# 基础隔震结构附加变化型调谐质量惯容阻尼器的 优化设计研究

叶 昆1,杨启帆1,陈振明1,2

(1.华中科技大学土木与水利工程学院,湖北 武汉 430074; 2.中建钢构股份有限公司,广东 深圳 518118)

摘要:在强震作用下基础隔震结构的隔震层将发生非常大的水平变形。已有研究表明采用在基础隔震结构的隔震 层附加变化型调谐质量阻尼器(VTMD)的混合控制策略能够有效降低隔震层的水平变形需求,然而该混合控制策 略最大的缺陷在于需要很大的调谐质量。考虑到惯容装置具有明显的质量放大效应,本文提出将惯容装置(Inerter)与VTMD中的阻尼器并联,从而形成具有较小调谐质量的变化型调谐质量惯容阻尼器(VTMDI),并将其附加 在基础隔震结构的隔震层,基于随机振动的分析框架开展了VTMDI参数的优化设计研究。研究表明直接将基础 隔震结构的上部结构层间变形作为优化目标的传统优化策略并不经济有效。为此,本文提出了一种基于两步优化 法的优化策略,该优化策略首先确保附加VTMDI的基础隔震结构相对于附加相同阻尼的基础隔震结构具有更优 的控制效果;然后确保附加VTMDI的基础隔震结构的上部结构层间变形最小。通过动力时程分析结果表明:两种 优化策略都能有效降低隔震层的水平变形和上部结构的层间变形,同时不会导致调谐质量出现过大的运动行程,基 于两步优化法的优化策略更为经济有效。

关键词:基础隔震结构;惯容;变化型调谐质量阻尼器;随机振动;优化设计;两步优化法 中图分类号:TU352.1 文献标志码:A 文章编号:1004-4523(2024)08-1368-09 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2024.08.011

## 引 言

传统的建筑结构采用基础隔震技术后,整个结 构的周期得到延长,且水平变形集中在隔震层,上部 结构的层间变形和绝对加速度响应大幅度降低,结 构的抗震性能得到明显提升[1]。但是在强震作用 下,隔震层产生过大的水平变形,可能超过隔震装置 自身的水平变形能力,从而引发隔震装置失效,导致 整个基础隔震结构被破坏<sup>[2]</sup>。传统的调谐质量阻尼 器(Tuned Mass Damper, TMD)是一种有效的被动 控制装置,被广泛地应用于机械、土木和航天航空等 行业的振动控制领域<sup>[3]</sup>。因此,有学者提出将TMD 附加在基础隔震结构中以降低强震作用下隔震层的 水平变形<sup>[4]</sup>。然而在TMD的实际应用过程中,存在 两个制约其性能进一步提升的条件:(1)需要很大的 调谐质量以实现 TMD 更好的振动控制性能<sup>[5]</sup>:(2) 需要有足够的自由空间满足调谐质量大行程的 运动<sup>[6]</sup>。

近年来,惯容(Inerter)元件因其具有显著的表现质量放大效应,在振动控制领域得到了众多学者

为了有效解决传统 TMD 中调谐质量运动行程 过大的问题,Ren<sup>[17]</sup>提出了一种接地式的变化型调 谐质量阻尼器(Variant Tuned Mass Damper,VT-MD)。VTMD 与传统 TMD 最大的区别在于阻尼 元件的位置不同,VTMD中的阻尼元件直接与大地 连接,而TMD中的阻尼元件与受控的主结构连接。 同时 Ren<sup>[17]</sup>基于固定点理论推导了 VTMD 的最优 调谐参数的解析表达式,并证明在相同调谐质量大 小的情况下,VTMD 相较于传统 TMD不仅具有更 好的减振效果,而且调谐质量的运动行程也更小。 Xiang等<sup>[18]</sup>将 VTMD称为非传统 TMD,并将其附加 在基础隔震结构中,通过确定最大振动抑制带宽的 方式得到了 VTMD 最优调谐参数的数值解,数值仿

的重点关注<sup>[7-10]</sup>。文献[8,11-14]提出将惯容元件与 TMD串联,形成调谐质量惯容阻尼器(Tuned Mass Damper Inerter, TMDI)。De Domenico等<sup>[15-16]</sup>基于 随机振动分析理论对附加在基础隔震结构的TMDI 开展了参数优化研究,研究表明附加优化后的TM-DI不仅能够减小隔震层的水平变形,同时还能减小 上部结构的地震响应, TMDI的调谐质量也不会出 现过大的运动行程。

**收稿日期:**2022-09-20;**修订日期:**2022-12-18 **基金项目:**国家自然科学基金资助项目(52078234)。

真结果表明:与附加最优 TMD 的基础隔震结构相 比,附加最优 VTMD 的基础隔震结构的减震性能更 好,且调谐质量的运动行程得到显著降低。基于以 上分析可知:惯容元件与 TMD 串联连接后可以降 低 TMD 中调谐质量的大小,同时以 VTMD 替代传 统 TMD 可以减小调谐质量的运动行程。结合惯容 装置和 VTMD 各自的优点,将 VTMD 中的阻尼元 件与惯容元件并联连接,形成具有较小调谐质量的 变化型调谐质量惯容阻尼器(Variant Tuned Mass Damper Inerter, VTMDI),用于基础隔震结构的性 能控制。需要指出的是,李亚峰等<sup>[19]</sup>基于固定点理 论推导了 VTMDI 最优调谐参数的解析表达式,通 过参数研究表明:在相同调谐质量和惯容系数的条 件下, VTMDI具有比 TMDI 更好的减振效果。

目前,对于基于惯容元件的调谐阻尼器用于基 础隔震结构性能控制的优化设计,其优化问题基本 的是无约束的单参数优化问题。比如隔震层水平变 形、上部结构层间位移(或绝对加速度)和调谐阻尼 器的能量耗散指数等[15]。但是对于基础隔震结构而 言,上部结构的层间位移(或绝对加速度)和隔震层 水平变形都是应该关注的响应量,因此合理的优化 设计应该同时考虑上述两个反应量<sup>[20]</sup>。此外,为了 减小强震作用下基础隔震结构的隔震层水平变形和 上部结构层间变形(或绝对加速度),最简单有效的 方式是在隔震系统中附加黏滞阻尼。考虑到引入惯 容元件会增加额外的成本,因此对于受控的基础隔 震结构而言,附加基于惯容装置元件的调谐阻尼器 的控制效果应该比直接附加相同阻尼时的控制效果 要好,这一要求应该成为优化设计过程中的约束条 件,但是在目前的相关研究中没有得到体现。

基于上述分析,本文将基础隔震结构简化为经 典的两自由度模型,基于随机振动分析框架提出基 础隔震结构附加VTMDI的优化设计方法。在优化 设计研究的过程中,将隔震系统水平变形以及上部 结构的层间变形作为目标函数或约束函数,同时将 附加VTMDI的控制效果与直接附加相同黏滞阻尼 的控制效果之间的比值作为约束条件。

## 1 附加 VTMDI 的基础隔震结构

#### 1.1 运动方程

VTMDI的构造如图1所示,由质量、弹簧、阻尼 和惯容四个基本力学元件构成,其中m<sub>T</sub>,k,c和m<sub>z</sub>分 别为相应的调谐质量大小、刚度系数、阻尼系数和惯 容系数(与质量具有相同量纲)。如图1所示,对于 惯容这种具有两端点的力学元件,所产生的的力F 与两端点之间的相对加速度成正比:

$$F = m_{\rm Z}(\ddot{u}_2 - \ddot{u}_1)$$

式中  $m_z$ 为惯容元件的惯容系数,其大小取决于惯容元件的具体形式; $\ddot{u}_1$ 和 $\ddot{u}_2$ 为惯容元件两端点的加速度。需要指出的是,当调谐质量 $m_{\tau}=0$ 时,VTM-DI将等价为文献[21]所定义的TVMD。



图1 变化型调谐质量阻尼器(VTMDI)和惯容(Inerter)元 件的力学模型

Fig. 1 Mechanical models for VTMDI and Inerter

本文对两自由度(2DOF)的基础隔震结构 (Base-Isolated Structure, BIS)体系进行相应的计算 分析。附加VTMDI后,简化计算分析模型转变为 如图2所示的三自由度体系,该体系在下文简称 BIS\_VTMDI体系。在BIS\_VTMDI体系中, $x_1, x_s$ 和 $x_T$ 分别为隔震层水平变形、上部结构层间变形和 调谐质量 $m_T$ 相对于地面的位移(即运动行程); $m_1$ 和  $m_s$ 分别为隔震层质量和上部结构的等效质量; $k_1$ 和  $k_s$ 为隔震层的等效水平刚度和上部结构的水平侧移 刚度; $c_1 和 c_s$ 分别为隔震层的等效阻尼系数和上部 结构的阻尼系数。BIS\_VTMDI体系在水平地震激 励 $a_g$ 下的运动方程为:

$$m_{\rm s}\ddot{x}_{\rm s} + m_{\rm s}\ddot{x}_{\rm 1} + c_{\rm s}\dot{x}_{\rm s} + k_{\rm s}x_{\rm s} = -m_{\rm s}a_{\rm g} \qquad (1)$$
$$m_{\rm s}\ddot{x}_{\rm s} + (m_{\rm s} + m_{\rm 1})\ddot{x}_{\rm 1} + c_{\rm 1}x_{\rm 1} +$$

$$(k_{\rm I}+k)x_{\rm I}-kx_{\rm T}=-(m_{\rm S}+m_{\rm I})a_{\rm g}$$
 (2)

 $(m_{\rm T} + m_{\rm Z})\ddot{x}_{\rm T} + c\dot{x}_{\rm T} + kx_{\rm T} - kx_{\rm I} = -m_{\rm T}a_{\rm g}$  (3)

定义以下反映基础隔震结构动力特性的相关参数,即上部结构和基础隔震结构的自振圆频率ω<sub>s</sub>和ω<sub>1</sub>:

$$\omega_{\mathrm{S}} = \sqrt{k_{\mathrm{S}}/m_{\mathrm{S}}}, \quad \omega_{\mathrm{I}} = \sqrt{k_{\mathrm{V}}/(m_{\mathrm{S}}+m_{\mathrm{I}})} \quad (4)$$

上部结构和整个基础隔震结构的阻尼比λ<sub>s</sub>和 λ<sub>1</sub>为:

$$\lambda_{\rm s} = \frac{c_{\rm s}}{2m_{\rm s}\omega_{\rm s}}, \quad \lambda_{\rm I} = \frac{c_{\rm I}}{2(m_{\rm s} + m_{\rm I})\omega_{\rm I}} \tag{5}$$

上部结构质量、调谐质量和惯容系数相对于整 个基础隔震结构质量的质量比rs,r<sub>T</sub>和r<sub>2</sub>分别为:

$$r_{\rm s} = \frac{m_{\rm s}}{m_{\rm s} + m_{\rm I}}, r_{\rm T} = \frac{m_{\rm T}}{m_{\rm s} + m_{\rm I}}, r_{\rm Z} = \frac{m_{\rm Z}}{m_{\rm s} + m_{\rm I}}$$
 (6)

VTMDI的附加刚度比 $\alpha$ 和附加阻尼比 $\lambda$ 分别为:

$$\alpha = \frac{k}{\omega_1}, \quad \lambda = \frac{c}{2(m_s + m_1)\omega_1} \tag{7}$$

式中

将式(4)~(7)所定义的参数代入方程(1)~ (3),得到 BIS\_VTMDI 基于矩阵形式的运动方 程为:

 $M\ddot{x} + C\dot{x} + Kx = -Mra_{\rm g} \tag{8}$ 

$$M = \begin{bmatrix} r_{\rm s} & r_{\rm s} & 0 \\ r_{\rm s} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & r_{\rm z} + r_{\rm T} \end{bmatrix}, \\ C = \begin{bmatrix} 2r_{\rm s}\lambda_{\rm s}\omega_{\rm s} & 0 & 0 \\ 0 & 2\lambda_{\rm I}\omega_{\rm I} & 0 \\ 0 & 0 & 2\lambda\omega_{\rm I} \end{bmatrix}, \\ K = \begin{bmatrix} r_{\rm s}\omega_{\rm s}^2 & 0 & 0 \\ 0 & (1+\alpha)\omega_{\rm I}^2 & -\alpha\omega_{\rm I}^2 \\ 0 & -\alpha\omega_{\rm I}^2 & \alpha\omega_{\rm I}^2 \end{bmatrix}, \\ r = \begin{cases} 0 \\ 1 \\ r_{\rm T}/(r_{\rm T} + r_{\rm z}) \end{cases}, \\ x = \begin{cases} x_{\rm s} \\ x_{\rm I} \\ x_{\rm T} \end{cases},$$
(9)



图 2 附加 VTMDI 的基础隔震结构计算分析模型

Fig. 2 Analytical model of base-isolated structure equipped with VTMDI

#### 1.2 地震动模型及随机响应

假设水平地震激励 a<sub>g</sub>为零均值的平稳白噪声随 机过程,其功率谱密度为常数 S<sub>0</sub>。基于状态空间方 法,方程(8)可以改写成一阶状态向量形式:

$$\dot{\boldsymbol{v}}(t) = \boldsymbol{A}\boldsymbol{v}(t) + \boldsymbol{B}\boldsymbol{a}_{g} \tag{10}$$

其中:

$$A = \begin{bmatrix} \mathbf{0}_{3\times3} & \mathbf{I}_{3\times3} \\ -\mathbf{M}^{-1}\mathbf{K} & -\mathbf{M}^{-1}\mathbf{C} \end{bmatrix}, B = \begin{pmatrix} \mathbf{0}_{3\times1} \\ -\mathbf{r} \end{pmatrix}, v = \begin{pmatrix} x \\ \dot{x} \end{pmatrix}$$
(11)

式中  $0_{3\times 3}$ 和  $I_{3\times 3}$ 分别表示  $3\times 3$ 的零矩阵和单位 矩阵。

如果结构体系振动的初始条件为零,则状态向量 v(t)的稳态协方差矩阵为:

$$G_{vv} = \mathbf{E} \left[ v(t) \cdot v^{\mathrm{T}}(t) \right]$$
(12)

式中 E[·]表示期望值算子。 根据随机振动理论,稳态响应的协方差矩阵 G<sub>m</sub> 满足李雅普诺夫方程(Lyapunov Equation),即:

 $AG_{vv} + G_{vv}A^{\mathrm{T}} + 2\pi S_0 BB^{\mathrm{T}} = 0 \qquad (13)$ 

方程(13)中的稳态响应的协方差 $G_{vv}$ 可以利用 MATLAB内置的lyap函数加以求解。对应定义的 一阶状态向量v(t),协方差矩阵 $G_{vv}$ 的主对角元素的 平方根依次为:上部结构层间变形的标准差  $\sigma_{XS}^{BIS,VTMDI}$ ,隔震层水平变形的标准差 $\sigma_{XI}^{BIS,VTMDI}$ ,隔震层水平变形的标准差 $\sigma_{XI}^{BIS,VTMDI}$ ,隔震层水平变 形速度的标准差 $\sigma_{VI}^{BIS,VTMDI}$ ,隔震层水平变 形速度的标准差 $\sigma_{VI}^{BIS,VTMDI}$ ,隔震层水平变 形速度的标准差 $\sigma_{VI}^{BIS,VTMDI}$ ,调谐质量 $m_{T}$ 相对于地面 速度的标准差 $\sigma_{VI}^{BIS,VTMDI}$ 。需要指出的是,在给定 $r_{T}$ 和 $r_{z}$ 的情况下,BIS\_VTMDI体系的上述标准差实 际上是附加刚度比 $\alpha$ 和附加阻尼比 $\lambda$ 的函数。

### 2 BIS\_VTMDI的优化设计

为了反映BIS\_VTMDI体系中上部结构层间变 形以及隔震层水平变形相对于没有附加VTMDI的 BIS体系(即原BIS体系)的变化程度,定义以下两 个无量纲的反应比*R*<sub>1,xs</sub>和*R*<sub>1,x1</sub>:

 $R_{1,XS} = \frac{\sigma_{XS}^{\text{BIS}_{V}\text{VTMDI}}(\alpha,\lambda)}{\sigma_{XS}^{\text{BIS}}}, R_{1,XI} = \frac{\sigma_{XI}^{\text{BIS}_{V}\text{VTMDI}}(\alpha,\lambda)}{\sigma_{XI}^{\text{BIS}}} (14)$ 

式中  $\sigma_{xs}^{BIS} 和 \sigma_{xl}^{BIS} 分别表示原 BIS 体系的上部结构$ 层间变形和隔震层水平变形的标准差。

根据式(14),BIS\_VTMDI体系的优化设计问题就是确定最优的附加刚度比 $\alpha_{opt}$ 和附加阻尼比 $\lambda_{opt}$ ,使得 $R_{1,xs}$ 和 $R_{1,xt}$ 尽可能的小。然而,降低BIS体系上部结构层间变形以及隔震层水平变形最为简单的方式就是在隔震层中附加黏滞阻尼(Viscous Damping,VD)。因此,为了比较BIS\_VTMDI体系和具有相同附加阻尼比的BIS体系(以下简称BIS\_VD体系)中上部结构层间变形以及隔震层水平变形的相对大小,定义如下两个无量纲的反应比 $R_{2,xs}$ 和 $R_{2,xt}$ :

$$R_{2,xs} = \frac{\sigma_{xs}^{\text{BIS,VTMDI}}(\alpha,\lambda)}{\sigma_{xs}^{\text{BIS,VD}}(\lambda)} R_{2,xI} = \frac{\sigma_{xI}^{\text{BIS,VTMDI}}(\alpha,\lambda)}{\sigma_{xI}^{\text{BIS,VD}}(\lambda)} (15)$$
  
式中  $\sigma_{xs}^{\text{BIS,VD}} \pi \sigma_{xI}^{\text{BIS,VD}}$ 分别表示与BIS\_VTMDI体  
系具有相同附加阻尼比的BIS\_VD体系的上部结构  
层间变形和隔震层水平变形的标准差。根据  
式(15),如果 $R_{2,xs}$ 或 $R_{2,xI}$ 接近或大于1,说明附加  
VTMDI的控制效果不如直接附加黏滞阻尼。因  
此,综合式(14)和(15)可知,BIS\_VTMDI体系的优  
化设计不仅应该实现 $R_{1,xs}$ 和 $R_{1,xI}$ 尽可能的小,还应  
该确保 $R_{0,xs}$ 和 $R_{0,xI}$ 尽可能的小。

#### 2.1 参数研究

在本节的参数研究以及后续的优化策略中,将

BIS\_VTMDI 体系中的 BIS 的参数固定为: $\omega_1$ = 0.8 $\pi$ ,  $\lambda_1$ =0.10,  $\omega_s$ =4.0 $\pi$ ,  $\lambda_s$ =0.02和 $r_s$ =5.0/6.0= 0.833。同时将VTMDI体系的 $r_T$ 和 $r_z$ 都取值为 0.02, 附加刚度比 $\alpha$ 和附加阻尼比 $\lambda$ 的取值范围分别 为10<sup>-3</sup>~10<sup>3</sup>和10<sup>-4</sup>~10<sup>0</sup>。

图 3 给出了  $r_{\rm T} = r_{\rm Z} = 0.02$ 时,  $R_{1,\rm xs}$ 和  $R_{2,\rm xs}$ 随附加 刚度比  $\alpha$  和附加阻尼比  $\lambda$  变化的云图, 同时在该图中 标识出  $R_{1,\rm xs} = 1$ 和  $R_{2,\rm xs} = 1$ 的界线。从图 3(a)可以 看出:  $R_{1,\rm xs}$ 并没有全局最小值, 只是在实线方框区域 内存在局部最小值; 并且在虚线方框区域所示的洼 地区域内, 在给定附加刚度比  $\alpha$ 的情况下, 存在最优 的附加阻尼比  $\lambda$  使得  $R_{1,\rm xs}$ 最小。相反地, 如图 3(b) 所示,  $R_{2,\rm xs}$ 存在全局最小值。





图 4 分别给了  $r_{\rm T} = r_z = 0.02$  时,  $R_{1,\rm XI}$ 和  $R_{2,\rm XI}$ 随附 加刚度比  $\alpha$ 和附加阻尼比  $\lambda$  变化的云图, 同时在该图 中标识出  $R_{1,\rm XI} = 1$ 和  $R_{2,\rm XI} = 1$ 的界线。从图 4(a)可 以看出:  $R_{1,\rm XI}$ 同样没有全局最小值, 也是在实线方框 区域内存在局部最小值; 并且  $R_{1,\rm XI}$ 总体上随着附加 刚度比和附加阻尼比的增加而减小。相反地, 如 图 4(b)所示,  $R_{2,\rm XI}$ 存在全局最小值。进一步比较 图 3和4可以发现:存在一个由附加刚度比  $\alpha$ 和附加 阻尼比 $\lambda$ 组成的设计参数空间,在该设计参数空间 内不仅 $R_{1,xs}$ , $R_{2,xs}$ , $R_{1,xs}$ 和 $R_{1,xt}$ 均小于1,而且存在最 优的附加刚度比和附加阻尼比使得 $R_{1,xs}$ , $R_{2,xs}$ , $R_{1,xt}$ 和 $R_{2,xt}$ 中的任何一个性能指标取得最小值。





#### 2.2 优化策略

考虑到基础隔震技术的最终目的是降低上部结构的地震响应,因此最为直接的优化目标就是使得BIS\_VTMDI体系中上部结构的层间位移最小(即优化目标为 $R_{1,xs}$ );相应的约束条件是确保BIS\_VTMDI体系的性能应该优于相应的BIS\_VD体系(即约束参数为 $R_{2,xs}$ 和 $R_{2,xl}$ )。根据2.1节的参数研究,在给定的BIS体系以及已知 $r_{T}$ 和 $r_{2}$ 的情况下,BIS\_VTMDI体系的优化设计参数为附加刚度比 $\alpha$ 和附加阻尼比 $\lambda$ ,相应的优化设计问题可以表示为下式:

Find  $\alpha_{opt}$  and  $\lambda_{opt}$ ,

Minimize  $R_{1, XS}$ ,

subjected to  $R_{2,xs} \leq 1$  and  $R_{2,xI} \leq 1$  (16)

式(16)所代表的有约束多变量优化问题,可以 利用 MATLAB 内置的非线性优化函数 fmincon 求 解最优的设计参数(即 α<sub>ot</sub> 和 λ<sub>ot</sub>)。基于式(16)可以 得到在给定*r*<sub>T</sub>的情况下,不同*r*<sub>Z</sub>所对应的*α*<sub>opt</sub>和*λ*<sub>opt</sub>以 及相应的*R*<sub>1,xx</sub>,*R*<sub>1,x1</sub>,*R*<sub>2,xs</sub>和*R*<sub>2,x1</sub>。

图 5 给出了在  $r_{\rm T}$ =0.02时,不同  $r_{\rm Z}$ 所对应的  $\alpha_{\rm opt}$ 和  $\lambda_{\rm opt}$ 曲线以及相应的  $R_{1,\rm xs}$ ,  $R_{1,\rm xI}$ ,  $R_{2,\rm xs}$ 和  $R_{2,\rm XI}$ 曲线。 特别是根据图 5(c)可知  $r_{\rm Z}$ 的最大允许取值为0.354, 是因为一旦  $r_{\rm Z}$ 超过该值,  $R_{1,\rm xs}$ 将大于1,导致不存在 满足公式(16)的设计最优解。此外,从图 5(a)和 (b)中可以看出,随着  $r_{\rm Z}$ 的增加,最优附加刚度比 $\alpha_{\rm opt}$ 和最优附加阻尼比 $\lambda_{\rm opt}$ 先增加后减小;而 $R_{1,\rm xs}$ 和 $R_{1,\rm xI}$ 则是先减小后增加,因此存在最优的 $r_{\rm Z,\rm opt}$ 使得 $R_{1,\rm xs}$ 取得最小值。公式(16)所对应的 BIS\_VTMDI体系 的设计优化问题可以进一步拓展为:在给定 BIS体 系以及已知  $r_{\rm T}$ 的情况下,BIS\_VTMDI体系的设计 优化参数为质量比 $r_{\rm Z}$ 、附加刚度比 $\alpha$ 和附加阻尼比  $\lambda$ ,相应的优化设计问题可以表示为下式:

Find  $r_{Z, opt}$ ,  $\alpha_{opt}$  and  $\lambda_{opt}$ ,

Minimize  $R_{1,XS}$ ,

subjected to  $R_{2,xs} \leq 1$  and  $R_{2,xI} \leq 1$  (17)

由于执行式(17)只需要一个优化步骤,因此在 论文后续部分将基于式(17)的优化策略简称为一步 优化法。图 6 和 7 分别给出了不同  $r_{\rm T}$ (取值区间为 0~0.25)的情况下基于一步设计法得到的最优设计 参数  $r_{\rm Z,opt}$ ,  $\alpha_{opt}$ 和 $\lambda_{opt}$ 以及相应的性能指标  $R_{\rm L,xs}$ ,  $R_{\rm L,x1}$ ,  $R_{\rm 2,xs}$ 和  $R_{\rm 2,x10}$ 从图 7 可以看出:在隔震层附加按照 一步优化法设计的 VTMDI装置后可以有效降低基 础隔震结构中上部结构的层间变形和隔震层的水平 变形;实际应用中,调谐质量比  $r_{\rm T}$ 一般不会超过 0.10,而在这个区间内  $R_{\rm 2,xs}$ 或  $R_{\rm 2,x1}$ 将等于1或略微 小于1( $R_{\rm 2,xs}$ 和 $R_{\rm 2,x1}$ 都大于0.95),这说明BIS\_VTM-DI体系的性能并没有明显好于相应的BIS\_VD体 系,因此基于式(17)的优化策略并不适用。

为了保证优化结果的经济性,应该在保证 $R_{2,xs}$ 或 $R_{2,xi}$ 尽可能小的情况下使得 $R_{1,xs}$ 最小。为此本文 提出了一种优化策略。该优化策略包括以下两步: 首先对任一给定的 $r_z$ ,确定最优附加刚度比 $\alpha_{opt}$ 和附 加阻尼比 $\lambda_{opt}$ 使得性能指标 $R_{2,xs}$ 最小,并且同时满足  $R_{2,xs} \leq 1$ 和 $R_{2,xi} \leq 1$ 这两个约束条件,即:

Find  $\alpha_{opt}$  and  $\lambda_{opt}$ ,

Minimize  $R_{2, XS}$ ,

subjected to 
$$R_{2,XS} \leq 1$$
 and  $R_{2,XI} \leq 1$  (18)

因此对于不同的 $r_z$ ,可以得到不同的 $\alpha_{opt}$ 和 $\lambda_{opt}$ 以 及相应的 $R_{1,xs}$ , $R_{1,xt}$ , $R_{2,xs}$ 和 $R_{2,xt}$ ;然后基于遍历搜 寻的方式(本文建议 $r_z$ 值从零开始,间隔为0.0001, 逐渐增加到预定的 $r_z$ 目标值),从得到的 $R_{1,xs}$ 当中确 定最小值,这样与之相对应的 $r_z$ 即为最优的 $r_{z,opt}$ ,同 时也可以确定对应的 $\alpha_{opt}$ 和 $\lambda_{opt}$ 以及相应的 $R_{1,xs}$ ,  $R_{1,xt}$ , $R_{2,xs}$ 和 $R_{2,xto}$ 从上述介绍中可以看出,该优化











策略包括两个优化步骤,因此在本论文后续部分将 该优化策略简称为两步优化法。

图 8 和 9 分别给出了不同 r<sub>T</sub>(取值区间同样为

0.80

0.75

0.80 T 1.05 1.05



部结构的层间变形作为优化目标,但是上部结构的 绝对加速度也可以作为优化目标。考虑到基础隔震 结构上部结构的层间变形和绝对加速度这两个性能 指标变化规律一致并且紧密关联,此外本论文的研 究重点在于提出基础隔震结构附加变化型调谐质量 惯容阻尼器的优化设计方法,因此本论文只将上部 结构的层间变形作为优化目标。

#### 数值算例分析 3

本小节采用的数值算例为如图2所示的3自由 度BIS VTMDI体系,对优化后的BIS VTMDI体 系进行时程分析,通过比较上部结构的最大层间变 形(简称 Max.XS)、上部结构层间变形的均方值(简 称 RMS.XS)、隔震层的最大水平变形(简称 Max. XI)、隔震层水平变形的均方值(简称 RMS.XI),评 估两步优化法的有效性。定义响应量 Max.XS, RMS.XS, Max.XI和RMS.XI在一组地震动作用下 的平均值为 $\mu_{Max.XS}$ , $\mu_{RMS.XS}$ , $\mu_{Max.XI}$ 和 $\mu_{RMS.XI}$ 。时程分析 的地震动为满足美国Los Angeles地区50年回归周 期超越概率 10% 的 20条地震动(简称 LA\_10\_in\_ 50),由Somerville等<sup>[22]</sup>建立并用于TMD的相关研 究。将每条地震动的峰值加速度调整至0.3g,图10 给出了调幅后的地震动加速度反应谱。表1给出了 不同 r<sub>r</sub>的情况下,一步优化法和两步优化法得到的 优化设计参数。

根据时程分析的数值结果,可以得到BIS体系 中上部结构平均最大层间变形 µMax XS、隔震层平均最 大水平变形 µ<sub>Max XI</sub>、上部结构平均层间变形均方值 μ<sub>RMS XS</sub>和隔震层平均水平变形均方值μ<sub>RMS XI</sub>分别为: 9.422,224.651,2.291和44.508mm。表2分别给出 了不同r<sub>x</sub>的情况下基于两步优化法优和基于一步优 化法化的BIS\_VTMDI体系以及相对应BIS\_VD体 系的 $\mu_{\text{Max.XS}}, \mu_{\text{Max.XI}}, \mu_{\text{RMS.XS}}$ 和 $\mu_{\text{RMS.XI}}$ 。



Fig. 10 Acceleration response spectra of LA 10 in 50

0.75 - 1.00 - 1.00 0.70 0.70 0.95-0.95 0.65 0.90 0.90 0.65 0.60 - 0.85 - 0.85 0.60 0.55 0.55-0.80-0.80 0.25  $10.75 \ 0.75$ 0.50L 0.05 0.20 0.10 0.15 图 7 基于一步优化法确定的性能指标 Fig. 7 Performance indices obtained by one-step optimization strategy

 $R_{1 \text{ yr}}$ 

 $R_{2,XS} - R_{2,XI}$ 

0~0.25)的情况下基于两步优化法得到的最优设计 参数  $r_{Z,opt}$ ,  $\alpha_{opt}$  和  $\lambda_{opt}$  以及相应的  $R_{1,XS}$ ,  $R_{1,XI}$ ,  $R_{2,XS}$  和 R<sub>2 x1</sub>。从图9可以看出:在隔震层附加基于两步优化 法设计的VTMDI装置后同样可以有效降低基础隔 震结构中上部结构的层间变形和隔震层的水平变 形;而且在调谐质量比 $r_{\rm T} \leq 0.10$ 的情况下,优化设 计后的BIS\_VTMDI体系的性能也明显好于相应的 BIS\_VD体系(R<sub>2.xs</sub>和R<sub>2.x1</sub>都小于0.95),这说明两 步优化法与一步优化法相比更为有效。







表1 最优的设计参数 Tab. 1 Optimal design parameters

	-	-	-	
优化方法	$r_{\mathrm{T}}$	$r_{\rm Z,opt}$	$lpha_{ m opt}$	$\lambda_{ m opt}$
	0.02	0.1362	3.2404	0.2471
一步优化法	0.05	0.1860	2.2407	0.2319
	0.10	0.2041	1.3543	0.1778
	0.02	0.2265	0.5190	0.0492
两步优化法	0.05	0.2126	0.5308	0.0497
	0.10	0.1890	0.5461	0.0502

从表2可知,基于两步优化法的BIS\_VTMDI 体系随着调谐质量比的增加,上部结构平均层间变 形的最大值和均方值不断减小,但减小幅度不大;但 隔震层平均水平变形的最大值和均方值则不断增 加,说明对于BIS\_VTMDI体系可以使用较小的调 谐质量。从表2可以进一步发现:与基于两步优化 法优化的BIS\_VTMDI体系和相对应的BIS\_VD体 系的地震响应相比较,基于一步优化法优化的 BIS\_VTMDI体系和相对应的BIS\_VD体系的地震 响应明显要小。因此从地震响应值绝对大小的角度 出发,一步优化法的效果要好于两步优化法,这一点 也与2.2节优化策略所得到的结论一致。为了进一 步比较两种优化方法的控制效果,定义类似于公 式(14)和(15)的地震响应折减率,如下式所示:

(19)

<b>垢</b> 浦南 D9 — 1	最优BIS_VTMDI体系的地震响应
Ŋ 004 <sup>4</sup> K2−1	相对应BIS_VD体系的地震响应
	(20)

基于表2的地震响应结果以及BIS体系的地震 响应结果,可以计算不同地震响应的折减率并在 表3列出。该表第2列给出的比较参数中,Max和 RMS分别表示响应量的最大值和均方值;XS和XI 分别表示上部结构的层间变形和隔震层的水平变 形。以Max\_R1\_XS为例,该缩写表示最优 BIS\_VTMDI体系的上部结构平均最大层间变形相 对于BIS体系的上部结构平均最大层间变形相 对于BIS体系的上部结构平均最大层间变形的折减 率。从表3可以看出,虽然基于两步优化法优化的 BIS\_VTMDI体系相对于BIS体系地震响应的折减 效果没有基于一步优化法的情况理想,但是与相对 应的BIS\_VD体系比较,两步优化法优化的 BIS\_VTMDI体系地震响应的折减效果明显好于基 于一步优化法的情况。特别是采用一步优化法优化 的BIS\_VTMDI体系,其地震响应大部分情况下会 大于相对应的BIS\_VD体系(如表中加粗数字所 示)。因此,对于BIS\_VTMDI体系的优化设计,两 步优化法与一步优化法相比更为有效。

以调谐质量比r<sub>T</sub>=0.02为例,通过时程分析可 以得到两种优化策略下BIS\_VTMDI体系调谐质量 平均最大运动行程 µMax XT 和平均运动行程均方值 μ<sub>RMS XT</sub>分别为:263.325和57.608 mm(两步优化法); 131.685 和 27.196 mm(一步优化法)。相对于 BIS 体系中隔震层平均最大水平变形值 µ<sub>Max XI</sub>= 224.651 mm 和平均水平变形均方值 μ<sub>RMS XI</sub>= 44.508 mm,基于一步法优化法的调谐质量运动平 均最大运动行程和平均运动行程均方值分别减小 41.3%和38.9%;而基于两步优化法的调谐质量运 动平均最大运动行程和平均运动行程均方值分别增 大17.2%和29.4%。根据文献[4]的研究成果:基础 隔震结构附加最优TMD后其调谐质量运动行程最 大值和均方值相对于与原基础隔震结构的隔震层的 水平变形最大值和均方值将至少放大1倍,因此基 于两步优化法优化的 BIS TMDI 体系并不会导致 过大的调谐质量运动行程。

表2 基于一步优化法与两步优化法的结构体系反
------------------------

Tab. 2	Responses of BIS_	_VTMDI and BIS_	VD based on two-step	optimization strategy	and one-step	optimization strategy

结构体系	响应量	$r_{\rm T} = 0.02$		$r_{\rm T} = 0.05$		$r_{\rm T} = 0.10$	
纪构体系		一步优化法	两步优化法	一步优化法	两步优化法	一步优化法	两步优化法
BIS_VTMDI	$\mu_{\mathrm{Max.XS}}/\mathrm{mm}$	7.705	8.344	8.025	8.176	8.082	7.932
	$\mu_{{}_{\mathrm{Max.XI}}}/\mathrm{mm}$	125.968	165.747	127.141	167.557	137.907	171.245
	$\mu_{\rm RMS.XS}/{ m mm}$	1.377	1.681	1.401	1.660	1.436	1.627
	$\mu_{\rm RMS.XI}/{ m mm}$	26.095	36.639	26.582	37.314	29.200	38.540
BIS_VD	$\mu_{\text{Max.XS}}/\text{mm}$	7.378	8.489	7.388	8.495	7.506	8.485
	$\mu_{{}_{\mathrm{Max.XI}}}/\mathrm{mm}$	129.238	194.349	132.474	194.105	145.781	193.860
	$\mu_{\rm RMS.XS}/{ m mm}$	1.375	1.882	1.388	1.879	1.457	1.875
	$\mu_{\rm RMS.XI}/{ m mm}$	26.528	44.508	27.311	44.423	30.608	44.339

one step and the step optimization strategies					
方法	比较参数	$r_{\rm T} = 0.02$	$r_{\rm T} = 0.05$	$r_{\rm T} = 0.10$	
	Max_R1_XS	11.5%	13.2%	15.8%	
	Max_R1_XI	26.2%	25.4%	23.8%	
	Max_R2_XS	1.9%	3.8%	6.5%	
西止住也过	Max_R2_XI	14.7%	13.7%	11.7%	
网步饥化法	RMS_R1_XS	26.6%	27.5%	29.0%	
	RMS_R1_XI	34.2%	33.0%	30.8%	
	RMS_R2_XS	10.7%	11.6%	13.3%	
	RMS_R2_XI	17.7%	16.0%	13.1%	
	Max_R1_XS	18.2%	14.8%	14.2%	
一步优化法	Max_R1_XI	43.9%	43.4%	38.6%	
	Max_R2_XS	-4.4%	-8.6%	-7.7%	
	Max_R2_XI	2.5%	4.0%	5.4%	
	RMS_R1_XS	39.9%	38.9%	37.3%	
	RMS_R1_XI	53.1%	52.3%	47.6%	
	RMS_R2_XS	-0.2%	-0.9%	1.5%	
	RMS_R2_XI	1.6%	2.7%	4.6%	

7 Tab 2		лд •1• о <b>г</b>			hoteroor
1 ad. 3	Comparison	01	response	reduction	between
	one-step and	TWO	-step opti	nization str	ategies

## 4 结 论

本文提出将VTMD中的阻尼元件与惯容元件 并联,形成具有较小调谐质量的变化型调谐质量惯 容阻尼器(VTMDI),并用于基础隔震结构的性能 控制,开展了BIS\_VTMDI体系的优化设计研究,结 论如下:

(1)基于 Lyapunov 方程计算 BIS\_VTMDI 体系 在白噪声作用下的随机响应,通过参数研究提出了 两种针对 BIS\_VTMDI 体系的优化策略。

(2)与直接将基础隔震结构的上部结构层间变 形作为优化目标的传统优化策略相比,所提出的两 步优化法在同时减小隔震位移和降低上部结构加速 度响应方面更为有效。

(3)通过一组地震的动力时程结果证实了采用 两步优化法对BIS\_VTMDI体系进行优化更为经济 实用,而且调谐质量并不会出现过大的运动行程。

#### 参考文献:

- [1] Kelly J M. Base isolation: linear theory and design[J].Earthquake Spectra, 1990, 6(2):223-244.
- [2] 朱宏平, 谭平, 叶昆. 极罕遇地震作用下铅芯橡胶隔 震支座基础隔震结构抗震性能研究[J]. 建筑结构学 报, 2019, 40(10): 122-131.
   ZHU Hongping, TAN Ping, YE Kun. Investigation of seismic performance of LRB base-isolated structures

subjected to extremely rare earthquakes[J]. Journal of Building Structures, 2019, 40(10): 122-131.

- [3] Den Hartog J P. Mechanical Vibrations[M]. Dover Publications, 1985.
- [4] Taniguchi T, Der Kiureghian A, Melkumyan M. Effect of tuned mass damper on displacement demand of baseisolated structures[J]. Engineering Structures, 2008, 30(12):3478-3488.
- [5] De Angelis M, Perno S, Reggio A. Dynamic response and optimal design of structures with large mass ratio TMD[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2012, 41(1):41-60.
- [6] Xiang P, Nishitani A. Optimum design and application of non-traditional tuned mass damper toward seismic response control with experimental test verification[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2015, 44(13):2199-2220.
- [7] 刘良坤,谭平,闫维明.一种新型惯容减震器的设计 及减震效果研究[J].振动与冲击,2018,37(15): 156-163.

LIU Liangkun, TAN Ping, YAN Weiming. Design of a novel inerter damper and its aseismic effect under earthquake [J]. Journal of Vibration and Shock, 2018, 37(15):156-163.

- [8] Pietrosanti D, De Angelis M, Basili M. Optimal design and performance evaluation of systems with Tuned Mass Damper Inerter (TMDI)[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2017, 46(8): 1367-1388.
- [9] 赵祥昇,李春祥,曹黎媛.结构-NFVD-TTMDI的控制性能[J].振动工程学报,2022,35(1):55-63.
  ZHAO Xiangsheng, LI Chunxiang, CAO Liyuan. Control performance of structure-NFVD-TTMDI[J]. Journal of Vibration Engineering, 2022, 35(1):55-63.
- [10] 张瑞甫,曹嫣如,潘超.惯容减震(振)系统及其研究 进展[J].工程力学,2019,36(10):8-27.
  ZHANG Ruifu, CAO Yanru, PAN Chao. Inerter system and its state-of-the-art[J]. Engineering Mechanics, 2019,36(10):8-27.
- [11] Marian L, Giaralis A. Optimal design of inerter devices combined with TMDs for vibration control of buildings exposed to stochastic seismic excitation [C]//Safety, Reliability, Risk and Life-Cycle Performance of Structures and Infrastructures-Proceedings of the 11th International Conference on Structural Safety and Reliability, ICOSSAR 2013. CRC Press, 2013: 1025-1032.
- [12] Marian L, Giaralis A. Optimal design of a novel tuned mass-damper-inerter (TMDI) passive vibration control configuration for stochastically support-excited structural systems[J]. Probabilistic Engineering Mechanics, 2014, 38:156-164.
- [13] Giaralis A, Marian L. Use of inerter devices for weight reduction of tuned mass-dampers for seismic protection

- [14] Marian L, Giaralis A. The tuned mass-damper-inerter for harmonic vibrations suppression, attached mass reduction, and energy harvesting[J]. Smart Structures and Systems, 2017, 19(6): 665-678.
- [15] De Domenico D, Ricciardi R. An enhanced base isolation system equipped with optimal tuned mass damper inerter (TMDI)[J]. Earthquake Engineering & Structural Dynamics, 2018, 47(5): 1169-1192.
- [16] De Domenico D, Impollonia N, Ricciardi R. Soil-dependent optimum design of a new passive vibration control system combining seismic base isolation with tuned inerter damper[J]. Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2018, 105: 37-53.
- [17] Ren M Z. A variant design of the dynamic vibration absorber [J]. Journal of Sound and Vibration, 2001, 245 (4):762-770.
- [18] Xiang P, Nishitani A. Optimum design for more effective tuned mass damper system and its application to base-isolated buildings[J]. Structural Control and

Health Monitoring, 2014, 21(1):98-114.

[19] 李亚峰,李寿英,陈政清.变化型惯质调谐质量阻尼器的优化与性能评价[J].振动工程学报,2020,33
 (5):877-884.
 LI Yafeng, LI Shouying, CHEN Zhengqing. Optimiza-

tion and performance evaluation of variant tuned mass damper inerter[J]. Journal of Vibration Engineering, 2020, 33(5): 877-884.

- [20] 叶昆,舒率.基于性能需求的基础隔震结构附加调谐 惯容阻尼器的优化设计研究[J].动力学与控制学报, 2020,18(5):57-62.
  YE Kun, SHU Shuai. Optimal design of base-isolated structure with supplemental tuned inerter damper based on performance requirement[J]. Journal of Dynamics and Control, 2020, 18(5):57-62.
- [21] Ikago K, Saito K, Inoue N. Seismic control of singledegree-of-freedom structure using tuned viscous mass damper[J]. Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2012, 41(3):453-474.
- [22] Somerville P G, Smith N, Punyamurthula S. Development of ground motion time histories for phase 2 of the FEMA/SAC steel project[R]. Richmond, CA: SAC Joint Venture, 1997.

## Optimum design of base-isolated structure equipped with variant tuned mass damper inerter

#### YE Kun<sup>1</sup>, YANG Qi-fan<sup>1</sup>, CHEN Zhen-ming<sup>1,2</sup>

(1.School of Civil and Hydraulic Engineering, Huazhong University of Science and Technology, Wuhan 430074, China;2.China Construction Steel Structure Co., Ltd., Shenzhen 518118, China)

**Abstract:** Base-isolation system would undergo considerable great displacement subjected to strong earthquake. According to recent research progress, the hybrid control strategy combining variant tuned mass damper (VTMD) with base-isolation system has been proved to be effective in reducing such great displacement demand. However, large tuned mass is required to achieve better control performance, which may be difficult to realize in practical application. Employing the mass-amplification effect of the inerter device, a variant tuned mass damper inerter (VTMDI) is proposed in this study by inserting the inerter device in parallel with the dashpot in the VTMD and is attached to the isolation level in the base-isolated structure. Due to the stochastic nature of seismic ground motions, investigation into the optimum design of the VTMDI are conducted based on the framework of random vibration. It is demonstrated that the traditional optimization strategy, taking the inter-story drift of isolated superstructure as the optimization objective, is not cost-effective. Thereby, a novel optimization strategy consisting of two step optimization procedure is proposed. In this two-step optimization strategy, the optimization objective in the first step is taken as the control effect of the base-isolated structure equipped with the VTMDI compared with that of the corresponding base-isolated structure with the same dashpot, and then the optimization objective in the second step is to minimize the inter-story drift of isolated superstructure. And the dynamic time-history analyses show that both optimization strategies can effectively reduce the horizontal deformation in the isolation level and inter-story drift in the superstructure, and the excessive strokes of the tuned mass are also avoided. However, the two-step optimization strategy is more cost-effective than the traditional optimization strategy.

Key words: base-isolated structure; inerter; variant tuned mass damper; random vibration; optimum design; two-step optimization method

**作者简介:** 叶 昆(1977—),男,博士,教授。E-mail:kun.ye@hust.edu.cn。 通讯作者:陈振明(1975—),男,教授级高级工程师。E-mail:63409396@qq.com。