# 运载火箭姿态控制速率陀螺自适应加权方法

江星宇,师 鹏,龚胜平

(北京航空航天大学宇航学院,北京102206)

摘要:针对运载火箭反馈控制回路中弹性振动信号与刚体信号存在耦合,会明显降低姿控系统稳定性的问题,提出 了一种速率陀螺自适应加权方法,该方法适用于弹性振动的模态振型斜率和频率存在偏差的情况。将速率陀螺观 测信号转换为频域表达,采用插值离散傅里叶变换方法辨识弹性频率;基于频域信号提出了速率陀螺加权系数矩阵 自适应更新算法,分步抑制了各阶弹性振动信号;开展了不同偏差情况下的仿真校验工作。仿真结果表明,速率陀 螺自适应加权方法可实现对速率陀螺测量信号中弹性振动信号的显著抑制,从源头上减小弹性振动信号对姿控系 统稳定性的不利影响,从而提高运载火箭姿态控制器的性能,降低控制器的设计难度。

关键词:运载火箭;姿态控制;刚-弹耦合;速率陀螺;模态振型斜率 中图分类号:V448.1 文献标志码:A 文章编号:1004-4523(2024)10-1758-09 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2024.10.014

## 引 言

人类对大型卫星、大规模空间站、载人登月[1]和 超远距离深空探测活动的需求对运载火箭的运载能 力提出了更高要求。重型运载火箭是一种强有力的 航天器运载器,是人类开展大规模空间活动的基础, 在未来的航天活动中将扮演十分重要的角色[2-3]。 随着运载火箭运载能力的提高,箭体结构是弹性体 的特征也越发明显,其一阶弹性振动的频率很低,具 有明显的刚-弹耦合特征,且低频弹性模态密集<sup>[4]</sup>。 箭体的弹性振动信号可以被惯组平台和速率陀螺感 知,且与刚体信号耦合在一起,从而通过反馈进入控 制回路中。这些弹性振动信号很容易与控制系统发 生相互作用,使得弹性振动进一步被激发,影响控制 系统的稳定性,甚至导致发射任务失败<sup>53</sup>。此外,运 载火箭结构复杂,模型参数与实际值容易存在明显 偏差难以进行精确建模。为此,运载火箭姿态控制 器的设计问题受到了广泛关注。

运载火箭姿态控制器设计的一个重要任务就是 抑制箭体的弹性振动。国内外许多学者针对运载火 箭姿控系统设计了具有鲁棒性的控制器,在抑制弹 性振动方面取得了一些研究成果。ZHANG等<sup>[6]</sup>基 于预定时间稳定理论,提出了一种自适应预定时间 滑模控制器,在保证系统稳定的同时实现了预定性 能。WEI等<sup>[7]</sup>提出了一种基于固定时间非奇异快速 终端滑模控制的自适应律,可实现对系统扰动的快 速估计并在控制量中进行补偿。邓立为等<sup>[8]</sup>采用主 动振动补偿技术设计了应变速率反馈补偿器,提高 了控制器的抗干扰性能。ARAQUE等<sup>[9]</sup>结合扰动 频率信息,利用遗传算法优化H<sub>∞</sub>控制器,改善了系 统的鲁棒稳定性。但是,这些控制方法大多是把弹 性振动视为扰动,没有充分利用运载火箭刚-弹耦合 模型的特点,可能导致控制器设计过于保守。

除了设计具有鲁棒性的控制器外,还可以通过 滤除控制回路中的弹性振动信号来抑制弹性振动。 经典方法多采用校正网络或者陷波滤波器来减小 弹性振动信号对控制系统的不利影响,这是目前工 程上使用的主流方法。但是,随着箭体弹性频率逐 渐降低,校正网络的设计变得越发困难。考虑到运 载火箭的速率陀螺可以被布置在多个位置,可以采 用某种算法,对多个速率陀螺的姿态测量数据进行 加权,从源头上减小进入控制回路的弹性振动信 号,从而降低校正网络的设计难度。美国国家航天 局在分析运载火箭上升段稳定性时,采用了多个速 率陀螺组合的形式<sup>[10]</sup>。JANKOVSKY等<sup>[11]</sup>对速度 和加速度传感器进行建模,研究了传感器安放位置 对系统稳定性的影响,给出了描述系统可观测性的 性能指标。王建民等[12]提出了任意数量速率陀螺 组合的斜率计算方法,可降低对全箭模态试验振型 斜率选位和斜率测量精度的要求。于海森等[13]提 出基于遗传算法的速率陀螺融合方法,可以有效减 弱火箭姿态控制回路中的弹性信号,提高火箭控制 器的性能。

目前的速率陀螺加权方法多是将弹性振动信号 的抑制问题转化为一个优化问题,然后采用不同优 化算法进行求解,从而获得最优的速率陀螺数量 和加权值。然而,这些方法基本都忽略了弹性振 动模态的振型斜率存在很大偏差的情况,或是简 单使用方差来描述振型斜率的不确定性。因此, 它们在实际应用时不够灵活,亟需一种适应性强 的速率陀螺加权方法。鉴于此,本文给出了一种 速率陀螺自适应加权方法,可基于插值离散傅里 叶变换实现加权系数矩阵的自适应更新,且不依 赖弹性振动模态的振型斜率信息。仿真实例表 明,该方法可明显抑制速率陀螺测量信号中的弹 性振动信号,提高控制器的性能,且能在弹性振动 模态的振型斜率和频率存在偏差的情况下正常工 作,具有良好的适应性。

## 1 运载火箭姿态动力学模型

运载火箭是一个非常庞大的非线性系统,其 动力学特性十分复杂,且存在明显的时变特性, 很难直接设计控制器实现稳定的姿态控制。因此,在进行运载火箭姿控系统设计时,一般采用 "冻结时间法",将箭体姿态的非线性模型在标称 轨迹附近做线性化处理<sup>[14]</sup>。针对得到的线性化 姿态动力学模型,可以较为简便地设计相关控 制器。

运载火箭的弹性振动信号可通过惯组和速率 陀螺进入控制回路,从而对姿控系统的稳定性产 生影响。因此,在建立运载火箭姿态动力学模型 时,必须考虑弹性振动的影响。本文以俯仰通道 为例,建立姿态动力学刚-弹耦合模型如下式 所示<sup>[15]</sup>:

$$\Delta \ddot{\varphi} + b_1 \Delta \dot{\varphi} + b_2 \Delta \alpha + b_3 \Delta \delta_{\varphi} + b_3' \Delta \ddot{\delta}_{\varphi} + \sum_{i=1}^n b_{1i} \dot{q}_i + \sum_{i=1}^n b_{2i} q_i = -b_2 \alpha_w + \overline{M}_z \qquad (1)$$

$$\Delta \dot{\theta} = c_1 \Delta \alpha + c_2 \Delta \theta + c_2 \Delta \delta_z + c_3' \Delta \ddot{\delta}_z + d_3'' \Delta \ddot{\delta}_z + d_3'' \Delta \dot{\delta}_z + d_3'' \Delta \dot{\delta}$$

$$\sum_{i=1}^{n} c_{1i} \dot{q}_{i} + \sum_{i=1}^{n} c_{2i} q_{i} + c_{1}' \alpha_{w} + \bar{F}_{y}$$
(2)

$$\ddot{q}_{i} + 2\xi_{i}\omega_{i}\dot{q}_{i} + \omega_{i}^{2}q_{i} = D_{1i}\Delta\ddot{\varphi} + D_{2i}\Delta\alpha + D_{3i}\Delta\delta_{\varphi} + D_{3i}''\Delta\ddot{\delta}_{\varphi} + D_{2i}\alpha_{w} - Q_{iy}$$
(3)

$$\Delta \varphi = \Delta \theta + \Delta \alpha \tag{4}$$

式中  $\Delta \varphi$ 为俯仰角偏差; $\Delta \theta$ 为弹道倾角偏差; $\Delta \alpha$ 为 攻角偏差; $\Delta \delta_{\varphi}$ 为发动机俯仰通道的等效摆角; $q_i$ 为 第*i*阶弹性振动广义坐标; $\alpha_w$ 为风攻角; $\overline{M}_{\varepsilon}$ 为俯仰 通道广义干扰力矩; $\overline{F}_y$ 为横向广义干扰力; $Q_{iy}$ 为第*i* 阶弹性振动广义干扰力; $\xi_i$ 为第*i*阶弹性振动阻尼;  $\omega_i$ 为第*i*阶弹性振动的频率;其余变量为运载火箭 结构和气动相关系数。

一般采用惯组和速率陀螺对运载火箭的姿态进行测量,它们获得的信号不仅包含刚体姿态信息,还 包含弹性振动引发的附加姿态信息。于是,观测方 程可建立为:

$$\begin{cases} \Delta \varphi^{gz} = \Delta \varphi + \sum_{i} R^{gz}_{zi} q_{i} \\ \Delta \dot{\varphi}^{st} = \Delta \dot{\varphi} + \sum_{i} R^{stj}_{zi} \dot{q}_{i} \end{cases}$$
(5)

式中 Δφ<sup>st</sup>为惯组测量的俯仰角偏差;Δφ<sup>st</sup>为速率 陀螺测量的俯仰角速度偏差;R<sup>st</sup><sub>si</sub>为第*i*阶弹性振动 在惯组安装位置的振型斜率;R<sup>st</sup><sub>si</sub>为第*i*阶弹性振动 在第*j*个速率陀螺安装位置的振型斜率。

考虑前两阶弹性振动,并将发动机等效摆角加速度偏差 $\Delta\ddot{\delta}_{\varphi}$ 和风攻角 $\alpha_{w}$ 的作用统一算入广义干扰力W,建立姿态动力学状态方程,其表达式为:

$$\dot{X} = AX + BU + W \tag{6}$$

$$\begin{aligned} \mathbf{X} &= \begin{bmatrix} \Delta \dot{\varphi} & \Delta \varphi & \Delta \theta & \dot{q}_{1} & \dot{q}_{2} & q_{1} & q_{2} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \\ \mathbf{A} &= \begin{bmatrix} -b_{1} & -b_{2} & b_{2} & -b_{11} & -b_{12} & -b_{21} & -b_{22} \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & c_{1} & c_{2} - c_{1} & c_{11} & c_{12} & c_{21} & c_{22} \\ D_{11} & D_{21} & -D_{21} & -2\boldsymbol{\xi}_{1}\boldsymbol{\omega}_{1} & 0 & -\boldsymbol{\omega}_{1}^{2} & 0 \\ D_{12} & D_{22} & -D_{22} & 0 & -2\boldsymbol{\xi}_{2}\boldsymbol{\omega}_{2} & 0 & -\boldsymbol{\omega}_{2}^{2} \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \\ \mathbf{B} &= \begin{bmatrix} -b_{3} & 0 & c_{3} & D_{31} & D_{32} & 0 & 0 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}, \ \mathbf{U} &= \Delta \delta_{\varphi} \\ \mathbf{W} &= \begin{bmatrix} \mathbf{W}_{\mathrm{r}} & \mathbf{W}_{\mathrm{e}} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \\ \mathbf{W}_{\mathrm{r}} &= \begin{bmatrix} -b_{3}^{\mathrm{v}} \Delta \ddot{\delta}_{\varphi} - b_{2} \alpha_{\mathrm{w}} + \overline{M}_{z} & 0 & c_{3}^{\mathrm{v}} \Delta \ddot{\delta}_{\varphi} + c_{1}^{\mathrm{v}} \alpha_{\mathrm{w}} + \overline{F}_{y} \end{bmatrix} \\ \mathbf{W}_{\mathrm{e}} &= \begin{bmatrix} D_{31}^{\mathrm{v}} \Delta \ddot{\delta}_{\varphi} + D_{21} \alpha_{\mathrm{w}} - Q_{1y} & D_{32}^{\mathrm{v}} \Delta \ddot{\delta}_{\varphi} + D_{22} \alpha_{\mathrm{w}} - Q_{2y} & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

其中,广义干扰力W根据影响的通道不同可以分为

两部分,分别是影响刚体通道的广义干扰力W,和影

响弹性振动通道的广义干扰力 Weo

为了使速率陀螺加权能够达到弹性抑制的效果,布置的速率陀螺数量至少比考虑的弹性振动数 量多一个<sup>[12]</sup>。因此,可在箭体上安装3个速率陀螺, 相应的观测方程为:

$$\begin{bmatrix} \Delta \varphi^{gz} \\ \Delta \dot{\varphi}^{st1} \\ \Delta \dot{\varphi}^{st2} \\ \Delta \dot{\varphi}^{st3} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & R_{z1}^{gz} & R_{z2}^{gz} \\ 1 & 0 & 0 & R_{z1}^{st1} & R_{z2}^{st1} & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & R_{z1}^{st2} & R_{z2}^{st2} & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & R_{z1}^{st3} & R_{z2}^{st3} & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \dot{\varphi} \\ \Delta \varphi \\ \dot{\varphi} \\ \dot{\varphi}_{1} \\ \dot{q}_{2} \\ q_{1} \\ q_{2} \end{bmatrix}$$
(8)

式中  $\Delta \dot{\varphi}^{sth}$  表示第 h 个速率陀螺的测量值, h=1,2,3。

## 2 速率陀螺自适应加权方法

#### 2.1 弹性频率辨识

弹性频率的辨识是通过对速率陀螺信号进行插 值离散傅里叶变换(IpDFT)来完成的。插值离散傅 里叶变换是在普通离散傅里叶变换的基础上进行插 值的改进形式,可以提高频率辨识的精度。

记普通的离散傅里叶变换结果为:

$$X(k) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x(n) e^{-jkn \frac{2\pi}{N}}$$
(9)

将式(9)中幅值最大时对应的 k 记为 k<sub>p</sub>,插值改进后最大幅值对应的频率 /满足:

$$f = \frac{f_{\rm s}}{N} \left( k_{\rm p} + \delta \right), |\delta| < 1 \tag{10}$$

其中:

$$\delta = \frac{\tan(\pi/N)}{\pi/N} \cdot \operatorname{Re}\left(\frac{X(k_{p}-1) - X(k_{p}+1)}{2X(k_{p}) - X(k_{p}-1) - X(k_{p}+1)}\right) \quad (11)$$

式中  $Re(\cdot)$ 表示信号的实部;N为傅里叶变换采 样个数; $f_s$ 为采样频率;时域x(n)和频域X(k)的起 始序号均为 $0_o$ 

采样频率f<sub>s</sub>的倒数为采样时间间隔,用符号 T<sub>lpDFT</sub> 表示。单次傅里叶变换的采样区间长度为NT<sub>lpDFT</sub>,用 符号 t<sub>lpDFT</sub>表示。通过傅里叶变换来获取频率并非是 时刻进行的,每隔固定时长 T<sub>slide</sub>进行一次辨识,在获 得下一次辨识结果前维持上次的辨识结果不变,频率 辨识结果的初始值则采用地面振动试验的测量值。

将采用插值离散傅里叶变换得到的第*i*阶弹性 频率辨识值记为ω<sup>ipDFT</sup>,通常该值可能会出现明显抖 振,可以利用下式对其进行平滑:

$$\omega_{i}^{\mathrm{id}}(n+1) = \omega_{i}^{\mathrm{IpDFT}}(n) \cdot m_{\omega_{i}}T + \omega_{i}^{\mathrm{id}}(n) \cdot (1-m_{\omega_{i}}T)$$
(12)

式中  $\omega_i^{id}(n)$ 为第n-1次辨识后采用的第i阶弹性 频率辨识值; $\omega_i^{id}(n+1)$ 为第n次辨识后采用的第i 阶弹性频率辨识值;T为仿真步长; $m_\omega$ 为平滑因子。

#### 2.2 加权系数矩阵自适应更新算法

只考虑3个速率陀螺通道,式(8)表示的观测方 程可简写为:

$$\begin{bmatrix} \Delta \dot{\varphi}^{\text{st1}} \\ \Delta \dot{\varphi}^{\text{st2}} \\ \Delta \dot{\varphi}^{\text{st3}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & R_{z1}^{1} & R_{z2}^{1} \\ 1 & R_{z1}^{2} & R_{z2}^{2} \\ 1 & R_{z1}^{3} & R_{z2}^{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \dot{\varphi} \\ \dot{q}_{1} \\ \dot{q}_{2} \end{bmatrix}$$
(13)

为方便表达,式(13)可进一步改写为:

$$\begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ y_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & r_{11} & r_{21} \\ 1 & r_{12} & r_{22} \\ 1 & r_{13} & r_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$
(14)

与运载火箭的姿态角相比,振型斜率的变化较为缓慢。因此可以假设在傅里叶变换的时间内,振 型斜率均为常值。对式(14)等式两边进行傅里叶变换,结果为:

$$\begin{bmatrix} Y_{1}(j\omega) \\ Y_{2}(j\omega) \\ Y_{3}(j\omega) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & r_{11} & r_{21} \\ 1 & r_{12} & r_{22} \\ 1 & r_{13} & r_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_{0}(j\omega) \\ X_{1}(j\omega) \\ X_{2}(j\omega) \end{bmatrix}$$
(15)

可以发现,由于振型斜率的存在,速率陀螺观测 信号  $Y_1(j\omega), Y_2(j\omega)$ 和  $Y_3(j\omega)$ 中都包含刚体信号  $X_0(j\omega)$ 、一阶弹性振动信号  $X_1(j\omega)$ 和二阶弹性振动 信号  $X_2(j\omega)$ 。

通过对不同行作差消除刚体信号,作差后的表 达式为:

$$\begin{bmatrix} Y_{12}(j\omega) \\ Y_{23}(j\omega) \\ Y_{31}(j\omega) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_1(j\omega) - Y_2(j\omega) \\ Y_2(j\omega) - Y_3(j\omega) \\ Y_3(j\omega) - Y_1(j\omega) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} r_{11} - r_{12} & r_{21} - r_{22} \\ r_{12} - r_{13} & r_{22} - r_{23} \\ r_{13} - r_{11} & r_{23} - r_{21} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_1(j\omega) \\ X_2(j\omega) \end{bmatrix} (16)$$

在  $Y_{12}(j\omega), Y_{23}(j\omega)$ 和  $Y_{31}(j\omega)$ 三个信号中任意 选取一个信号,根据插值离散傅里叶变换算法,可以 得到一阶弹性频率的辨识值 $\omega_1^{id}$ 。

图1给出了速率陀螺测量信号各分量的幅频曲 线。由图1可知,在一阶弹性频率处,经过傅里叶变 换后的速率陀螺观测信号 $Y_1(j\omega), Y_2(j\omega)$ 和  $Y_3(j\omega)$ 的幅值由一阶弹性振动占主导,而一阶弹性 振动的幅值与速率陀螺安装位置的振型斜率成正 比,可见 $Y_1(j\omega), Y_2(j\omega)$ 和 $Y_3(j\omega)$ 中包含了振型斜 率信息。于是,振型斜率比值 $r_{11}/r_{12}$ 和 $r_{12}/r_{13}$ 的估计



图1 速率陀螺测量信号分量幅频曲线



值可表示为:

$$\begin{bmatrix} r_{11}/r_{12} \\ r_{12}/r_{13} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \operatorname{Re}(Y_1(j\omega_1^{\mathrm{id}})/Y_2(j\omega_1^{\mathrm{id}})) \\ \operatorname{Re}(Y_2(j\omega_1^{\mathrm{id}})/Y_3(j\omega_1^{\mathrm{id}})) \end{bmatrix}$$
(17)

在进行傅里叶变换时,通过选取合适的采样区间长度 t<sub>IpDFT</sub>和时间间隔 T<sub>slide</sub>,可以保证振型斜率比值的估计值有合适的更新速度和精度。

引入加权矩阵K1:

$$\boldsymbol{K}_{1} = \begin{bmatrix} \frac{1}{1 - r_{11}/r_{12}} & \frac{1}{1 - r_{12}/r_{11}} & 0\\ 0 & \frac{1}{1 - r_{12}/r_{13}} & \frac{1}{1 - r_{13}/r_{12}} \end{bmatrix} (18)$$

将式(17)代入式(18)中,可计算出加权矩阵  $K_{10}$ 由于式(17)中只采用了速率陀螺观测信号的 傅里叶变换结果  $Y_1(j\omega), Y_2(j\omega)$ 和  $Y_3(j\omega)$ 来估计 振型斜率比值,不需要振型斜率的实际值,因此,该 自适应加权方法对振型斜率偏差具有很好的鲁 棒性。

将速率陀螺观测信号左乘加权矩阵K1:

$$\begin{bmatrix} Y_4(j\omega) \\ Y_5(j\omega) \end{bmatrix} = K_1 \begin{bmatrix} Y_1(j\omega) \\ Y_2(j\omega) \\ Y_3(j\omega) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & r_{24} \\ 1 & 0 & r_{25} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_0(j\omega) \\ X_1(j\omega) \\ X_2(j\omega) \end{bmatrix}$$
(19)

其中:

$$r_{24} = \frac{r_{21}}{1 - r_{11}/r_{12}} + \frac{r_{22}}{1 - r_{12}/r_{11}}$$
(20)

$$r_{25} = \frac{r_{22}}{1 - r_{12}/r_{13}} + \frac{r_{23}}{1 - r_{13}/r_{12}}$$
(21)

观察式(19)可知,信号 $Y_4(j\omega)$ 和 $Y_5(j\omega)$ 仅由 刚体信号和二阶弹性振动信号组成。在加权矩阵  $K_1$ 的作用下,速率陀螺观测信号中的一阶弹性信号 已被基本消除。

将信号  $Y_4(j\omega)$ 和  $Y_5(j\omega)$ 作差,作差后的信号为:

$$Y_{45}(j\omega) = Y_4(j\omega) - Y_5(j\omega) = (r_{24} - r_{25}) X_2(j\omega)$$
(22)

可以观察到信号  $Y_{45}(j\omega)$ 中只包含二阶弹性振动信号。因此,使用插值离散傅里叶变换算法处理 信号  $Y_{45}(j\omega)$ ,可以得到二阶弹性频率的辨 识值 $\omega_2^{id}$ 。

考虑到在二阶弹性频率处,信号  $Y_4(j\omega)$ 和  $Y_5(j\omega)$ 的幅值由二阶弹性振动占主导,于是  $r_{24}/r_{25}$ 的估计值可以表示为:

$$r_{24}/r_{25} = \operatorname{Re}\left(Y_{4}(j\omega_{2}^{\operatorname{id}})/Y_{5}(j\omega_{2}^{\operatorname{id}})\right) \qquad (23)$$

引入加权矩阵 $K_2$ :

$$K_{2} = \begin{bmatrix} \frac{1}{1 - r_{24}/r_{25}} & \frac{1}{1 - r_{25}/r_{24}} \end{bmatrix}$$
(24)

将式(23)代入式(24)中,可计算出加权矩阵  $K_{20}$ ,将信号 $Y_{4}(j\omega)$ 和 $Y_{5}(j\omega)$ 左乘加权矩阵 $K_{2}$ :

$$K_{2}\begin{bmatrix}Y_{4}(j\omega)\\Y_{5}(j\omega)\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}\frac{1}{1-r_{24}/r_{25}} & \frac{1}{1-r_{25}/r_{24}}\end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix}Y_{4}(j\omega)\\Y_{5}(j\omega)\end{bmatrix} = X_{0}(j\omega)$$
(25)

由式(25)可知,信号 $Y_4(j\omega)$ 和 $Y_5(j\omega)$ 经加权 矩阵 $K_2$ 处理后,可得到纯正的刚体信号 $X_0(j\omega)$ 。

于是,加权系数矩阵K可以表示为:

$$\boldsymbol{K} = \boldsymbol{K}_2 \boldsymbol{\cdot} \boldsymbol{K}_1 \tag{26}$$

加权系数矩阵 K 为1行3列的矩阵,每一列可定 义为相应的速度陀螺加权系数 h<sub>1</sub>,h<sub>2</sub>,h<sub>3</sub>,即

$$\begin{cases}
h_{1} = \frac{1}{1 - r_{24}/r_{25}} \cdot \frac{1}{1 - r_{11}/r_{12}} \\
h_{2} = \frac{1}{1 - r_{24}/r_{25}} \cdot \frac{1}{1 - r_{12}/r_{11}} + \\
\frac{1}{1 - r_{25}/r_{24}} \cdot \frac{1}{1 - r_{12}/r_{13}} \\
h_{3} = \frac{1}{1 - r_{25}/r_{24}} \cdot \frac{1}{1 - r_{13}/r_{12}}
\end{cases}$$
(27)

经加权系数矩阵K作用之后,一阶和二阶弹性振动的等效振型斜率记为 $\overline{R}_{z1}$ , $\overline{R}_{z2}$ ,可表示为:

$$\begin{cases} \overline{R}_{z1} = h_1 R_{z1}^{st1} + h_2 R_{z1}^{st2} + h_3 R_{z1}^{st3} \\ \overline{R}_{z2} = h_1 R_{z2}^{st1} + h_2 R_{z2}^{st2} + h_3 R_{z2}^{st3} \end{cases}$$
(28)

加权系数矩阵自适应更新算法的流程如图2所示。该算法的核心就是采用"分步消除"策略进行加权系数矩阵的计算,即先引入一个加权矩阵K<sub>1</sub>消除一阶弹性振动信号,再引入一个加权矩阵K<sub>2</sub>消除二 阶弹性振动信号。该策略可以有效避免各阶弹性振动信号分量相互干扰,保证加权系数矩阵的计算 精度。

"分步消除"策略还能够应用于消除更多阶数的



图2 加权系数矩阵自适应更新算法

Fig. 2 Weighted coefficient matrix adaptive updating algorithm

弹性振动信号,各加权矩阵按照消除的顺序依次左 乘即可得到总的加权系数矩阵:

 $K = K_{p} \cdot K_{p-1} \cdot \dots \cdot K_{2} \cdot K_{1}$  (29) 式中 *p*为需要消除的弹性振动信号的最高阶数。 需要注意的是,为消除前*n*阶弹性振动信号,需要在 箭体上布置p + 1个速率陀螺。

## 3 仿真校验

为了验证本文设计的运载火箭姿态控制速率陀 螺自适应加权方法的性能,对上述提出的模型进行 仿真验证。仿真中,设置运载火箭飞行时间为 140 s。整个仿真期间均对控制量施加零均值、标准 差为0.1°的白噪声干扰。在第20 s时施加2°的俯仰 角突变,在最大动压点时刻(80 s)施加-2°的俯仰角 突变,以测试姿态控制器的跟踪性能。

为了保证傅里叶变换辨识频率的精度,设置单次傅里叶变换的采样区间长度 $t_{lpDFT} = 10 \text{ s}$ ,频率辨识时间间隔 $T_{slide} = 1 \text{ s}$ ,采样频率 $f_s = 10 \text{ Hz}$ ,平滑因子 $m_{\omega_i} = \pi/5$ 。

图 3 和 4 分别给出了 80 s时俯仰通道开环传递函 数的 Bode 图和 Nyquist 图。仅采用 PD 控制器时, Nyquist 曲线在低频段对负实轴有一次正穿越,在一 阶弹性频率处对负实轴有一次负穿越。考虑到系统 存在两个开环不稳定极点,所以 PD 控制器不能维持 系统的稳定。校正网络通过改变一阶弹性频率附近 的相角,同时在一定程度上减小了一阶弹性振动模 态的幅值,从而消除了在该位置处的一次负穿越,实 现了姿控系统的稳定,即相角稳定。从图 3 中可以看



Fig. 3 Bode diagram of open loop transfer function (80 s)



Fig. 4 Nyquist diagram of open loop transfer function (80 s)

出,本文提出的速率陀螺自适应加权方法可进一步 降低弹性振动模态的幅值,甚至实现一阶弹性振动 的幅值稳定,这大大提高了姿控系统的弹性稳定性。

(1)模型参数无偏差仿真

当运载火箭模型参数无偏差时,运载火箭俯仰 角和俯仰角速度偏差分别如图5和6所示。由图可 知,"PD+校正网络"控制器<sup>[16]</sup>可以保证系统的稳 定,校正网络的设计合理。速率陀螺加权可一定程 度上减小状态量的超调,对控制性能起到一定的改 善作用。

(2) 振型斜率偏差仿真

在飞行过程中,运载火箭弹性振动模态的振型





斜率可能与地面测量值存在明显差异。当振型斜率 偏大时,速率陀螺测量到的姿态角速度信号中包含 的弹性振动信号也偏大,系统稳定性随之变差。为 了测试所提方法在振型斜率存在偏差时的效果,将 3个速率陀螺所在位置的振型斜率增大为原来的2 倍,得到的仿真结果如图7~12所示。

由图7和8可知,"PD+校正网络"控制器会导 致姿态误差发散,无法应对振型斜率存在明显偏差 的情况。而本文提出的速率陀螺自适应加权方法可 以避免姿态误差发散,且跟踪速度没有受到明显 影响。



±10%的区间内波动,二阶弹性频率的辨识结果与实 际值的偏差小于5%。由此可见,弹性频率的辨识结 果是令人满意的。由于采用傅里叶变换进行频率辨 识时需要一定的数据积累,而弹性频率是时变的,因 此辨识结果难免存在一些偏差。另外,箭体动力学和 反馈控制构成的闭环系统会改变自身的固有频率,这 也导致了辨识结果相对实际弹性频率存在波动。

图 10 给出了 3 个速率陀螺对应加权系数的辨识 结果。在第10s启动辨识之后,辨识值逐渐向理想 值收敛。在40s之后,辨识值始终保持在理想值附 近。由图11可知,一阶和二阶弹性振动模态对应的



在图 9 中, 一阶弹性频率的辨识结果在实际值



等效振型斜率也在40 s时刻收敛到初始值的1/10 以下,并最终稳定在一个很小的值。经过加权以后 的俯仰角速度偏差如图12所示。对比加权前、后的 俯仰角速度偏差可知,通过加权可以很好地抑制速 率陀螺测量信号中的弹性振动信号,从而避免弹性 振动信号进入控制回路,破坏系统的稳定性。



Fig. 12 The weighted pitch angle velocity error

#### (3) 振型斜率和弹性振动频率偏差仿真

当运载火箭的弹性振动频率较地面测量值偏低时,刚-弹耦合的效应更加明显,这也更加不利于系统的稳定。为了测试本方法应对弹性参数偏差的能力,在振型斜率扩大为原来2倍的基础上,将一阶和二阶弹性振动频率减小30%,得到的仿真结果如图13~18所示。

由图 13 和 14 可知,在使用"PD+校正网络"控制器时,弹性振动频率的减小导致姿态发散出现得 更早,系统稳定性遭遇严峻挑战。然而,速率陀螺自 适应加权方法依然能够正常发挥作用,保证了系统 的稳定。

图 15 和 16 表明,由于频率辨识的初值与真实值 存在明显偏差,因此在频率辨识结果收敛之前,俯仰 角速度偏差的估计值中依然存在比较明显的弹性振 动信号。不过在大约 45 s 之后,频率辨识结果基本 收敛到误差界内,速率陀螺测量信号中的弹性振动





信号基本被滤除。从图17和18中也可以看出,弹性 振动模态的等效振型斜率可稳定至0附近,速率陀





Fig. 18 Weighting coefficients of rate gyros

螺加权系数也能够收敛到理想值附近,这证明该方 法能够应对振型斜率和弹性振动频率同时存在偏差 的情况。

## 4 结 论

本文针对运载火箭姿控系统刚-弹耦合严重的 问题,利用插值离散傅里叶变换给出了一种速率陀 螺自适应加权方法。该方法可以显著抑制速率陀螺 测量信号中的弹性振动信号,增强姿控系统的稳定 性,并且能够适用于振型斜率和弹性振动频率存在 明显偏差的情况。文中给出的仿真实例证明了该方 法的有效性,表明了该方法对工程实际应用有一定 借鉴意义。后续工作可以在速率陀螺自适应加权的 基础上,考虑姿控系统的外部扰动、未建模动态和控 制输入饱和等问题,对控制方法做进一步优化。

#### 参考文献:

- [1] 张智, 徐洪平, 邓新宇, 等. 新一代载人登月运载火箭 总体方案和关键技术[J]. 载人航天, 2022, 28(4): 427-432.
  ZHANG Zhi, XU Hongping, DENG Xinyu, et al. Overall scheme and key technologies of new generation lunar manned launch vehicle [J]. Manned Spaceflight, 2022, 28(4): 427-432.
- [2] 秦旭东,容易,王小军,等.基于划代研究的中国运载 火箭未来发展趋势分析[J].导弹与航天运载技术, 2014(1):1-4.

QIN Xudong, RONG Yi, WANG Xiaojun, et al. Development tendency analysis based on the research of Chinese launch vehicles generation[J]. Missiles and Space Vehicles, 2014(1): 1-4.

[3] 何巍,刘伟,龙乐豪.重型运载火箭及其应用探讨[J].导弹与航天运载技术,2011(1):1-5.

HE Wei, LIU Wei, LONG Lehao. Heavy launch vehicle and its application[J]. Missiles and Space Vehicles, 2011(1): 1-5.

- [4] 王辉,张宇.重型运载火箭控制系统关键技术探讨
  [J]. 航天控制, 2013, 31(6): 22-26.
  WANG Hui, ZHANG Yu. The discussion on key technologies of heavy launch vehicle control system[J]. Aerospace Control, 2013, 31(6): 22-26.
- [5] 张智,容易,秦曈,等.重型运载火箭总体技术研究
  [J].载人航天,2017,23(1):1-7.
  ZHANG Zhi, RONG Yi, QIN Tong, et al. Research on overall technology of heavy launch vehicle[J].
  Manned Spaceflight, 2017,23(1):1-7.
- [6] ZHANG L, JU X Z, CUI N G. Ascent control of heavy-lift launch vehicle with guaranteed predefined performance[J]. Aerospace Science and Technology, 2021, 110: 106511.
- [7] WEI C Z, WANG M Z, LU B G, et al. Accelerated Landweber iteration based control allocation for fault tolerant control of reusable launch vehicle[J]. Chinese Journal of Aeronautics, 2022, 35(2): 175-184.
- [8] 邓立为,宋申民,陈兴林.基于分数阶滑模控制的挠性航天器姿态跟踪及主动振动抑制研究[J].振动工程 学报,2015,28(1):9-17.
  DENG Liwei, SONG Shenmin, Chen Xinglin. Study on attitude tracking and active vibration suppression of a flexible spacecraft based on fractional order sliding mode control[J]. Journal of Vibration Engineering, 2015,28 (1):9-17.
- [9] ARAQUE J P B, ZAVOLI A, TROTTA D, et al. Advanced H-infinity synthesis for launch vehicle attitude control in atmospheric flight [C]//AIAA Scitech 2021 Forum. American Institute of Aeronautics and Astronautics, 2021.
- [10] JANG J W, ALANIZ A, HALL R, et al. Design of launch vehicle flight control systems using ascent vehicle stability analysis tool[C]//AIAA Guidance, Navigation, and Control Conference. American Institute of Aeronautics and Astronautics, 2011.
- [11] JANKOVSKY P, SIGTHORSSON D O, SERRANI A, et al. Output feedback control and sensor placement for a hypersonic vehicle model [C]//AIAA Guidance, Navigation and Control Conference and Exhibit. American Institute of Aeronautics and Astronautics, 2007.
- [12] 王建民,张冬梅,洪良友,等.运载火箭姿态控制稳定
   性多速率陀螺组合策略[J].宇航学报,2020,41(3):
   337-342.

WANG Jianmin, Zhang Dongmei, HONG Liangyou, et al. Strategy on multi-rate gyroscopes application to attitude control of launch vehicles [J]. Journal of Astronautics, 2020, 41(3): 337-342. [13] 于海森,王长亮,谭述君,等.运载火箭姿态控制多速
 率陀螺融合方法[J].上海航天(中英文),2023,40
 (1):144-149.

YU Haisen, WANG Changliang, TAN Shujun, et al. Multi-rate gyro fusion method for launch vehicle attitude control[J]. Aerospace Shanghai (Chinese&English), 2023, 40(1): 144-149.

- [14] 徐延万.控制系统(上)[M].北京:中国宇航出版社, 1989.
- [15] 李家文.大型捆绑火箭姿态控制系统的建模、设计与 分析[D].长沙:国防科学技术大学,2011.

LI Jiawen. Modeling, design and analysis of large strap-on launch vehicle's attitude control system [D]. Changsha: National University of Defense Technology, 2011.

 [16] 张荣升,袁晗,王紫扬,等.大型液体运载火箭姿态控制参数智能设计方法[J]. 宇航学报,2023,44(12): 1883-1893.

ZHANG Rongsheng, YUAN Han, WANG Ziyang, et al. Intelligent attitude control parameter design method for large liquid launch vehicle [J]. Journal of Astronautics, 2023, 44(12); 1883-1893.

#### Rate gyro adaptive weighting method for launch vehicle attitude control

JIANG Xing-yu, SHI Peng, GONG Sheng-ping

(School of Astronautics, Beihang University, Beijing 102206, China)

**Abstract:** A rate gyro adaptive weighting method is proposed for the problem that the serious coupling of elastic vibration signals and rigid-body signals in the feedback control loop of flexible launch vehicles will significantly reduce the stability of the attitude control system. The method can be applied to the cases where there are deviations in the shape slope and frequency of elastic vibration. The rate gyro observation signal is converted into a frequency domain expression, and the interpolated discrete Fourier transform method is used to identify the elastic frequency. An adaptive updating algorithm for the rate gyro weighting coefficient matrix is derived based on the frequency domain, which eliminates the elastic vibration signals of each order in a stepwise manner. A simulation calibration is carried out under different cases of deviation. Simulation results indicate that the rate gyro adaptive weighting method can realize significant suppression of elastic vibration signals in the rate gyro measurement signals and reduce the adverse effect of elastic vibration signals on the stability of the attitude control system from the source. Thus the performance of the launch vehicle attitude controller is improved and the difficulty in the controller design is reduced.

Key words: launch vehicle; attitude control; rigid-elastic coupling; rate gyro; mode shape slope

**作者简介:**江星宇(2000—),男,博士研究生。E-mail: by2115119@buaa.edu.cn。 通讯作者: 龚胜平(1981—),男,博士,教授。E-mail: gongsp@buaa.edu.cn。