# 自激非平稳振动数据驱动的拉索动力性能表征

赵瀚玮<sup>1,2</sup>,丁幼亮<sup>1,2</sup>,李爱群<sup>2,3</sup>,张小楠<sup>2</sup>,王智文<sup>2,4</sup>

(1.东南大学混凝土及预应力混凝土结构教育部重点实验室, 江苏南京 210096;

2. 东南大学土木工程学院,江苏南京 210096; 3. 北京建筑大学北京未来城市设计高精尖创新中心,北京 100044;
 4. 深圳高速工程顾问有限公司,广东 深圳 518049)

摘要: 跨海斜拉桥的拉索在非极端风环境下会产生自激振动,基于现代监测与数据分析技术可即时把握拉索自激 振动的数字特征,并以此反映拉索的实时动力性能。根据某跨海大桥主航道斜拉桥拉索振动加速度长期监测数据 中的共性特征,提出基于振动加速度时间序列信号上包络线高斯混合模型和频域功率谱的拉索风致自激振动非平 稳段自动提取方法。提出基于各自激振动非平稳时间序列进行主导频率识别,并采用带通滤波后的最后1个下降 段数据进行阻尼比识别的策略,排除了振动幅值上升段环境风自然激励带入能量对阻尼比识别的干扰。基于各自 激振动非平稳段主导频率-阻尼比的识别结果,通过对频率值进行聚类,得到各阶模态对应的模态频率-阻尼比数据 簇。根据阻尼比数据的离散、偏态特征提出采用对数正态分布模型的 e<sup>\*\*</sup>和其累积分布函数的分位值来描述拉索阻 尼比统计规律。采用各数据簇的频率质心以及阻尼比概率特征参数作为表征拉索动力性能当前状态的指标。针对 背景工程的主要结论包括:桥梁拉索振动加速度信号噪声强、干扰大,在动力特征分析时须排除类似干扰;桥梁拉索 的自激振动加速度幅值最高已超过 3000 mm/s<sup>2</sup>,振动幅度较大;桥梁拉索的阻尼比平均水平约为0.03%,与设计规 范推荐值相比偏低。

关键词:结构健康监测;桥梁拉索;自激振动;动力性能表征;非平稳行为
 中图分类号:U441<sup>+</sup>.3;U443.38
 文献标志码:A
 文章编号:1004-4523(2024)04-0539-09
 DOI: 10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2024.04.001

# 引 言

跨海斜拉桥的拉索在非极端风环境下会产生自 激振动<sup>[1]</sup>,经常性的高幅自激振动虽然不会立即引 起拉索或桥梁整体的脆性破坏,但可能会使拉索产 生累积损伤,给桥梁的安全服役埋下隐患。为避免 此类风险的发生,需要在线监控拉索风致自激振动 行为,并进一步基于数据进行拉索动力性能实时 表征。

计算理论是结构动力响应与特征研究的基础, 早期学者们常对缆索承重桥梁及其索杆的动力学计 算与模拟方法进行研究。胡俊等<sup>[2]</sup>建立了东海某大 桥吊索在极值风荷载作用下的受力与可靠度特征。 李寿英等<sup>[3]</sup>推导了西堠门大桥双吊索的运动微分方 程并提出了有效的振动抑制方法。徐彦青等<sup>[4]</sup>采用 数值模拟方法分析了设有阻尼装置的拉索的响应行 为特征。YAN等<sup>[5]</sup>研究了不同边界条件的拉索模 态计算与分析方法,并进一步提出了拉索的索力简 化识别方案。朱金等<sup>[6]</sup>基于风-浪-车-桥数值模拟平 台结果预测了随机车流-风联合作用下沿海大跨度 斜拉桥拉索疲劳寿命。

理论计算虽然可以较为准确地模拟缆索承重桥 梁及其索杆的风致动力学行为,但却无法考虑计算 理论未知或难以模拟的因素。因此,学者们开始基 于实验室试验结果探究结构风致响应机理与影响因 素。华旭刚等<sup>[78]</sup>融合计算理论与风洞试验结果探 讨了大跨度悬索桥的多阶模态竖向涡振特征及相关 控制方法,进一步分析了并列耦合双吊索结构阻尼 比与气动负阻尼的影响因素。GAO等<sup>[9]</sup>在风洞试 验中复现了拉索多模态涡激振动和多模态风雨振的 过程,并分析了水线对拉索风致振动的影响。刘庆 宽等<sup>[10]</sup>和孙一飞等<sup>[11]</sup>对3种长短轴之比的微椭圆拉 索模型进行测力和测振风洞试验,分析了其风致振 动特性、驰振机理和响应时频特征。陈炜等<sup>[12]</sup>以矮 寨大桥为背景工程,研究了设置减振架的双索股耦

收稿日期: 2022-06-29; 修订日期: 2022-08-11

基金项目:国家重点研发计划项目(2021YFF0500900);国家自然科学基金资助项目(52378288,52008099,51978154); 江苏省自然科学基金资助项目(BK20200369,BK20190013);中央高校基本科研业务费专项资金项目 (2242022k30031,2242022k3003)。

合振动模态特征。

实验室试验结果虽然可以帮助学者们确定缆索 承重桥梁及其索杆风致振动的影响因素,但受限于 试件的缩尺效应和测试后分析的非实时效应,难以 反映结构风致振动的实时特征与演化过程。得益于 测试、传输和数据分析理论的发展,一些学者开始借 助结构健康监测(SHM)系统数据研究索杆在真实 风环境下的振动行为与特征。WANG等<sup>[13]</sup>基于风 速、加速度实测数据研究了苏通斜拉桥的风环境湍 流特征与抖振响应特征。CANTERO 等<sup>[14]</sup>基于多 类时频信号处理方法探究并验证了吊索涡激振动与 激励风环境脱落频率的相关性特征。HUA 等<sup>15]</sup>基 于斜拉桥原型监测数据探讨了拉索风雨振的起振机 理。GE等<sup>[16]</sup>基于长期健康监测数据总结了苏通大桥 拉索风雨振的特征,并讨论了桥上车辆荷载对风雨振 过程的影响程度。祝志文等[17]研究了洞庭湖大桥加 劲索的涡激振动过程及其各模态分量信号的时、频域 特征。刘宗杰等[18]基于长期监测数据分析了荆岳长 江大桥风场特性与拉索振动时、频域特征参数之间的 相关性和演化特征。HWANG 等<sup>[19]</sup>识别和分析了大 跨斜拉桥拉索的长期阻尼比特征和概率演化特征。

近年来,随着数据处理和机器学习理论的快速 发展,一些学者开始尝试用相关方法研究大跨缆索 承重桥梁的风致响应机理与特征<sup>[20-23]</sup>。但这些研究 多是针对主梁构件的风致振动,针对缆、索、杆构件 的研究较少。本文基于某跨海大桥主航道斜拉桥拉 索的振动加速度长期监测数据,分析了拉索风致自 激振动数据的时、频域共性特征,提出了一套风致自 激振动非平稳数据驱动的拉索动力性能数字化表征 方法,讨论了所得拉索多振动模态的频率-阻尼比参 数的聚集与统计特征,并以此作为监控拉索实时动 力性能的依据。

## 1 拉索自激振动数据共性特征

本文以某跨海大桥主航道斜拉桥为背景工程, 分析拉索在非极端风环境下的自激振动特征。背景 工程桥梁为(110+236+458+236+110)m双塔空 间双索面钢箱梁斜拉桥,桥塔采用钢筋混凝土框架 结构。拉索的设计抗拉强度为1860 MPa,由多根 7 mm高强度、低松弛平行镀锌钢丝组成<sup>[24]</sup>。背景工 程桥梁上、下游索面的12×2根拉索分别安装了加 速度计,拉索加速度计布置情况如图1所示,图中括 号里的数字表示该处加速度计的数目。根据该桥拉 索主要固有频率所处范围的设计资料,拉索加速度 计采样频率设置为50 Hz,其安装位置距离桥面 5 m,测点下方垂直距离约1.5 m处设置有外置阻尼 器,主梁与拉索的锚固端安装有内置阻尼器。



图 1 桥梁拉索加速度计布置(单位:m) Fig. 1 Accelerometer layout of stay cables of the bridge (Unit: m)

由于各拉索在运营风环境下的振动特征相似, 本文选取传感器测试结果较好的桥梁主跨香港侧 1/4跨下游侧的拉索加速度计2020年全年的数据作 为研究和分析的对象。图2中给出了2020年1--5 月拉索振动加速度时间序列数据的信号特征。从 图2(a)中可以发现:背景工程桥梁在运营风环境下 的拉索振动加速度呈现非平稳段和平稳段交替出现 的特征,其中,平稳段指代白噪声及类白噪声环境下 的低幅振动数据段,非平稳段指代风荷载等环境作 用下的高幅异常自激振动数据段。需要指出:平稳 和非平稳是一个模糊的界定概念,不同信噪比的传 感器和SHM系统的界定标准各不相同,后文会提 到界定临界值的确定方法。可以注意到:由于实桥 监测时干扰因素众多,振动加速度时间序列中会出 现时间超过6h的持续高幅非平稳振动信号。基于 前人研究<sup>[25]</sup>,运营风环境作用下拉索自激振动难以 保持长时间的持续高幅振动过程,故该类非平稳振 动信号可认为是高水平噪声干扰混叠真实风致非平 稳自激振动产生的信号特征。需要说明的是:本文 所述的噪声是广义噪声,包括传感器及SHM系统 设备自身、传感器与拉索固定不牢靠、极端复杂风环 境或车载产生的多模态耦合受迫振动等一系列因素 造成的扰动。图2(b)为图2(a)中点划线框数据的 细节展示图,根据加速度数据采样频率可换算出该



Fig. 2 Signal characteristics of time series data of vibrating acceleration of stay cables

段数据历时约为7天,运营风环境难以使一根拉索 产生持续7天的高幅振动;图2(c)为(a)中短虚线框 数据的细节展示图,为一段典型的低噪声水平时间 序列,其中的非平稳振动与平稳振动可以根据结构 动力学专业知识被明确地辨识。进一步,采用快速 傅里叶变换对图2中的典型时间序列数据进行频域 功率谱分析,图3(a)为2(b)中长虚线圈中时间序列 数据的频域功率谱;图3(b)为2(c)中典型单个非平 稳段数据的频域功率谱;图3(c)为2(c)中典型平稳 段数据的频域功率谱。

结合图 2,3可以发现:高噪声水平下的拉索振动加速度时间序列数据和低噪声水平下的拉索振动加速度时间序列的平稳段数据,在频域中均呈现多个频率点同时处于高能量状态的特征;而低噪声水平下的拉索振动加速度时间序列的非平稳段数据,在频域中均呈现某一频率相比其余频率带处于更高

能量状态的特征。图3中所示频域特征为所选取的 较为明显的数据分析结果,通过大量分析,发现低噪 声水平下的拉索振动加速度时间序列的非平稳段数 据,在频域基本服从某一频率功谱率密度值大于其 余频率带功率谱密度值2倍以上的特征。



Fig. 3 Frequency-domain characteristics of time series data of vibrating acceleration of stay cables

综合本节分析可以发现该跨海大桥拉索自激振 动的共性特征:

(1)在低噪声水平下,拉索的振动加速度时间序 列信号存在多个独立非平稳振动段,各非平稳振动 段的时域特征是其振动幅值远大于白噪声下的振动 幅值,而各非平稳振动段的频域特征是其振动能量 在某一频率明显大于其它频率带的振动能量。

(2)在高噪声水平下,由于广义噪声的干扰,拉 索的振动加速度时间序列信号在时域上存在长时的 高幅振动,且其频域特征是存在明显的多个高能量 振动频率点;当然,此类振动加速度的高水平广义噪 声的成因复杂,本文仅排除影响即可。

(3) 拉索的振动加速度幅值最高已超过
3000 mm/s<sup>2</sup>(见图2(a)中的最大振幅值),振动幅度
较大,可能已处于阻尼不足的状态。

对于低噪声水平的情况,时间序列数据频域功 率谱中各峰值对应的频率值理论上应为拉索的某阶 固有频率。需要解释的是,运营状态下的桥梁或其 构件(如拉索)的某阶固有频率并不固定为某一确定 值,这是因为环境温度等外部因素会使其在长期运 营过程中产生轻微变化。

# 2 拉索动力特征数字化识别

#### 2.1 自激振动非平稳段自动提取

基于上一节的分析可以发现:低噪声水平下的 拉索自激非平稳振动段由于其高幅值、准单频的特征,非常适合用于识别拉索模态频率、阻尼比等动力 特征参数。有桥梁、结构动力学专业知识背景的人 员能基于前述信号特征识别拉索自激非平稳振动 段,但为了实现桥梁运维的数字化、智能化,本节以 2020年全年拉索振动加速度时间序列数据为分析 对象,提出一种拉索自激非平稳振动段的自动提取 方法,并以1—3月数据为例进行展示,如图4所示。

(1)提取拉索的振动加速度时间序列信号,计算振动加速度时间序列信号在每个既定长度段(本例)



Fig. 4 Extraction process of non-stationary segment of self-excited vibration of stay cables

中以每500数据为一段)的最大值,采用三次样条插 值方法基于各既定长度段的最大值对最大值位置外 的其余采样点坐标位置进行插值,并以所得插值曲 线结果为振动时间序列信号的上包络线数据,如 图4(a)所示。

(2)使用高斯混合模型(GMM)拟合上包络线 数据的概率密度分布如图4(b)和下式所示:

$$f(x) = \sum_{i=1}^{K} \phi_i \frac{1}{\sqrt{2\pi} \sigma_i} \exp\left[-\frac{(x-\mu_i)^2}{2\sigma_i^2}\right] \quad (1)$$

(3)将高斯混合模型中均值最小的1至数阶单 高斯分布拟合参数定义为振动加速度信号的平稳数 据的统计特征参数,本例中定义第1~2阶单高斯分 布拟合参数为振动加速度信号的平稳数据的统计特 征参数;在(-∞,∞)上使得第2阶单高斯分布曲线 的积分值归一化为1,得到其概率密度曲线。

(4)对第2阶高斯分布概率密度曲线进行积分,
 得到其累积分布函数(CDF)曲线,令振动加速度信
 号中振动幅值小于等于α的概率具有β的保证率,
 如下式所示:

$$P(x \leq \alpha) = F_2(x \leq \alpha) = \int_{-\infty}^{\alpha} \frac{f_2(x)}{\phi_2} dx \geq \beta \quad (2)$$

式中  $F_2(x \le \alpha)$ 为分位值小于等于  $\alpha$ 时的第 2 阶 单高斯分布 CDF 值。计算给定  $\beta$  逼近于 1 时的  $\alpha$ 值,则可认为  $\alpha$  为平稳数据和非平稳数据幅值的临 界 值 。本例中取  $\beta = 99.9\%$ ,计算所得  $\alpha = 173.46 \text{ mm/s}^2$ 。

(5)从振动加速度的时间序列信号中截取上包 络线数据连续大于α的对应数据段,选取截取的数 据段中时间长度大于预设长度且振动加速度信号最 大值大于预设值的数据段;进一步对各数据段进行 频谱分析,取频域功率谱中最大峰值能量密度大于 第二大峰值能量密度2倍以上、明显峰值数小于8个 的数据段,以去掉上一节中所述高噪声水平数据(参 数设置原则由大量如图3(a)和(b)中的数据的共性 特征确定,具体参数值可能因桥梁的不同而不同,但 原理类似);最终所得数据段可作为自激振动非平稳 段的有效结果,如图4(c)所示,图中短虚线为振动 加速度时间序列,实线为拉索自激振动非平稳段有 效结果。

从图 4(c)中可以发现,采用本节所提方法能有效提取低噪声水平下的自激振动非平稳段,而对于高噪声水平数据,则仅提取其最后一段或数段非平

稳段,达到了预期目的。需要说明的是:本文的背景 工程桥梁所处环境复杂,其SHM系统的白噪声水 平不稳定。因此,其低噪声水平下的平稳信号幅值 特征包含GMM模型的第1~2阶共两阶单高斯分布 的拟合结果。对于SHM系统调试得较好的桥梁, 平稳信号幅值特征一般仅为GMM模型的最低1阶 单高斯分布拟合结果。

#### 2.2 基于非平稳段的模态参数识别

在提取了有效的拉索自激振动非平稳段后,就 可以基于非平稳段数据进行拉索的模态参数识别。 本节提出一种基于各自激振动非平稳时间序列的模 态参数识别方法,如图5所示,并以某段提取的拉索 自激振动非平稳段有效结果为例进行过程讨论。





Fig. 5 Identification process of the modal parameters of stay cables

(1)对提取的非平稳振动响应数据进行频域功 率谱分析,识别非平稳振动功率谱中能量最大的频 率结果F<sub>e</sub>,并以F<sub>e</sub>为该段自激振动非平稳时间序列 的主导频率,采用能量最大频率正负一定范围(本文 根据图 3(c)中所识别的拉索各阶固有频率间最小 间距的 0.2倍,取其为±0.1 Hz)的带通滤波器对非 平稳振动数据进行滤波,如图 5(a)和(b)所示。

(2)采用既定长度数据段(本文中以每50数据 为一段)区域最大值三次样条插值的方法计算滤波 后非平稳振动响应数据的上包络线,搜索上包络线 的固定份数等分段(本文中等分为50段)中最大值 大于整个上包络线最大值固定比例(本文根据大量 数据分析结果的查验,取其为9/10)的多个局部最 大值,以最后1个局部最大值开始到一定长度后的 极小值点的上包络线数据为上包络线最后1个下降 段,如图5(c)所示。

(3)根据上包络线的最后1个下降段位置确定 相应位置滤波后非平稳振动的最后1个下降段数 据,该段数据可视为拉索振动的准自由衰减过程;计 算滤波后非平稳振动最后1个下降段数据的快速傅 里叶变换结果并求其共轭复数,进而求两者乘积(即 共轭频谱互谱密度<sup>[26]</sup>,其等效于互相关函数的频域 变换)的快速傅里叶逆变换结果,从快速傅里叶逆变 换结果的前一半数据中截取固定长度(本文中取 80~180倍50/F<sub>r</sub>)的数据构造脉冲响应函数,并将其 最大值归一化为1。

(4)采用欠阻尼单自由度系统的经典指数衰减 函数拟合归一化后的脉冲响应函数的计算公式如下 式所示:

$$y(t) = A e^{-\zeta 2\pi f_{\rm d} t} \cos\left(2\pi f_{\rm d} t + \varphi\right) \tag{3}$$

式中  $\zeta$ 为结构阻尼比;t为振动的时间自变量; $\varphi$ 为振动的初相位; $f_a$ 为振动的频率,一般可取 $f_a = F_a$ ;

 $f_{d} = f_{n} \sqrt{1 - \zeta^{2}}$ 。A 为脉冲响应函数的幅值,由于脉 冲响应函数已进行归一化,可直接令A=1。

拟合参数中的阻尼比 ζ 拟合值即为基于该自激 振动非平稳响应数据的拉索阻尼比识别结果,如 图 5(d)所示。

通过上述过程,可对每段非平稳数据进行独立 的模态参数识别,并得到拉索自激振动的频率和阻 尼比识别结果数据。如数据量足够多,就可把握拉 索自激振动频率和阻尼比的大数据特征。

# 3 模态参数分析与动力性能表征

基于每段拉索自激非平稳数据所识别出的主导 频率和阻尼比结果数据,可以把握拉索当前动力性 能所处状态。本节对2020年全年内对象拉索的自 激振动非平稳段有效结果所识别的主导频率和阻尼 比数据进行分析。

对主导频率数据进行聚类,并关联阻尼比识别 结果,便可得到如图6(a)所示的频率-阻尼比二维数 据聚类图。由于拉索结构型式简单,其识别的模态 频率不存在混叠,基于K-means聚类、层次聚类等通 用聚类方法皆可,本文采用凝聚式层次聚类法[27],在 此不做赘述。图 6(a)中的编号为基于凝聚式层次 聚类算法的聚类簇簇号,各簇(阶)模态频率数据的 质心<sup>[27]</sup>如表1所示。值得注意的是:图6(a)与表1 中的识别频率阶数小于图3(c)中基于平稳振动信 号的识别频率阶数,这是因为风环境并不会激起所 有阶次的固有频率;然而,桥梁设计与运维中要重点 关注这类易于被风环境激起的固有频率阶次;因此, 拉索自激非平稳振动的各簇频率数据质心更适用于 表征拉索的频域动力特征,各阶(簇)频率的质心值 会随着数据的累积而更精确。从图 6(a)中可以发 现,各阶模态的频率识别结果集中度较高,而各阶模 态的阻尼比识别结果分布相对离散,这符合结构模 态频率和阻尼比识别的一般特征。考虑到阻尼比数 据频率直方图的偏态特征(如图6(b)和(c)所示), 本节提出采用对数正态分布对全部阻尼比数据和各 阶模态阻尼比数据进行概率密度分布拟合,如下式 所示:

$$f(x) = \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left[-\frac{(\ln x - \mu)^2}{2\sigma^2}\right] \qquad (4)$$

式中 μ和σ分别为对数正态分布的均值和标准差。

图 6(b)和(c)分别为全部阻尼比数据和第7个 频率聚类簇(该簇中数据点的数量最大)的阻尼比数 据的概率密度拟合结果,可以发现对数正态分布能 够较好地描述阻尼比的概率密度分布特征。



Fig. 6 Characteristics analysis of the modal parameters of stay cables in one year

在基于识别的阻尼比数据建立概率分布模型后, 就可以采用其概率特征参数表征拉索当前的阻尼特 性。本文推荐采用所建立的对数正态分布模型的 e<sup>\*</sup>和 其CDF的分位值作为表征拉索阻尼特性当前状态的 动态指标,具体分位值可视实际工程需求而定,本文 仅介绍方法。表2中给出了对象拉索全部阻尼比数据 和聚类簇7的阻尼比数据的对数正态分布概率特征参 数估计值,随着数据的累积,该值可更精确。从表2中 可知,该拉索的阻尼比对于装有内外两套阻尼器的 458 m主跨斜拉桥拉索而言处于偏低水平。现有规范 推荐斜拉桥拉索阻尼比宜取为0.1%<sup>[28-29]</sup>。疑似该拉 索发生阻尼器连接螺栓松动、锚固条件变化或结构损 伤等异常事件,需要进行进一步巡检。其他各拉索分 析过程类似,在此不做赘述。

根据第2和3节所提方法的整个过程,桥梁运维

人员可基于由长期监测数据自动测算的各阶(簇)模态频率数据质心和阻尼比概率特征参数的动态结果,进行拉索动力性能表征和状态实时监控,并以此

指导拉索及其阻尼器状态的巡检和维护。相关结果 与方法也可为其他需要关注缆、索、杆风致振动效应 的缆索承重桥的设计与运维提供参考。

	表1	识别各簇(阶)模态频率数据的质心(单位:Hz)
Tab. 1	Centroid value of	each cluster (order) about identified modal frequency data(Unit: Hz)

							-	•		
第1阶	第2阶	第3阶	第4阶	第5阶	第6阶	第7阶	第8阶	第9阶	第10阶	第11阶
(簇 2)	(簇 9)	(簇4)	(簇 6)	(簇10)	(簇7)	(簇11)	(簇 5)	(簇3)	(簇 8)	(簇1)
5.5541	6.4837	7.4187	8.3504	9.2849	10.2238	11.1646	12.1092	13.0535	14.0169	14.9539

表 2 拉索阻尼比概率特征参数估计值(单位: %)

Tab. 2 Estimated value of probability characteristic parameters of the damping ratio of stay cables (Unit: %)

	e <sup>µ</sup>	CDF的0.05分位值	CDF的0.1分位值	CDF的0.9分位值	CDF的0.95分位值
全部阻尼比数据	0.0306	0.0114	0.0142	0.0659	0.0820
聚类簇7的阻尼比数据	0.0320	0.0114	0.0143	0.0714	0.0897

## 4 结 论

以某跨海大桥主航道斜拉桥为背景工程,提出 了一套自激非平稳振动数据驱动的斜拉桥拉索动力 性能表征方法。该方法提出基于风致自激振动非平 稳时间序列进行拉索模态参数自动识别与动力性能 实时表征的策略,在自激振动非平稳段自动提取、非 平稳序列准自由衰减特征确定、多模态振动频率集 中趋势分析、离散阻尼比数据偏态特征描述共4方 面进行创新。所提方法能有效确定拉索自激振动各 非平稳段主导频率的实时估计值,并在阻尼比识别 时排除结构振动幅值上升段环境风自然激励带入能 量的干扰:最后采用数据聚类方法量化多阶模态频 率的聚集特征,同时采用数据统计建模并计算其概 率特征参数的方式克服识别阻尼比数据的离散性, 动态表征拉索各阶模态的动力性能特征。全文根据 风致自激振动信号时频特征给出了有效的实施过程 范式。相关方法数字化程度高、智能化潜力大,可基 于实时的SHM系统数据通过算法自动完成全过 程,降低经验的依赖和人工的耗费。所提方法能实 现从拉索振动加速度时间序列到自激振动非平稳段 数据再到各阶模态频率-阻尼比指标的数据降维、解 析与表征过程,为桥梁运维工作提供实时的数字化 信息。

针对背景工程的主要结论包括:(1)桥梁拉索振 动加速度信号噪声强、干扰大,监测结果经常出现连 续数天处于高幅振动的状态,本文在动力特征分析 时选择排除类似的高噪声水平段的干扰;(2)桥梁拉 索的自激振动加速度幅值最高已超过3000 mm/s<sup>2</sup>, 振动幅度较大,需要给予关注;(3)桥梁拉索的阻尼 比平均水平约为0.03%,日常值的双边90% 保证率 的置信区间为0.0114%~0.0820%,与设计规范中 拉索的阻尼比推荐值相比偏低,这可能是导致拉索 振动加速度幅值较大的原因之一,其成因和机理须 结合现场检查、风洞试验和数值模拟进一步探究。

#### 参考文献:

[1] 陈政清,李寿英,邓羊晨,等.桥梁长索结构风致振动研究新进展[J].湖南大学学报(自然科学版),2022,49(5):1-8.

CHEN Zhengqing, LI Shouying, DENG Yangchen, et al. Recent challenges and advances on study of wind-induced vibrations of bridge cables [J]. Journal of Hunan University (Natural Sciences), 2022, 49(5): 1-8.

- [2] 胡俊,欧进萍.大跨度悬索桥在役吊索的极值风荷载 可靠度分析[J].桥梁建设,2013,43(6):51-56.
  HU Jun, OU Jinping. Analysis of extreme wind load reliability of in-service hangers of long span suspension bridge[J]. Bridge Construction, 2013, 43(6):51-56.
- [3] 李寿英,曾庆宇,王世峰,等.阻尼器对悬索桥双吊索 减振效果的理论研究[J].工程力学,2018,35(3): 186-192.
   LI Shouying, ZENG Qingyu, WANG Shifeng, et al.

Theoretical investigation for the effectiveness of the dampers installed between the hangers of suspension bridges[J]. Engineering Mechanics, 2018, 35(3): 186-192.

[4] 徐彦青,郭彤.半主动控制下超长斜拉索的面外风振
 响应[J].东南大学学报(自然科学版),2018,48(1):
 146-151.

XU Yanqing, GUO Tong. Out-of-plane wind vibration responses of super-long stayed-cable under semi-active control[J]. Journal of Southeast University (Natural Science Edition), 2018, 48(1): 146-151.

[5] YAN Banfu, CHEN Wenbing, YU Jiayong, et al. Mode shape-aided tension force estimation of cable with arbitrary boundary conditions [J]. Journal of Sound and Vibration, 2019, 440: 315-331. [6] 朱金,吴梦雪,尹力,等.随机车流-风联合作用下沿海大跨度斜拉桥拉索疲劳寿命预测[J].中国公路学报,2020,33(11):182-194.

ZHU Jin, WU Mengxue, YIN Li, et al. Fatigue life prediction of cables used in coastal long-span cable-stayed bridges under stochastic traffic and wind loads [J]. China Journal of Highway and Transport, 2020, 33(11): 182-194.

[7] 华旭刚,黄智文,陈政清.大跨度悬索桥的多阶模态
 竖向涡振与控制[J].中国公路学报,2019,32(10):
 115-124.

HUA Xugang, HUANG Zhiwen, CHEN Zhengqing. Multi-mode vertical vortex-induced vibration of suspension bridges and control strategy [J]. China Journal of Highway and Transport, 2019, 32(10): 115-124.

[8] 华旭刚,杨维青,温青,等.悬索桥并列双吊索整体风振特性与气动阻尼研究[J].铁道科学与工程学报,2020,17(1):102-109.
 HUA Xugang, YANG Weiqing, WEN Qing, et al.

Aerodynamic damping and wind-induced vibrations for coupled parallel twin hangers of suspension bridges [J]. Journal of Railway Science and Engineering, 2020, 17 (1): 102-109.

- [9] GAO Donglai, CHEN Wenli, ZHANG Runtao, et al. Multi-modal vortex-and rain-wind-induced vibrations of an inclined flexible cable [J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2019, 118: 245-258.
- [10] 刘庆宽, 孙一飞, 贾娅娅, 等. 微椭圆截面斜拉索风致 振动特性与机理[J]. 中国公路学报, 2019, 32(10): 200-209.

LIU Qingkuan, Sun Yifei, Jia Yaya, et al. Wind-induced vibration characteristics and mechanisms of microelliptical section stay cables [J]. China Journal of Highway and Transport, 2019, 32(10): 200-209.

- [11] 孙一飞,刘庆宽,李震,等.非标准圆斜拉索风致振动 时频特征研究[J].工程力学,2021,38(增刊1):52-57.
  SUN Yifei, LIU Qingkuan, LI Zhen, et al. Study on time-frequency characteristics of wind-induced vibration of non-standard circular stayed cables [J]. Engineering Mechanics, 2021, 38(Sup1): 52-57.
- [12] 陈炜,王荣辉,周浩恩,等.考虑抗弯刚度的耦合吊索 自振特性研究[J].华南理工大学学报(自然科学版), 2020,48(7):143-154.
  CHEN Wei, WANG Ronghui, ZHOU Haoen, et al. Research on natural vibration characteristics of coupling hangers considering bending stiffness[J]. Journal of South China University of Technology (Natural Science Edition), 2020, 48(7): 143-154.
- [13] WANG Hao, TAO Tianyou, GAO Yuqi, et al. Measurement of wind effects on a kilometer-level cable-stayed bridge during typhoon Haikui [J]. Journal of Structural Engineering, 2018, 144(9): 188-210.
- [14] CANTERO Daniel, OISETH Ole, RONNQUIST

Anders. Indirect monitoring of vortex-induced vibration of suspension bridge hangers[J]. Structural Health Monitoring, 2018, 17(4): 837-849.

- [15] HUA Jieying, ZUO Delong. Evaluation of aerodynamic damping in full-scale rain-wind-induced stay cable vibration[J]. Journal of Wind Engineering and Industrial Aerodynamics, 2019, 191: 215-226.
- [16] GE Chunxi, CHEN Airong. Vibration characteristics identification of ultra-long cables of a cable-stayed bridge in normal operation based on half-year monitoring data [J]. Structure and Infrastructure Engineering Maintenance, 2019, 15(12): 1567-1582.
- [17] 祝志文,陈魏,李健朋,等.多塔斜拉桥加劲索涡激振动实测与时域解析模态分解[J].中国公路学报, 2019,32(10):247-256.

ZHU Zhiwen, CHEN Wei, LI Jianpeng, et al. Field observation of vortex-induced vibration of stiffening cables in a multi-tower cable-stayed bridge with application of analytical mode decomposition[J]. China Journal of Highway and Transport, 2019, 32(10): 247-256.

- [18] 刘宗杰,祝志文,陈魏,等. 跨长江特大桥拉索涡激振动与风特性观测[J].铁道科学与工程学报,2020,17(7):1760-1768.
  LIU Zongjie, ZHU Zhiwen, CHEN Wei, et al. Observation of vortex-induced vibration and wind characteristics of cables across the Yangtze river bridge[J]. Journal of Railway Science and Engineering, 2020, 17(7): 1760-1768.
- [19] HWANG Doyun, KIM Sunjoong, KIM Ho-Kyung. Long-term damping characteristics of twin cable-stayed bridge under environmental and operational variations
   [J]. Journal of Bridge Engineering, 2021, 26(9): 04021062.
- [20] LI Shanwu, LAIMA Shujin, LI Hui. Cluster analysis of winds and wind-induced vibrations on a long-span bridge based on long-term field monitoring data[J]. Engineering Structures, 2017, 138: 245-259.
- [21] ZHAO Hanwei, DING Youliang, LI Aiqun, et al. Evaluation and early warning of vortex-induced vibration of existed long-span suspension bridge using multisource monitoring data [J]. Journal of Performance of Constructed Facilities, 2021, 35(3): 04021007.
- [22] LI Shanwu, LAIMA Shujin, LI Hui. Physics-guided deep learning framework for predictive modeling of bridge vortex-induced vibrations from field monitoring [J]. Physics of Fluids, 2021, 33(3): 037113.
- [23] HE Min, LIANG Peng, WANG Yang, et al. Online automatic monitoring of abnormal vibration of stay cables based on acceleration data from structural health monitoring[J]. Measurement, 2022, 195: 111102.
- [24] 刘明虎, 孟凡超, 李国亮. 港珠澳大桥青州航道桥工程 特点及关键技术[J]. 桥梁建设, 2013, 43(4): 87-93. LIU Minghu, MENG Fanchao, LI Guoliang. Engineer-

ing characteristics and key techniques of Qingzhou ship channel bridge of Hong Kong-Zhuhai-Macao bridge[J]. Bridge Construction, 2013, 43(4): 87-93.

- [25] BAO Yuequan, TANG Zhiyi, LI Hui, et al. Computer vision and deep learning-based data anomaly detection method for structural health monitoring [J]. Structural Health Monitoring, 2019, 18(2): 401-421.
- [26] Cheynet Etienne, Daniotti Nicolo, Jakobsen Jasna Bogunovi, et al. Improved long-span bridge modeling using data-driven identification of vehicle-induced vibrations[J]. Structural Control and Health Monitoring, 2020, 27(9): e2574.
- [27] ZHAO Hanwei, DING Youliang, LI Aiqun. Representation of in-service performance for cable-stayed railway-highway combined bridges based on train-induced response's sensing data and knowledge[J]. Sensors,

2022, 22(9): 3247.

[28] 中华人民共和国交通运输部.公路桥梁抗风设计规 范: JTG/T 3360-01-2018[S].北京:人民交通出版 社, 2018.

Ministry of Transport of the People's Republic of China. Wind-resistant design specification for highway bridges: JTG/T 3360-01-2018[S]. Beijing: China Communications Press, 2018.

[29] 江苏省质量技术监督局.斜拉桥拉索减振设计指南: DB32/T 1365-2009[S].南京:江苏省质量技术监督 局,2009.

Jiangsu Provincial Bureau of Quality and Technical Supervision. Guidelines for vibration reduction design of stay cable of cable-stayed bridge: DB32/T 1365—2009 [S]. Nanjing: Jiangsu Provincial Bureau of Quality and Technical Supervision, 2009.

# Representation of dynamic performance of stay cables driven by self-excited non-stationary vibration data

ZHAO Han-wei<sup>1,2</sup>, DING You-liang<sup>1,2</sup>, LI Ai-qun<sup>2,3</sup>, ZHANG Xiao-nan<sup>2</sup>, WANG Zhi-wen<sup>2,4</sup>

 (1. Key Laboratory of Concrete and Prestressed Concrete Structures of Ministry of Education, Southeast University, Nanjing 210096, China; 2. School of Civil Engineering, Southeast University, Nanjing 210096, China;
 3. Beijing Advanced Innovation Center for Future Urban Design, Beijing University of Civil Engineering and Architecture,

Beijing 100044, China; 4. Shenzhen Expressway Engineering Consultants Co., Ltd., Shenzhen 518049, China)

Abstract: Stay cables of cross-sea cable-stayed bridges will generate self-excited vibrations in non-extreme wind environments. Based on technologies of modern monitoring and data analysis, the digital features of the self-excited vibration of the stay cable can be captured immediately, and the real-time performance of dynamics about stay cables can be reflected accordingly. According to features of commonality in the long-term monitoring data of vibrating acceleration of stay cables from a main channel cable-stayed bridge of a cross-sea bridge, an automatic extraction method for the non-stationary sections of wind-induced self-excited vibration of the stay cable is proposed based on the vibrating acceleration time series signal's Gaussian mixture model of the upper envelope and the power spectrum of the frequency domain. The strategies, that identify the dominant frequency based on the non-stationary time series of self-excited vibration, then identify the damping ratio using the data of the last descent section after band-pass filtering, are proposed. By the proposed strategies, the interference on the damping ratio identification from energy brought by the natural excitation of the ambient wind in the ascent sections of the vibration amplitude is excluded. Based on the identified results of dominant frequency-damping ratio in the non-stationary sections of the self-excited vibration, data clusters of the modal frequencydamping ratio corresponding to each order of the vibrating mode are obtained by clustering the frequency values. According to the discrete and skewed characteristics of the damping ratio data, the statistical law of using the eµ of log-normal distribution model and the quantile value of its cumulative distribution function to describe damping ratio of stay cables is proposed. The frequency centroid of each cluster, as well as the probability characteristic parameter of damping ratio are used as indicators to represent the current state of the dynamic performance of stay cables. The main conclusions for the background engineering include: the signal of vibrating acceleration of stay cables on the bridge has strong noise and large interference, they must be eliminated in the analysis of dynamic characteristic; the amplitude maximum of the acceleration of the self-excited vibration of the bridge's stay cable has exceeded 3000 mm/s<sup>2</sup>, the vibration amplitude is large; the average level of the damping ratio of the bridge's stay cable is about 0.03%, which is lower than the recommended value of the design code.

Key words: structural health monitoring; stay cables of bridge; self-excited vibration; representation of dynamic performance; non-stationary behavior

**作者简介:**赵瀚玮(1990-),男,博士,副研究员,硕士生导师。 E-mail: wudizhw\_0@126.com。 通讯作者:丁幼亮(1979-),男,博士,研究员,博士生导师。 E-mail: civilding@163.com。