## 超声谐振式盲文点显胞元的挤压膜建模 及实验研究

赵琪啸<sup>1</sup>,李国平<sup>1</sup>,韩 凯<sup>1</sup>,项四通<sup>1</sup>,魏燕定<sup>2</sup>,娄军强<sup>1,2</sup>

(1. 宁波大学机械工程与力学学院,浙江宁波 315211;2. 浙江大学浙江省先进制造技术重点研究实验室,浙江杭州 310027)

**摘要:**目前传统的盲文书籍已经难以满足盲人的阅读需求,本文基于超声振动产生的挤压膜提出了一种超声谐振 式盲文点显胞元。理论推导了决定挤压膜气动力学特性的Reynolds方程,利用挤压膜的"活塞效应"得到了输出托 浮力的力学模型及近似解,利用搭建的实验平台开展了盲文点显胞元的振动特性测试和输出性能测试。结果表明: 该盲文点显胞元的谐振频率为30.8 kHz,激励电压峰峰值在130~200 Vpp时,可以形成稳定且具备一定托浮能力的 挤压膜。理论计算值与实验实测数据基本吻合,实验中三种不同质量的试样可被托起13.92~47.71 μm 的高度,盲 文点显胞元具备足够的输出性能。

关键词:超声振动;盲文点显;压电作动器;挤压膜效应 中图分类号:TB559;TP24;TP273 文献标志码:A DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2024.02.004

## 引 言

根据世界卫生组织最新发布的数据,全球约有 超过2.951亿人存在视力障碍,其中4330万人失 明<sup>[1]</sup>,他们只能依赖于触觉、听觉还有残存的视觉来 获取相关文字信息。盲文作为一种为盲人开发的文 本,是一种利用触觉向盲人传递信息的重要手段。 盲文单元由三行两列六个触点构成,触点也被称为 胞元,由不同的胞元凸起组合组成不同的字符。随 着科学技术的不断发展,人类走进了互联网时代,海 量的信息扑面而来。但是盲人获取信息的手段仍然 匮乏,使用纸质的盲文书本相当麻烦,且无法更新。 因此,关于动态刷新的盲文点显装置的研究具有重 要的意义,已经引起了国内外学者的关注。Qu等<sup>[2]</sup> 提出了一种由摩擦电纳米发电机驱动的介电弹性体 盲文装置,通过两层薄膜间的摩擦产生超过3kV的 电压以及低于2μA的电流,使介电弹性体形变,加 压腔室内空气,薄膜受空气压力变形凸起,形成凸起 的触点。Frediani等<sup>[3]</sup>使用智能材料介电弹性体减 少了点显装置的轴向尺寸,提高了其便携性。Kim 等出提出了一种电磁驱动式的盲文点显装置,利用 特殊的闩锁结构实现了低功耗、高频响和触点的高 **文章编号:**1004-4523(2024)02-0218-08

保持力。Zhou等<sup>[5]</sup>引入电触觉技术,在保证较高识 别率的情况下,使盲文点显装置在成本、寿命、能耗 和便携性上提升显著。Xie等<sup>[6]</sup>开发了一种基于气 动膜执行器的可刷新2D盲文显示面板,通过使用新 型的可变刚度聚合物膜,实现单独控制每个点或同 时控制多个点,而无需复杂的气道设计。上述盲文 点显装置在响应速度、接触力、识别率上都拥有良好 的表现,但是依然存在成本较高或是结构复杂等缺 点,并且机械结构可能会产生噪音,干扰视障人士 使用。

声波传递的过程是能量相互传递的过程,其中 振动频率高于20kHz的声波是超声波,超声波能引 发很多效应:热效应、化学效应、空化效应、机械效应 等,且可以通过声耦合其他介质<sup>[7]</sup>而应用于切削<sup>[8]</sup>、 检测结构、灭菌、雾化等领域。超声波亦可作为一种 实现动态刷新盲文的手段。并且压电材料的出现更 进一步推进了超声波技术的发展。压电材料作为一 种具有驱动功能且响应快速、动态性能好等优点<sup>[9+0]</sup> 的材料,可制成贴片式压电作动器用作超声源,实现 电能到机械能的转换。在空气中,当压电作动器高 频振荡,且频率达到超声级并具有一定振幅时,其表 面与另一近距离物体之间就会生成有承载能力的气 膜,该现象被称为挤压膜效应。该效应最早被

收稿日期: 2022-05-30; 修订日期: 2022-07-18

**基金项目:**国家自然科学基金资助项目(51975517,52075273,51805276);浙江省自然科学基金公益项目(LGF21E050002); 浙江省省属高校基本科研业务费专项资金资助项目(SJLY2021014)。

Watanabe 等<sup>[11]</sup>应用于触觉,利用朗之万超声换能器施加了几个微米的振动波,产生挤压膜减小了接触力,引起摩擦力改变,从而实现了触觉再现。Win-field等<sup>[12]</sup>研制出一种新型的触觉再现装置 T-PaD,得到了该装置激励电压与动态托浮能力之间的映射关系,通过调节 T-PaD 的激励电压控制手指与T-PaD 之间的切向力,以创建纹理触感。Wier-tlewski等<sup>[13]</sup>基于挤压膜效应研究了摩擦感减小的原因,得出了皮肤与振动表面间可以产生动态托浮的结论。Biet等<sup>[14]</sup>将 PI91型压电陶瓷片和铍铜片粘在一起,提出以铜铍为基板的StimTac触觉反馈装置,在表征气体压膜效应大小的概念——"挤压数模型"的基础上,引入了手指表皮微观模型和高频振动板的粗糙度概念<sup>[15]</sup>,提出了基于气体压膜的触觉反馈挤压数模型。

上述研究都是利用超声波的挤压膜效应生成具 有托浮能力的挤压膜,以抵消一部分接触力,通过大 面积的触觉显示器向使用者传递连续变化的粗糙 感,以显示触觉纹理。该种实现触觉再现的方式具 有成本低廉、结构简单紧凑、响应速度极高、寿命长 等优势。但关于理论模型的研究内容较少,或缺少 量化的参数表征信息传递的性能。本文针对目前盲 文点显装置存在的问题,参考基于挤压膜效应的触 觉显示装置,提出一种盲文点显胞元,将基于挤压膜 的触觉显示装置化整为零,制成单个盲文胞元,直接 利用挤压膜轴向的托浮力将皮肤托起,向人体传递 盲文凸起的信息,以供视障者使用。人体皮肤通过 机械感受器接受机械刺激,其反应主要由机械刺激 的压力和位移所决定,盲文点显胞元的刺激性能满 足人类皮肤上机械感受器的感知阈值,其值分别为 300 N/m 和 100 nm<sup>[16]</sup>。通过建立决定盲文点显胞 元气动力学特性的 Reynolds 方程, 并在特定条件下 得到该方程的近似解,从而建立盲文点显胞元的输 出力学模型。通过振动特性测试,得到盲文点显胞 元的最佳激励条件。最后对盲文点显胞元进行性能 测试,对理论模型和性能进行验证。

## 1 超声谐振式盲文点显胞元的基本 结构及原理

盲文点显胞元的基本结构如图1所示,主要由 压电背衬架、压电陶瓷片和玻璃覆层三部分组成。 由压电陶瓷片和玻璃片粘接成超声波振子,再把超 声波振子的压电片面边缘粘接到等外径背衬架上进 行波节固定。在工作过程中,压电陶瓷片受电信号 激励产生逆压电效应发生形变。压电陶瓷*d*<sub>31</sub>工作 模态具有良好的弯曲振动特性<sup>[17]</sup>,在压电片径向伸 缩位移受限制时,转为上下起伏的弯曲受迫振动。 当此受迫振动达到一定幅值,并且拥有超声级别的 频率时,在其表面上将产生具有托浮能力的空气薄 膜即挤压膜。其振动形式如图2所示。



图1 盲文点显胞元结构示意图





图2 盲文点显胞元振动形式示意图

Fig. 2 Schematic diagram of Braille display cell's vibration form

盲文点显胞元的性能主要由挤压膜决定,挤压 膜的刚度越大,则盲文点显胞元的动态范围越高,性 能越好。同时挤压膜的刚度又与盲文点显胞元的超 声振动相关,故为了在超声频率下拥有良好的输出 性能,盲文点显胞元的振幅要尽可能大,需要使超声 激励信号的频率与盲文点显胞元的谐振频率保持一 致<sup>[18]</sup>。根据Wiesendanger等<sup>[19]</sup>的研究,此种结构盲 文点显胞元的振幅由压电层应变量,以及覆层与压 电层的杨氏模量之比和厚度比决定。其谐振频率由 振动理论中圆形薄板的谐振频率得到<sup>[20]</sup>,其值与总 厚度、半径等参数相关。经过计算,平衡振幅、功耗 和谐振频率之间的关系,并参考前人的设计得到盲 文点显胞元的尺寸参数,由表1给出。

表1 盲文点显胞元参数 Tab. 1 Parameters of Braille display cell

参数	数值
压电陶瓷片半径/mm	12.50
压电陶瓷片厚度/mm	2.00
玻璃覆层半径/mm	12.50
玻璃覆层厚度/mm	2.00
压电背衬架支撑部外径/mm	23.00
压电背衬架支撑部内径/mm	25.00

## 2 挤压膜的理论模型

工作过程中假设被托浮皮肤表面是平整的,且 与盲文点显胞元始终平行,两者不存在旋转运动和 横向相对运动,只有轴向相对运动。由于皮肤和盲 文点显胞元之间的挤压膜厚度和盲文点显胞元的振 幅都很小,可知该挤压膜的雷诺数极小,空气运动状 态主要为层流黏性流动。根据 Bao<sup>[21]</sup>的理论,此时 空气的惯性效应可以被忽略,而主要由空气的黏性 效应决定。同时进一步将空气视为理想气体,流动 时的黏度恒定。综上所述,描述挤压膜压力分布的 Reynolds方程可简化为:

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \rho h^3 \frac{\partial p}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \rho h^3 \frac{\partial p}{\partial y} \right) = 12\mu \frac{\partial \left( \rho h \right)}{\partial t} \quad (1)$$

式中 p为皮肤与盲文点显胞元之间挤压膜的压强; $\mu$ 为气体动力黏度;t为时间; $\rho$ 为挤压膜的密度;x和y为空间坐标分量;h为挤压膜的厚度。

根据理想气体多变状态下的物态方程,空气的 密度与压强之间有以下关系:

$$\frac{p}{p_{\rm a}} = \left(\frac{\rho}{\rho_{\rm o}}\right)^{\kappa} \tag{2}$$

式中 *p*<sub>a</sub>为环境压强(此处为标准大气压强);*p*<sub>0</sub>为 环境空气密度(此处为 20 ℃下的空气密度);*κ*为多 变系数。

根据式(2)可知,密度也可以被压强所代替。故 式(1)进一步定义为:

$$\nabla \left( \frac{h^3 p^{\frac{1}{\kappa}}}{12\mu} \nabla P \right) = \frac{\partial \left( p^{\frac{1}{\kappa}} h \right)}{\partial t} \tag{3}$$

式中  $P=p/p_{a\circ}$ 

将式(3)做无量纲化处理,挤压膜呈中心对称分 布,可得到该式在柱坐标下的表达为:

$$\frac{\partial}{\partial R} \left( P^{\frac{1}{\kappa}} R H^3 \frac{\partial P^{\frac{1}{\kappa}}}{\partial R} \right) = \sigma R \frac{\partial \left( P^{\frac{1}{\kappa}} H \right)}{\partial T} \qquad (4)$$

式中  $R=r/r_0$ ,其中,r为径向坐标, $r_0$ 为点显胞元的 半径; $H=h/h_0$ 为无量纲挤压膜厚度,其中 $h_0$ 为一个 振动周期内挤压膜的平均厚度,即被托浮物的托浮 高度; $\sigma$ 为挤压系数, $\sigma=12\mu\omega r_0^2/p_a h_0^2$ ,其中 $\omega$ 为盲文 点显胞元激振频率; $T=\omega t_0$ 

## 3 超声谐振式盲文点显胞元的理论 模型

#### 3.1 高挤压系数下的挤压膜工作过程分析

一般 Reynolds 方程很难得到解析解,而在一些 前提条件下,可以获取描述柱坐标下挤压膜性质的 Reynolds 方程的近似解。且由式(4)可知,挤压膜的 特性由挤压系数σ和无量纲挤压膜厚度 H决定。

其中挤压系数σ因为挤压膜厚度相当地小,盲

文点显胞元的工作频率又相当高,故其值较大。一 般认为σ值超过10时,挤压膜中的空气因为黏性几 乎不会逸出,挤压膜就会有足够的刚度和稳定性<sup>[15]</sup>。 此时被托浮物就如同密封气缸内的活塞,该现象被 称为挤压膜的"活塞效应"<sup>[22]</sup>。此时可以把σ视为∞, 该情况称为高挤压系数状态,以此建立力学模型。 利用表2中的参数,我们可以计算盲文点显胞元在不 同工作条件中的挤压系数的数值,如图3所示。因为 没有考虑气体稀薄效应和被托浮物及盲文点显胞元 表面的粗糙度,故只讨论托浮高度为10 μm以上的情 况。从图3中可知,在盲文点显胞元的工作频率附 近,绝大多数工作情况都满足"活塞效应"的要求。

表 2 挤压膜分析模型参数

Tab. 2 Parameters of squeeze film analysis model

参数	数值
挤压膜半径/mm	12.5
空气动力黏度/(Pa•s)	$1.79 \times 10^{-5}$
环境压强/MPa	0.101



图 3 不同激励频率下σ值随托浮高度的变化规律



图4为盲文点显胞元工作时生成挤压膜的示意 图,图中 a<sub>no</sub>为盲文点显胞元的峰值振幅,为简化模 型,上方物体为被托浮物,下方为盲文点显胞元。当 盲文点显胞元静止时,被托浮物与其接触;当盲文点 显胞元工作时,盲文点显胞元与被托浮物之间气隙



Fig. 4 Schematic diagram of squeeze film generation

的体积随着盲文点显胞元的振动而不断改变,一个 振动周期包含了正向挤压与反向挤压两个过程。由 于盲文点显胞元的振动属于超声频率,一个振动周 期极短,于是气隙中的空气受到高频循环挤压,形成 了挤压膜。根据挤压膜的"活塞效应"可知,挤压膜 的压强和体积关系满足多变状态下的理想气体状态 方程,其表达式为:

$$pV^{\kappa} = C \tag{5}$$

式中 V为挤压膜的体积;C为常数。

挤压膜的体积随简谐振动而体现出相同的变化 规律,而体积的变化导致了压强的非线性变化,如图5 所示。盲文点显胞元刚开始工作时,托浮高度还较 低,挤压膜的体积较小,在V<sub>lmin</sub>~V<sub>lmax</sub>之间变化,其 体积的变化规律体现为图中深红色实线。该曲线经 过理想气体状态方程的黄色曲线的映射,可以得到 其对应的压强。压强变化规律体现为墨绿色实线, 大小在 $P_{1\min} \sim P_{2\max}$ 间变化,平均压强为 $P_{1\circ}$ ,  $P_{1}$ 远高 于大气压强P<sub>a</sub>,而这种超压即是挤压膜具有托浮能 力的原因,且此时托浮能力大于被浮物轴向力,被托 浮物继续上升,挤压膜体积增大。当挤压膜体积上 升至 V<sub>min</sub>~V<sub>max</sub>之间变化时,变化规律如图中粉红色 点划线所示,对应的压强变化规律体现为亮绿色点 划线,大小在 $P_{min} \sim P_{max}$ 间变化,平均压强为 $P_{o}$ 此时 气膜的平均压强略高于大气压强,挤压膜的托浮力 与被托浮物向下的轴向力相当,被托浮物的高度不 再变化达到平衡。此时挤压膜在一个振动周期内的 平均体积为V。。



Fig. 5 Schematic diagram of overpressure generation

#### 3.2 高挤压系数下的挤压膜力学模型

瞬态的挤压膜厚度主要是由托浮高度与盲文点 显胞元工作时的振动决定的,故无量纲挤压膜厚度 H也可以表示为:

$$H = 1 - \varepsilon_{\rm L} \cos T \tag{6}$$

式中  $\epsilon_{\rm L} = a_v(r)/h_0$ ,其中, $a_v(r)$ 为盲文点显胞元径

向上的振幅方程, ε\_为无量纲化的盲文点显胞元振幅。 根据式(5)可以得到挤压膜的压强 p为:

$$p = \left(\frac{V_0}{V}\right)^{\kappa} \cdot p_a = H^{\kappa} \cdot p_a = \frac{p_a}{\left(1 - \varepsilon_L \cos T\right)^{\kappa}} \quad (7)$$

挤压膜对皮肤输出的托浮力是由挤压膜周期变 换的压强导致的,产生的力是挤压膜压强在时间和 位置上的积分<sup>[23]</sup>:

$$F_{s} = \int_{0}^{r_{0}} \left( \int_{0}^{2\pi} p \, \mathrm{d}T - p_{a} \right) \mathrm{d}r \tag{8}$$

将式(8)利用泰勒级数展开,可以得到托浮力:

$$F_{s} = \frac{\pi r_{0}^{2} p_{a} \kappa (\kappa + 1)}{4} \varepsilon_{e}^{2}$$
(9)

式中 ε。为无量纲化的等效振幅。

谐振时将 a<sub>v</sub>(r)进行拟合以后得到:

$$\varepsilon_{\rm e}^2 = \frac{2}{r_0^2 h_0^2} \int_0^{r_0} a_{\rm v}^2(r) \mathrm{d}(r) \approx \frac{4a_{\rm v}^2}{25h_0^2} \qquad (10)$$

将将式(10)代入式(9),可以求得近似的托浮 力为:

$$F_{s} = \frac{\pi r_{0}^{2} p_{s} a_{v0}^{2} \kappa (\kappa + 1)}{25 h_{0}^{2}}$$
(11)

根据一维热转移方程可知,声波频率越高,热量 传递越快。在气体中声波频率超过10°Hz时,热量 的传播速度才高于声速。而该盲文点显胞元工作频 率仅为10<sup>4</sup>Hz量级,故其热量传递远小于声波速度, 工作过程可以视为绝热过程,此时 $\kappa$ =1.4。

依据所建立的力学模型,可以获得挤压膜输出的托浮力与托浮高度和峰值振幅之间的关系,如 图 6所示,该图显示托浮力与中心峰值振幅具有正 相关性,而其与托浮高度呈负相关性。



图6 挤压膜托浮力随托浮高度和峰值振幅的变化规律

Fig. 6 Variation of buoyancy of squeeze film with floating heights and peak amplitudes

## 4 超声谐振式盲文点显胞元的特性 测试

#### 4.1 盲文点显胞元的振动特性测试

盲文点显胞元采用环氧树脂(3M-DP460)把压

电陶瓷片(P-51)分别与玻璃覆层和压电背衬架粘接 后,置于真空干燥箱内静压12个小时(设定箱内温 度为80℃,压强为0.06 MPa)使胶层均匀且薄。使 用螺栓将盲文点显胞元固定于隔振台上,将单点激 光测振仪(SOPTOP,LV-S01,位移分辨率为15pm) 的高精密激光干涉仪安装于三角架上,使用水平仪 和丁字尺确保高精密激光干涉仪发出的偏振光垂直 入射盲文点显胞元的表面,并聚焦于表面的中心。 搭建盲文点显胞元振动响应测试系统,其结构框 图如图7所示。测试过程中,信号发生器(RIGOL DG1022U)发出初始简谐激励信号,该激励信号通 过功率放大器(Trek PZD700A,增益倍数为200)放 大后输出到压电陶瓷片,压电片因逆压电效应随激 励信号振动。与此同时,单点激光测振仪的信号处 理器以960 kHz的采样频率,实时获取盲文点显胞 元中心的振动速度。测得的振动信号经过光纤通过 网线接口传输到 PC 机<sup>[24]</sup>。此测试系统基于单点激 光测振仪 LV-S01 系统自带的 QUICK SA 软件完 成,测试系统实物如图8所示。



Fig. 7 Structure block diagram of the experimental system



图 8 盲文点显胞元振动响应测试系统 Fig. 8 Vibration response testing system of Braille display cell

对压电陶瓷片施加电压为150 V的简谐扫频信 号(频率范围为25~34 kHz),持续时间为20 s。测 得盲文点显胞元的时域响应如图9(a)所示。并对 采集的振动响应数据进行FFT分析处理后,可以获 得其频域响应如图9(b)所示。根据图中信息可知, 该盲文点显胞元的谐振频率为30.8 kHz。



Fig. 9 Vibration responses of Braille display cell under frequency sweep excitation

输入频率为 30.8 kHz 的简谐激励信号,激励电 压以 5 V 为增量从 100 V 增加到 200 V,采集 21 组盲 文点显胞元的振动幅值数据。在输入 150 V 的激励 信号时,盲文点显胞元的谐振响应如图 10 所示,其 振幅为 1.3089 μm。盲文点显胞元的谐振响应中心 峰值振幅与激励电压的关系如图 11 所示。

#### 4.2 盲文点显胞元的输出性能测试

选取与盲文点显胞元相同直径不同重量的玻璃 片作为被托浮的试样,在盲文点显胞元未工作时对 齐置于胞元上。其中试样一的质量为0.8461g,试 样二的质量为2.6575g,试样三的质量为3.0820g。 测试系统的结构不变,在盲文点显胞元工作时,以 49.02kHz的采样频率采集试样的托浮高度信息,以 试样的托浮高度表征盲文点显胞元凸起的性能。







在前文中已得到盲文点显胞元振幅与谐振激励 电压的关系。本次测试选取了间隔为5V从130V 到200V的15组谐振激励电压,并将简谐谐振激励 信号经过0.3Hz的方波调制,记录盲文点显胞元上 玻璃试样的托浮高度,各进行3次测试并取平均值。 得到每个试样在15组不同激励电压下托浮高度的 数据。在激励电压分别为140V与180V时,试样 一的起伏情况如图12所示。在所有托浮高度数据 中,试样每次被托浮起的高度的差值较小,重复性能



Fig. 12 Fluctuation condition of the sample one

良好。在被托起时,托浮高度的波动也都不超过2μm。 且激励电压越大,波动就越小,稳定性与重复性 越好。

将峰值振幅与激励电压的关系代入到不同激励 电压下的托浮高度数据,得到实验实测数据与理论 计算值的对比结果如图13所示。从图13中可知,实 验实测数据与理论计算值基本吻合。由实验实测与 理论计算所得的托浮高度可知,实验数据的拟合线 总是低于理论值。这是由于理论值是在理想状态下





得到的,而实际上即便满足了"活塞效应"的条件,仍 会有少量气体泄漏,削弱挤压膜的托浮能力。并且 在进行盲文点显胞元振动特性测试时,盲文点显胞 元都是在空载状态下,加上有重量的被托浮物后,盲 文点显胞元的谐振频率不可避免地随之发生变化, 试样的重力也直接影响了盲文点显胞元的振动特 性,导致振幅变小,影响了挤压膜刚度而使托浮高度 下降。另外,从图中可以看出,实验数据拟合线的斜 率要大于理论值的斜率。实验数据与理论值的差值 随激励电压的上升表现出逐渐变小的趋势。特别是 当输入激励电压较小时,实验数据与理论值相差较 大,这是由于盲文点显胞元的振动减弱,使挤压膜刚 度下降、厚度变薄。此时挤压膜受物体表面粗糙度 的影响变大容易不稳定,气体稀薄效应显现,导致了 更大的差值。但是随着振幅变大,被托浮试样的高 度上升导致挤压系数σ减小,致使"活塞效应"减弱, 使理论值与实验数据的差距再次变大。

## 5 结 论

基于挤压膜效应,提出了一种盲文点显胞元。 利用 Reynolds 方程实现了对挤压膜的气动力学描述,建立了输出托浮力的力学模型,并开展了盲文点 显胞元振动特性和性能实验。结果表明实验实测数 据与理论计算值基本一致,验证了理论模型的正确 性和该盲文点显胞元的可行性。该盲文点显胞元具 有结构简单、安装方便、易于加工、结构紧凑等特点。 之后将进一步优化结构,选取合适的驱动和控制方 式以降低功耗,提高响应速度,并对多个盲文点显胞 元进行排列组成六点盲文,形成可用的盲文点显器。

### 参考文献:

- [1] Bourne R, Steinmetz J D, Flaxman S, et al. Trends in prevalence of blindness and distance and near vision impairment over 30 years: an analysis for the global burden of disease study[J]. The Lancet Global Health, 2021, 9(2): e130-e143.
- [2] Qu X C, Ma X, Shi B J, et al. Refreshable Braille display system based on triboelectric nanogenerator and dielectric elastomer[J]. Advanced Functional Materials, 2021, 31(5): 2006612.
- [3] Frediani G, Busfield J, Carpi F. Enabling portable multiple-line refreshable Braille displays with electroactive elastomers[J]. Medical Engineering & Physics, 2018, 60: 86-93.
- [4] Kim J, Han B K, Pyo D, et al. Braille display for portable device using flip-latch structured electromagnetic ac-

tuator[J]. IEEE Transactions on Haptics, 2020, 13
(1): 59-65.

- [5] Zhou Z L, Yang Y C, Liu H H. A Braille reading system based on electrotactile display with flexible electrode array[J]. IEEE/CAA Journal of Automatica Sinica, 2022, 9(4): 735-737.
- [6] Xie Z X, Kim J, Peng Z H, et al. A 2D refreshable Braille display based on a stiffness variable polymer and pneumatic actuation [C]. Electroactive Polymer Actuators and Devices (EAPAD) X M. Online Only: SPIE, 2021: 47-53.
- [7] 张超,季宏丽,裘进浩,等.激光超声检测中干涉特征 提取算法的研究[J].光学学报,2014,34(7):158-166.
  Zhang Chao, Ji Hongli, Qiu Jinhao, et al. Research on interference energy calculation method in laser ultrasonic technique[J]. Acta Optica Sinica, 2014, 34(7):158-166.
- [8] 计时鸣, 陈凯, 谭大鹏, 等. 超声空化对软性磨粒流切 削效率和质量的影响[J]. 农业工程学报, 2017, 33 (12): 82-90.

Ji Shiming, Chen Kai, Tan Dapeng, et al. Effect of ultrasonic cavitation on maching efficiency and quality of soft abrasive flow[J]. Transactions of the Chinese Society of Agricultural Engineering, 2017, 33(12): 82-90.

- [9] Li H, Hu K M. Fuzzy controller for active vibration control of cylindrical shells [C]. ASME International Mechanical Engineering Congress and Exposition. Tampa, Florida, USA: American Society of Mechanical Engineers, 2018; 3-9.
- [10] 李生权,季宏丽,裘进浩,等.基于加速度反馈和自抗 扰的加筋壁板结构复合振动控制[J].振动工程学报, 2012,25(5):532-539.
  Li Shengquan, Ji Hongli, Qiu Jinhao, et al. Composite vibration control for a stiffened panel structure using acceleration feedback and active disturbance rejection [J]. Journal of Vibration Engineering, 2012, 25(5): 532-539.
- [11] Watanabe T, Fukui S. A method for controlling tactile sensation of surface roughness using ultrasonic vibration
  [C]. Proceedings of 1995 IEEE International Conference on Robotics and Automation. Nagoya, Japan: IEEE, 1995: 1134-1139.
- [12] Winfield L, Glassmire J, Colgate J E, et al. T-PaD: tactile pattern display through variable friction reduction
  [C]. Second Joint EuroHaptics Conference and Symposium on Haptic Interfaces for Virtual Environment and Teleoperator Systems (WHC 2007). Tsukuba, Japan: IEEE, 2007: 421-426.
- [13] Wiertlewski M, Friesen R F, Colgate J E. Partial squeeze film levitation modulates fingertip friction [J].
   Proceedings of the National Academy of Sciences of the United States of America, 2016, 113(33): 9210-9215.

- [14] Biet M, Giraud F, Lemaire-Semail B. Squeeze film effect for the design of an ultrasonic tactile plate [J].
   IEEE Transactions on Ultrasonics, Ferroelectrics, and Frequency Control, 2007, 54(12): 2678-2688.
- [15] Biet M, Giraud F, Lemaire-Semail B. Implementation of tactile feedback by modifying the perceived friction[J]. European Physical Journal: Applied Physics, 2008, 43(1): 123-135.
- [16] Seo D G, Cho Y H. Resonating tactile stimulators based on piezoelectric polymer films[J]. Journal of Mechanical Science and Technology, 2018, 32(2): 631-636.
- [17] 王光庆,岳玉秋,展永政.纵-弯复合旋转式超声波电动机的优化设计与性能分析[J].电工技术学报,2015,30(22):33-41.

Wang Guangqing, Yue Yuqiu, Zhan Yongzheng. Optimum design and performances analysis of the longitudinal-bending hybrid rotating type ultrasonic motor [J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2015, 30(22): 33-41.

[18] 谭江平,王光庆,鞠洋,等.多稳态压电振动能量采集
 器的非线性动力学特性及其实验研究[J].振动工程学
 报,2021,34(4):765-774.
 Tan Jiangping, Wang Guangqin, Ju Yang, et al. Non-

linear dynamic characteristics and experimental validation of a multi-stable piezoelectric vibration energy harvester[J]. Journal of Vibration Engineering, 2021, 34 (4): 765-774.

- [19] Wiesendanger M, Probst U, Siegwart R. Squeeze film air bearings using piezoelectric bending elements [D]. Lausanne: Ecole Polytechnique Federale de Lausanne, 2001.
- [20] 宁景锋,贺西平,李娜.纵振激励频率对圆盘弯曲振动特性的影响[J].振动与冲击,2011,30(4):100-102.
  Ning Jingfeng, He Xiping, Li Na. Effects of different driving frequency of longitudinal transducer on flexural vibration characteristics of a circular plate[J]. Journal of Vibration and Shock, 2011, 30(4): 100-102.
- [21] Bao M H. Analysis and Design Principles of MEMS Devices [M]. Amsterdam, Netherlands: Elsevier Science Ltd., 2005.
- [22] Boyang G A O. Air film dampers and their optimisation[D]. Sheffield, UK: University of Sheffield, 2019.
- [23] 马希直,王挺,王胜光.近场超声悬浮精度理论分析及 试验研究[J].机械工程学报,2014,50(11):186-191.
  Ma Xizhi, Wang Ting, Wang Shengguang. Analytical and experimental investigation on the precision of near field ultrasonic levitation[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2014, 50(11): 186-191.
- [24] 邱志成.柔性机械臂的振动测量和控制研究进展综述
  [J].信息与控制, 2021, 50(2): 141-161.
  Qiu Zhicheng. Review on research progress in vibration measurement and control of flexible manipulators [J].
  Information and Control, 2021, 50(2): 141-161.

# Modeling and experiment of ultrasonic resonant Braille display cell's squeeze film

ZHAO Qi-xiao<sup>1</sup>, LI Guo-ping<sup>1</sup>, HAN Kai<sup>1</sup>, XIANG Si-tong<sup>1</sup>, WEI Yan-ding<sup>2</sup>, LOU Jun-qiang<sup>1,2</sup>

(1. Faculty of Mechanical Engineering and Mechanics, Ningbo University, Ningbo 315211, China;2. Key Laboratory of Advanced Manufacturing Technology of Zhejiang Province, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

**Abstract:** At present, traditional Braille books have had difficulty meeting the needs of the blind, this paper proposes a new type of ultrasonic resonant Braille display cell based on the squeeze film generated by ultrasonic vibration. The Reynolds equation which determines the aerodynamic characteristics of the squeeze film is derived theoretically, the mechanical model and approximate solution of the output buoyancy are obtained by using the "piston effect" of the squeeze film, the vibration characteristics and output performance test of Braille display cell were tested using the built experimental platform. The results show that the resonant frequency of the Braille display cell is 30.8 kHz, when the peak-to-peak value of the excitation voltage is 130 Vpp to 200 Vpp, a stable squeeze film with certain buoyancy can be formed. The theoretical calculation results are basically consistent with the experimental results. In the experiment, three kinds of samples can be lifted from 13.92 µm to 47.71 µm, Braille display cell has sufficient output performance.

Key words: ultrasonic vibration; Braille display; piezoelectric actuator; squeeze film effect

**作者简介:**赵琪啸(1998-),男,硕士研究生。E-mail: 2011081225@nbu.edu.cn。 通讯作者: 李国平(1967-),男,博士,教授。E-mail: liguoping@nbu.edu.cn。