.3,0.2和0.5; $\varphi_s, \varphi_p \pi \varphi_c$ 分别设置为 $\pi/7, \pi/5 \pi \pi/3$, 通过齿数计 算得到太阳轮、行星轮和行星架的转频数值。

图 2 为行星架旋转一圈时正常状态下传感器拾 取的振动仿真信号,反映了 3 个行星轮依次通过传 感器正下方前后,由于行星轮时变传递路径的影响





Fig. 2 Simulation of vibration wave generated by planetary gear with one revolution of planet carrier

产生的3个幅值调制包络。

2.2 故障行星轮振动信号仿真模型

当某个行星轮发生局部故障,其故障轮齿与齿圈的啮合刚度K(t)发生变化,由式(3)可知其啮合产生的冲击响应也将发生变化。减小式(3)中啮合刚度的数值,其他参数保持不变,即可得到单次啮合时间 Δt 内故障齿啮合冲击响应 $R_{\Delta t}$ 。当故障行星轮所有轮齿与齿圈啮合一次出现一次故障啮合冲击响应,即每 Z_p 次啮合中有一次故障冲击。将式(8)中特定啮合位置的信号替换为故障冲击响应信号,即可得到如下未经时变传递路径函数与转速调制的故障行星轮振动信号仿真模型:

$$R(t) = \begin{bmatrix} r_{1\Delta t}, r_{2\Delta t}, \cdots, r_{N_{end}\Delta t} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1_{[1]} \\ \vdots \\ 0_{[1Z_{P}]} \\ \vdots \\ 1 \\ \vdots \\ 0_{[nZ_{P}]} \\ \vdots \\ 1_{[N_{end}]} \end{bmatrix} + \\ \begin{bmatrix} 0, \cdots, 0, R_{1Z_{P}}, 0, \cdots, 0, R_{nZ_{P}}, 0, \cdots, 0 \end{bmatrix}$$
(10)

式中 *Z*_p为行星轮齿数,*N*_{end}为完成一次行星轮整周 期所需的啮合次数。

根据行星轮的时变传递路径,当故障轮齿与齿圈 啮合点处于传感器正下方区域的齿圈部分时,传感器 才能拾取到最强故障冲击响应信号。与正常状态下 振动仿真信号相同,考虑时变传递路径、转频对*R(t)* 的调制可得如下故障行星轮振动信号仿真模型:

$$x(t) = W_{n}(t)R(t) \Big[1 + A_{s} \cos(2\pi f_{s}t + \varphi_{s}) \Big] \cdot \Big[1 + A_{p} \cos(2\pi f_{p}t + \varphi_{p}) \Big] \cdot \Big[1 + A_{c} \cos(2\pi f_{c}t + \varphi_{c}) \Big]$$
(11)

故障行星轮振动信号模型的时域波形如图3所示。与正常状态类似,行星架旋转一周也存在3个等间距的包络,但由于故障齿的存在,每进行一次啮合,传感器会拾取到一次故障齿与齿圈轮齿啮合引起的故障冲击。由于故障齿的刚度减小,其啮合较





Fig. 3 Vibration waveform of fault tooth meshing in one revolution period

正常齿啮合产生一个幅值较大的冲击。

图 4 为行星架旋转多次的振动仿真信号,可以 看出,行星架每旋转一周产生的 3 个幅值包络中,存 在一个突出的故障冲击响应。值得注意的是,由于 时变传递路径的影响,每次故障冲击出现的位置和 幅值因为啮合位置的变化各不相同。



图4 故障轮齿啮合多个公转周期内振动波形图

3 实验验证

3.1 实验简介

为验证本文所建立模型的正确性,使用行星齿轮 箱试验平台获取实测振动信号,与仿真模型进行对比 分析验证。实验研究对象为如图5为所示75kW传动 实验台上的NGW行星齿轮箱(如图6所示)。

使用3个DH112压电式加速度传感器及配套电荷放大器拾取行星齿轮箱输入轴(图6位置1)、齿圈(图6位置2)和输出轴(图6位置3)处振动信号,采用电涡流位移传感器(图6位置4)获取转速脉冲信号。

NGW行星齿轮箱参数如表1所示。

为模拟行星轮局部故障,在一个行星轮上采用



图 5 NGW 行星齿轮箱试验平台 Fig. 5 NGW planetary gearbox test platform



图 6 NGW 行星齿轮箱 Fig. 6 NGW planetary gearbox

Fig. 4 Vibration waveform of fault tooth meshing in several revolution periods

表1 行星齿轮箱参数 Tab.1 Planetary gearbox parameters 齿轮 齿数/个 径向变位系数

囚犯	西奴/个	伦回受位杀奴
太阳轮	28	0.754
行星轮	20	0.529
内齿圈	71	0.162

电火花加工一个齿根裂纹故障,行星轮系结构及人 造齿根裂纹故障行星轮如图7所示。



图7 行星齿系及人造故障行星轮



实验时转速设置为1000 r/min,采样时长为180 s,采样频率采用51.2 kHz。研究中,安装在齿圈上方 (图6位置2)的传感器获得的振动信号传递路径最 短^[5]、信号衰减较少,故使用该处振动信号进行验证。

试验中,拾取到的正常状态和行星轮故障状态的振动信号波形如图8所示。由转速1000 r/min及表1中参数可计算出行星齿轮箱的特征频率及以行星架为参考的特征阶次,如表2所示。



Fig. 8 Time domain waveform of measured signal

3.2 正常状态下振动仿真信号与实测信号对比 分析

正常状态下振动仿真信号的阶次谱(以行星架 转频为参考)如图9所示,图中以1[#],2^{*}和3^{*}等分别表 示啮合频率*f*,对应的啮合阶次以及各阶倍频。

Tab. 2 Characteristic frequency and order of planetary

geuroon			
特征项	频率/Hz	阶次(X)	_
啮合频率f _m	334.65	71	
行星架转频f。	4.71	1	
太阳轮转频f _s	16.67	3.54	
行星轮转频fp	12.02	2.55	
行星轮故障频率f _p	16.73	3.55	



实测正常状态信号阶次谱图如图 10 所示,可以 看出其阶次谱中同样存在啮合频率 fm 对应的啮合阶 次以及啮合阶次的倍频,如1'*,2'*和3'*等。



图 10 正常状态实测信号的阶次谱图

Fig. 10 Spectrum of vibration from the test rig in normal condition

由于实测故障信号啮合频率倍频 3fm对应阶次 处的边带成分较丰富,且比其他谐波的边带更清晰。 为方便对比,研究中所有信号均采用 3fm处的边带进 行局部放大。正常状态下仿真信号与实测信号 3 阶 啮合阶次及其边带如图 11 所示。可以看出虽然实 测信号 3 阶啮合阶次的边带存在一定的干扰,但其 频率规律基本与仿真信号边带吻合。

对比正常状态下仿真信号与实测信号3阶啮合 阶次边带,为显示其细节,取其右边边带进行分析, 如图 12 所示。仿真信号3阶啮合频率对应阶次的右 边带如图 12 (a) 依次为: $3f_m + f_s - 3f_c$, $3f_m + f_c$, $3f_m + 2f_c$, $3f_m + f_s$, $3f_m + 3f_c$ 和 $3f_m + f_s$ 。实测信号3阶啮合阶 次的右边带如图 12 (b)所示,与仿真信号依次对应, 其中 $3f_c$ 为行星轮时变传递路径函数出现的频率 Nf_c (N=3)。边带 $3f_m + f_s - 3f_c$ 是太阳轮转频和行星轮 与齿圈啮合的时变传递路径效应频率的差值调制造



Fig. 11 The 3rd meshing order sideband under normal condition



Fig. 12 The 3rd meshing order right sideband under normal condition

成; $3f_m + f_c$, $3f_m + 2f_c$ 和 $3f_m + 3f_c$ 是由于行星架转频的 调制产生; $3f_m + f_p$ 由行星轮转频调制产生; $3f_m + f_s$ 由 太阳轮转频引起。

由于行星齿轮箱的试验传动台包含其他齿轮箱 及电机等,并且行星齿轮箱不可避免地存在制造、安 装误差,致使传感器拾取到的信号中存在大量系统 产生的干扰信号;同时,齿轮箱中包含齿轮、轴、轴承 及箱体等零部件,其固有频率各不相同,造成振动信 号中共振现象复杂。因此,实测信号与仿真信号阶 次谱存在一定差异,但总体上两者的阶次谱基本一 致,验证了正常状态下振动信号仿真模型的正确性。

3.3 故障行星轮振动仿真信号与实测信号对比 分析

故障行星轮振动仿真信号的阶次谱如图 13 所示,啮合频率 f_m对应的啮合阶次以及倍频同样存在。





实测行星轮故障振动信号阶次谱图如图 14 所 示,与仿真信号阶次谱相比,两者虽存在一定差异, 但总体上实测信号阶次谱与仿真信号阶次谱基本一 致。仿真与实测信号 3 阶啮合阶次及其边带如图 15 所示,可以看出幅值由于干扰的影响存在一定差异, 但两种边带总体吻合。



Fig. 14 Spectrum of planetary gear fault measured signal



Fig. 15 The 3rd meshing order sideband of planetary gear fault

行星轮故障仿真信号与实测信号3阶啮合阶次边 带进行对比(只显示右边单边),如图16所示。仿真信 号3阶啮合阶次的边带如图16(a)依次为: $3f_m+f_s-3f_c$, $3f_m+f_c$, $3f_m+2f_c$, $3f_m+f_p$, $3f_m+3f_c$ 和 $3f_m+f_s$ 。实测信号3 阶啮合阶次的右边带如图16(b)所示,与仿真信号—— 对应,边带谱线的形成原因与正常状态下一致。





Fig. 16 The 3rd meshing order right sideband of planetary gear fault

由于行星齿轮箱振动信号受时变传递路径影 响,且试验台干扰源较多,试验用齿轮箱的太阳轮转 频f,阶次为3.53X、行星轮故障特征频率f,阶次为 3.55X,在阶次谱图中重叠为一条谱线,正常状态与 行星轮故障的阶次谱边带相似,仅幅值有所差别,故 仅凭啮合阶次及其倍频的边带判断故障较为困难。 使用齿数比为齿圈77、太阳轮43、行星轮17的行星 齿轮箱振动仿真信号进行分析对比,可以在啮合频 率边带处观察到明显的故障特征谱线。

3.4 基于加窗振动分离技术的特征提取方法试验 分析

加窗振动分离技术是可以有效消除时变传递路 径影响的方法,其原理与实现具体详见文献[8-9, 16]。如前言所述,现有行星齿轮箱振动仿真信号模 型采用正弦谐波拟合行星轮系的啮合和故障冲击响 应成分,导致现有仿真模型使用加窗分离和小波变 换技术提取故障齿冲击失效,如文献[5]所提行星轮 局部故障仿真模型:

$$x(t) = \left[1 - \cos\left(2\pi f_{c}t\right)\right] \left[1 + A\cos\left(2\pi f_{p}t + \phi\right)\right] \cdot \cos\left[2\pi f_{m}t + B\sin\left(2\pi f_{p}t + \varphi\right)\right]$$
(12)

式中 f_{pt} 为行星轮局部故障特征频率;A,B分别为 故障调幅、调频系数; ϕ 和 φ 为初始相位。

本文所提行星齿轮箱振动信号仿真模型按照实际齿轮啮合顺序拼接单齿啮合冲击响应仿真振动信号,使用加窗振动分离技术在时域波形中加窗截取时,可以截取到故障轮齿啮合的冲击响应,有效提取到故障冲击,使用小波变换也可以增强仿真信号中的冲击响应,加窗振动分离技术主要用于实验分析。研究中加窗振动分离截取的总周期(对应行星轮与特定齿啮合的最小圈数N_{Reset})为30,同步平均的长度为10个周期(对应行星轮),同步平均次数为20。对实测信号使用同样的参数做加窗振动分离^[8,16],并对其结果进行对比。

如图 17(a)所示为实测故障行星轮振动信号使 用加窗振动分离技术获取到的行星轮故障振动分离 平均信号,可以在分离信号中观察到较明显的周期 性故障冲击被有效提取;图 17(b)为本文所提仿真 模型使用加窗振动分离技术获得的振动分离信号, 可以看出其中明显的周期故障冲击成分;图 17(c) 为文献[9]所提的行星轮局部故障振动仿真模型使 用加窗振动分离技术获得的振动分离信号,其不含 有周期性冲击成分,与图 17(a)所示实测信号振动 分离结果存在较大差别。



图 18 为正常状态和行星轮故障仿真信号的振动分离信号的前 50X 阶次谱图,可以明显看出行星轮故障阶次 3.55X 及其谐波谱线,而正常状态的阶

次谱不能观察到明显的故障特征阶次,且幅值与行 星轮故障状态差异较大;图19为其3阶啮合阶次 (213X)的边带,可以明显看出行星轮故障状态下存 在3.55X及其谐波的边带,而正常状态无边带。



图18 仿真信号正常状态与行星轮故障的特征阶次对比 (0~50X)

Fig. 18 Comparison of the characteristic order $(0 \sim 50X)$ between normal condition and planetary gear fault of simulation signal



图 19 仿真信号正常状态与行星轮故障 3 阶啮合阶次边带 对比

Fig. 19 Comparison of the 3rd meshing order sideband between normal condition and planetary gear fault of simulation signal

行星轮故障、正常状态实测信号的振动分离信号的前50X阶次谱图如图20所示,从行星轮故障的 阶次谱中可以明显观察到3.55X阶及其谐波,而正常 状态的阶次谱中该阶次频率不明显;图21为3阶啮 合阶次(213X)的边带,可以明显看出行星轮故障状 态下存在3.55X及其谐波的边带,而正常状态边带不 突出,与仿真信号对比验证了所建立模型的正确性。



图 20 实测信号正常状态与行星轮故障的特征阶次对比 (0~50X)

Fig. 20 Comparison of the characteristic order $(0 \sim 50X)$ between normal condition and planetary gear fault of measured signal



图 21 实测信号正常状态与行星轮故障 3 阶啮合频率边带 对比

Fig. 21 Comparison of the 3rd meshing order sideband between normal condition and planetary gear fault of measured signal

4 结 论

本文针对现有行星齿轮箱振动信号仿真模型的 不足,结合现有模型的优势,以齿轮啮合冲击响应和 齿轮啮合顺序为基础,开展了行星轮局部故障振动 仿真建模研究,并对所建模型进行了实验及仿真验 证,得出如下结论:

(1)使用单齿啮合冲击响应按照轮齿啮合顺序拼 接,可以获得与实际振动波形接近的振动仿真模型。

(2)行星齿轮箱中包含多个啮合点,振动建模 时仅考虑距离传感器较近的主要振源点便可包含振 动信号的主要信息。

(3)行星齿轮箱中存在诸如齿轮、轴、轴承、行 星架、箱体等部件,它们的固有频率各不相同,同时 也存在齿轮箱整体的固有频率,造成振动信号中共 振现象复杂,考虑包含多部件固有频率的振动仿真 将是进一步完善模型的方向。

(4)通过对行星齿轮箱传动平台开展试验,以及对实测信号和仿真信号的对比分析,验证了所建 立模型的正确性,为加窗振动分离等方法的验证和 改进提供辅助与支撑。

参考文献:

- [1] Buzzoni M, Elia G, Cocconcelli M. A tool for validating and benchmarking signal processing techniques applied to machine diagnosis [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2020, 139: 106618.
- Lei Y, Han D, Lin J, et al. Planetary gearbox fault diagnosis using an adaptive stochastic resonance method
 [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2013, 38(1):113-124.
- [3] Randall R B. A new method of modeling gear faults[J]. Journal of Mechanical Design, 1982, 104(2):259-267.
- [4] Feki N, Karray M, Khabou M T, et al. frequency analysis of a two-stage planetary gearbox using two different methodologies[J]. Comptes Rendus Mecanique, 2017:

S163107211730205X.

- [5] 冯志鹏,褚福磊,左明健.行星齿轮箱振动故障诊断 方法[M].北京:科学出版社,2015.
 FENG Zhipeng, CHU Fulei, ZUO Mingjian. Vibration Fault Diagnosis Method of Planetary Gearbox[M]. Beijing: Science Press, 2015.
- [6] 雷亚国,汤伟,孔德同,等.基于传动机理分析的行星 齿轮箱振动信号仿真及其故障诊断[J].机械工程学 报,2014,50(17):61-68.
 LEI Yaguo, TANG Wei, KONG Detong, et al. Vibration signal simulation and fault diagnosis of planetary

tion signal simulation and fault diagnosis of planetary gearboxes based on transmission mechanism analysis[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2014, 50(17):61-68.

- [7] McFadden P D. A technique for calculating the time domain averages of the vibration of the individual planet gears and the sun gear in an epicyclic gearbox[J]. Journal of Sound and Vibration, 1991, 144(1):163-172.
- [8] Guo Y, Zhao L, Wu X, et al. Vibration separation technique based localized tooth fault detection of planetary gear sets: a tutorial[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2019, 129:130-147.
- [9] 赵磊,郭瑜,伍星.基于包络加窗同步平均的行星齿轮箱 特征提取[J].振动、测试与诊断,2019,39(2):320-326.
 ZHAO Lei, GUO Yu, WU Xing. Fault feature extraction of planetary gearboxes based on angle domain windowed synchronous average of the envelope signal[J].
 Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 2019, 39(2):320-326.
- [10] 丁康,陈健林,苏向荣.平稳和非平稳振动信号的若干处理方法及发展[J].振动工程学报,2003,16(1):1-10.
 DING Kang, CHEN Jianlin, SU Xiangrong. Development in vibration signal analysis and processing methods
 [J]. Journal of Vibration Engineering, 2003,16(1):1-10.

[11] 胥永刚,赵国亮,马朝永,等.双树复小波和局部投影 算法在齿轮故障诊断中的应用[J].振动工程学报, 2015,28(4):650-656.

XU Yonggang, ZHAO Guoliang, MA Chaoyong, et al. Application of gear fault diagnosis method based on dual-tree complex wavelet transform and local projective method [J]. Journal of Vibration Engineering, 2015, 28(4):650-656.

- [12]姚文席,魏任之.渐开线直齿轮的非线性振动[J].中 国矿业大学学报,1989,18(2):4-11.
 YAO Wenxi, WEI Renzhi. Nonlinear vibration of involute spur gear [J]. Journal of China University of Mining & Technology, 1989,18(2):4-11.
- [13] 姚文席,魏任之.渐开线直齿轮的啮合冲击响应[J]. 振动、测试与诊断,1992,12(2):31-34.
 YAO Wenxi, WEI Renzhi. Meshing impact response of involute spur gear [J]. Journal of Vibration, Measurement & Diagnosis, 1992, 12(2):31-34.
- [14] Chaari F, Fakhfakh T, Haddar M. Dynamic analysis of a planetary gear failure caused by tooth pitting and cracking [J]. Journal of Failure Analysis and Prevention, 2006, 6(2):73-78.
- [15] Lewicki D G, Samuel P D, Conroy J K, et al. Planetary transmission diagnostics[R]. NTRS-NASA Technical Reports Server, NASA/CR-2004-213068.
- [16] 赵磊,郭瑜,伍星.基于振动分离信号构建和同步平均的行星齿轮箱轮齿裂纹故障特征提取[J].振动与冲击,2018,37(5):142-147.
 ZHAO Lei, GUO Yu, WU Xing. Fault feature extraction of gear tooth crack of planetary gear-box based on constructing vibration separation signals and synchronous average [J]. Journal of Vibration and Shock, 2018, 37(5):142-147.

Vibration simulation and experiment of planetary gearbox with planetary gear local fault

FAN Jia-wei, GUO Yu, WU Xing, LIN Yun, CHEN Xin

(Faculty of Mechanical and Electrical Engineering, Kunming University of Science and Technology, Kunming 650500, China)

Abstract: In order to solve the problem that wavelet transform and windowed vibration separation technology are not effective in fault diagnosis of existing planetary gearbox local fault vibration simulation models, a planetary gear local fault vibration simulation model based on gear meshing impact response and gear meshing sequence is proposed. The single meshing impact vibration response of normal teeth and fault teeth is simulated, and the time points of each gear engagement are calculated. The single meshing impact response is used to splice according to the gear meshing sequence. Considering the time-varying transmission path of the vibration signal and the modulation effect of the rotation frequency of the sun gear, planetary gear and planetary carrier, the local fault vibration simulation model of the planetary gear to meet the fault feature extraction of the windowed vibration separation technology is established. The correctness of the model is verified by analyzing and comparing with the simulated and measured vibration signals collected on the planetary gearbox test platform.

Key words: fault diagnosis; planetary gearbox; vibration signal simulation; windowed vibration separation method

作者简介:樊家伟(1994—),男,博士研究生。电话:18829898005; E-mail:342774912@qq.com。 通讯作者:郭 瑜(1971—),男,教授。电话:15911509207; E-mail: kmgary@163.com。