## 基于非参数贝叶斯方法的结构损伤识别研究

王其昂<sup>1</sup>,王浩博<sup>1</sup>,周明利<sup>2</sup>,孙发源<sup>2</sup>,倪一清<sup>3</sup>,吴子燕<sup>4</sup>, 丁安驰<sup>1</sup>,李健朋<sup>1</sup>,李文磊<sup>1</sup>

(1.中国矿业大学深地工程智能建造与健康运维全国重点实验室,江苏 徐州 221008;
2.徐州市交通工程总承包有限公司,江苏 徐州 221003; 3.香港理工大学土木及环境工程学系,香港;
4.西北工业大学力学与土木建筑学院,陕西 西安 710072)

摘要:聚类分析是数据处理中常用的无监督方法,而聚类分析参数较难精准确定,限制了该方法在结构损伤识别中的应用。为 解决该问题,本文提出了一种非参数贝叶斯聚类方法,结合结构模态参数开展结构损伤识别和定量分析,拓展了非参数贝叶斯 模型的应用范围。所提方法采用自然激励技术处理结构实测振动数据以得到固有频率,通过非参数贝叶斯聚类方法对数据进 行聚类,最终结合极大似然异方差高斯过程和贝叶斯因子对聚类结果进行损伤定量分析。通过天津永和桥实际工程案例对所 提损伤识别方法的结果进行验证,结果表明,该方法能够在不提前设置聚类参数的情况下,对结构自振频率数据进行精准聚类 分析,进一步对结构不同损伤状态进行识别。

关键词:结构健康监测;损伤识别;非参数贝叶斯;贝叶斯因子;模态参数
 中图分类号:U443.38;TU446 文献标志码:A 文章编号:1004-4523(2025)02-0260-08
 DOI:10.16385/j.cnki.issn.1004-4523.2025.02.005

## Structural damage identification enabled by the non-parametric Bayesian method

WANG Qi'ang<sup>1</sup>, WANG Haobo<sup>1</sup>, ZHOU Mingli<sup>2</sup>, SUN Fayuan<sup>2</sup>, NI Yiqing<sup>3</sup>, WU Ziyan<sup>4</sup>,

DING Anchi<sup>1</sup>, LI Jianpeng<sup>1</sup>, LI Wenlei<sup>1</sup>

(1.State Key Laboratory of Intelligent Construction and Healthy Operation and Maintenance of Deep Underground Engineering, China University of Mining and Technology, Xuzhou 221008, China;

2. Xuzhou Traffic Engineering General Contracting Co., Ltd., Xuzhou 221003, China;

3.Department of Civil and Environmental Engineering, The Hong Kong Polytechnic University, Hong Kong, China;

4. School of Mechanics, Civil Engineering and Architecture, Northwestern Polytechnical University, Xi'an 710072, China)

Abstract: Clustering analysis is a commonly used unsupervised method in data processing. However, the difficulty in accurately determining clustering parameters limits the application of this method in structural damage identification. To address this issue, a non-parametric Bayesian clustering method is proposed in this study, which combines structural modal parameters for structural damage identification and quantitative analysis, thereby expanding the application range of the non-parametric Bayesian model. First, the natural excitation method is used to extract the natural frequency from the measured vibration data of the structure. Then, the non-parametric Bayesian clustering method is employed to cluster the data. Finally, maximum likelihood heteroscedastic Gaussian process regression and Bayesian factors are combined to quantitatively analyze the clustering results for damage quantitation analysis. The results of the damage identification method are verified by the actual engineering case of Yonghe Bridge in Tianjin. The results show that this method can accurately cluster the natural frequency data and identify the different damage states of the structure without the need to pre-set clustering parameters.

Keywords: structural health monitoring; damage identification; non-parametric Bayesian; Bayesian factor; modal parameter

通过结构健康监测系统获取结构响应数据,基 于监测数据开展结构损伤评估,是目前结构健康监 测领域的研究热点之一<sup>[1-2]</sup>。结构健康监测数据具 有数量多、噪声大等特点<sup>[34]</sup>,且土木工程结构的工

收稿日期: 2024-03-02;修订日期: 2024-06-06

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51708545);中国博士后科学基金面上项目(2019M652006)

作状态一般较为复杂,较难提前人为对数据的分布 形式进行合理推断<sup>[5-6]</sup>。聚类是常用的机器学习无 监督方法,可将数据按照数据结构存在的特性进行 分类,适合处理无法提前进行标注的数据模式识别 问题,如K-均值聚类<sup>[7]</sup>、高斯混合模型<sup>[8]</sup>、支持向量 聚类<sup>[9]</sup>等。聚类方法在结构损伤识别中的应用也受 到了高度关注,如ALAMDARI等<sup>[10]</sup>通过改进K-均 值聚类方法对某钢拱桥发生的裂缝损伤及传感器故 障进行识别;ZHOU等<sup>[11]</sup>使用层次聚类方法识别某 自由梁模型的截面损伤,可免于对结构基准状态的 设定;CURY等<sup>[12]</sup>使用多种聚类方法开展了预应力 混凝土箱梁桥试验模态分析,并评估其结构健康状 态;VESPIER等<sup>[13]</sup>运用聚类方法对交通事件和结构 响应数据进行分析,识别出正常和异常模式,从而实 现对结构健康状态的监测和评估。

然而,聚类方法也存在一定局限性,特别是在参数设置方面。不同参数设置会对聚类效果产生较大影响<sup>[14]</sup>,因此针对不同数据结构需要采用不同的算法。

非参数贝叶斯方法可较好地解决聚类模型中的 参数设置问题,该方法可将观察到的数据作为条件, 获得可以解释这组数据的最佳模型。非参数贝叶斯 方法并不依赖特定的参数形式,较适用于数据量较 大且具体分类情况未知的聚类问题,如数据处理与 分类[15]、机械故障诊断[16-17]、样本对比、结构损伤评估 等问题。DA SILVA 等<sup>[18]</sup>将基于 Dirichlet 过程的非 参数贝叶斯模型用于医学图像分类,验证了该模型 的适用性。WOOD等<sup>[19]</sup>通过使用Dirichlet过程混合 模型,提出了一种非参数贝叶斯方法来进行尖峰分 类。XIAO 等<sup>[20]</sup>针对地震数据和煤矿灾害数据更新 过程中存在的建模和估计问题,提出了非参数贝叶 斯方法来处理复杂性和不确定性问题,无需预定义 参数分布,可适应数据不同特征。LEE等<sup>[21]</sup>提出了 一种非参数贝叶斯网络方法,克服了传统贝叶斯网 络的限制,能够更准确地预测系统运行的可靠性。 在样本对比中,PEREIRA等<sup>[22]</sup>提出了一种基于贝叶 斯非参数框架的成对样本检验方法,避免了传统方 法对数据分布的严格假设。在结构损伤评估领域, JIANG 等<sup>[23]</sup>利用非参数贝叶斯假设检验,通过试验 数据和模型预测值的差异,得到评估系统辨识准确 性的贝叶斯因子评价指标,并以此开展损伤概率评 估。而LINDLEY 等<sup>[24]</sup>提出了一种从概率角度自动 识别声发射事件的聚类方法,引入了 Dirichlet 过程的 非参数贝叶斯方法,提供了更敏感的损伤识别方法。

基于此,本文采用一种非参数贝叶斯模型聚类 方法,对结构健康监测得到的数据进行建模分析。 该方法可以实现在不规定聚类参数的情况下,对结 构健康监测数据进行自动聚类分析。本文采用天津 永和桥的实际监测数据,使用自然激励技术(natural excitation technique, NExT)方法处理实测加速度数据,获得其固有频率,利用非参数贝叶斯方法对其进行聚类分析,并结合极大似然异方差高斯过程(most likely heteroscedastic Gaussian process, MLH-GP)和贝叶斯因子的结构损伤定量分析,实现对结构损伤的精准识别。

## 1 非参数贝叶斯方法损伤识别理论 框架

#### 1.1 非参数贝叶斯混合模型

传统贝叶斯方法用于高维度聚类问题中需要事 先对聚类的个数进行指定,而现实中的高维度聚类 问题往往缺少聚类个数的准确信息,可通过采用基 于无限维度高斯混合模型的非参数贝叶斯模型进行 聚类分析的方法来解决该问题。

无限维度高斯混合模型的基本形式[25]为:

$$f(x) = \sum_{i=1}^{+\infty} w_i f_i(x) \tag{1}$$

式中, $f_i(x) \sim N(\mu_i, \sigma_i^2), i = 1, 2, \cdots,$ 其中N表示多 元正态分布, $\mu_i$ 和 $\sigma_i$ 分别为均值和方差; $w_i$ 为混合模 型中不同高斯分布所占的比例权重,且满足条件  $w_i \ge 0, \sum_{i=1}^{+\infty} w_i = 1,$ 即权重向量非负,加权为1。

FERGUSON<sup>[26]</sup>验证了Dirichlet过程的后验仍是 Dirichlet过程,可降低工程应用推理复杂度。Dirichlet 过程的定义为在可测空间  $\Omega$ 上存在随机概率分布 G, 正实数  $\alpha$ 为超参数,该概率分布 G满足以下条件:对于 可测空间进行任意有限分割得到的  $A_1, \dots, A_k$ 均符合  $[G(A_1), \dots, G(A_k)] \sim Dir[\alpha G_0(A_1), \dots, \alpha G_0(A_k)]$ ,其中 Dir为Dirichlet分布,那么概率分布 G服从基分布  $G_0$ 和 超参数  $\alpha$  的 Dirichlet 过程(DP),记作  $G \sim DP(\alpha, G_0)$ 。 以 Dirichlet 过程为先验分布的无限维度高斯混合模型 为  $y_i \sim N(y_i; \mu, \Sigma); \mu, \Sigma \sim G; G \sim DP(\alpha, G_0);$  $G_0(\mu, \Sigma) = N(\mu; m, B) \cdot W(\Sigma^{-1}; r, R), 其 n, y_i 为高$  $斯混合模型, <math>\mu$ 和m为两个不同分布的均值向量,  $\Sigma$ 和B为两个不同分布的协方差矩阵, r为自由度, R为尺度矩 阵, W为威沙特分布。

#### 1.2 基于非参数贝叶斯混合模型的损伤识别步骤

首先建设一个多项式分布集合  $\pi$ ,组成集合的 每一个  $\pi_k$ 表示该数据点属于分类 k的概率, k=1, 2, 3, ..., K,其中, K表示分类个数,同时满足  $\sum_{k=1}^{K} \pi_k = 1$ 。结构的每个状态都由一个对应的高斯分

第 38 卷

布来定义,其均值为 $\mu_k$ ,方差为 $\Sigma_k$ 。对于每一个点  $x_i$ ,可以得到 $x_i | c_i \sim N(\mu_{c_i}, \Sigma_{c_i})$ ,其中 $c_i \sim Mult(\pi)$ , Mult为多项式分布。该方法需确定模型的参数,包 括分类个数K、混合比例 $\pi$ 以及聚类参数  $\{\mu_1, \dots, \mu_K, \Sigma_1, \dots, \Sigma_K\}$ 。可以使用一个总的参数向 量来表示,即 $\Theta = \{K, \pi, \mu_1, \dots, \mu_K, \Sigma_1, \dots, \Sigma_K\}$ ,而  $\theta_k = \{\pi_k, \mu_k, \Sigma_k\}$ 。可采用期望最大化方法确定参数  $\theta_k$ ,借助贝叶斯信息准则或Akaike信息准则对K进 行确定。

分层有限高斯混合模型可在贝叶斯基础上进行 推理,可对参数 $\theta_{1\sim K}$ (即所有分类 $k=1,\dots,K$ 的参数 $\theta_k$ )给出更稳定的估计,并允许使用Dirichlet过程 先验对K进行概率选择。

首先,在聚类参数 $\mu_k$ 和 $\Sigma_k$ 上设置先验值。为便 于推理,先验设置为与高斯分布共轭。高斯分布是 似然分布,在均值上的先验是多元高斯分布,而在协 方差上的先验是逆威沙特分布。先验分布超参数为  $\mu_0, k_0, \Sigma_0$ 和 $v_0$ ,通常将它们组合在一个先验分布聚 类参数*H*上:

$$H = NIW(\mu_0, k_0, \Sigma_0, v_0) = N\left(\mu|\mu_0, \frac{\Sigma}{k_0}\right) IW(\Sigma|\Sigma_0, v_0)$$
(2)

式中,NIW为先验分布超参数联合分布;IW为逆威 沙特分布。

为了对混合比例  $\pi$  和聚类参数进行贝叶斯推 断,必须设定另一个先验。可以选择多项式分布的 先验共轭,这个多项式分布是由超参数  $\alpha$ 控制的 Dirichlet分布。可以取 $K \rightarrow \infty$ 的极限,形成无限高 斯 混 合 模 型,其形式为  $x_i \Big| c_i \sim N(x_i | \mu_{c_i}, \Sigma_{c_i}),$  $\mu_{c_i} \Big| \Sigma_{c_i}, c_i \sim N\Big( \mu_{c_i} | \mu_{0}, \frac{\Sigma_{c_i}}{k_0} \Big), \quad \Sigma_{c_i} \Big| c_i \sim IW(\Sigma_{c_i} | \Sigma_{0}, v_0),$  $c_i \Big| \pi \sim Mult(\pi), \pi \sim Dir(\alpha)$ 。该建模方式的优点在于 只需要指定超参数,而不需要调整阈值或进行校准。 通过后验预测分布  $p(x_i | D_{-i})$ 给出每个参数的后验分

布,点*x*<sub>i</sub>给出了其余观测数据的可能性,可以对新数 据进行评估。这里采用折叠吉布斯采样解决方案。

对于高斯基函数的情况,吉布斯采样程序如下:数据最初被分配到随机的聚类中,然后在每次迭代中选择一个数据点进行评估,如果是已分配聚类的,则重新进行评估。这个点将从它当前的聚类赋值*c*<sub>i</sub> 中删除,并更新该聚类的参数。如果该数据点是分 配给该聚类的唯一点,则销毁该点,并更新聚类的总 数*K*。对于每个分类,*k*=1,…,*K*,即数据点从聚类 *K*中提取的先验可能性被评估。先验是Dirichlet过 程先验,对于现有的聚类先验信息为:

$$p(c_i = k | c_i, \alpha) = \frac{N_{i,k}}{n + \alpha - 1}$$
(3)

式中,n为数据点总数。

可以看出,先验似然是由超参数 α 和当前分配 给该聚类的点数 N<sub>i.k</sub>决定的。超参数 α 鼓励聚类增 长,增大 α 将更有可能出现更多的聚类。当观测到 n 个数据点时,共轭更新计算如下式所示:

$$\mu_n = \frac{k_0}{k_0 + n} \mu_0 + \frac{n}{k_0 + n} \bar{x}$$
(4)

更新计算后可得:

$$k_n = k_0 + n \tag{5}$$

$$v_n = v_0 + n \tag{6}$$

$$\Sigma_{n}^{-1} = \Sigma_{n}^{-1} + S + \frac{k_{0}n}{k_{0} + n} (\bar{x} - \mu_{0}) (\bar{x} - \mu_{0})^{\mathrm{T}} (7)$$

式中, *S* 为 样 本 均 值  $\bar{x}$  周 围 的 方 和 矩 阵, *S* =  $\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x}) (x_i - \bar{x})^{\mathrm{T}}$ 。

对于每个现有聚类,即k=1, ..., K,通过计算 先验和似然来解释新聚类k的产生。这些可能性被 边际可能性缩放,便可以求得点i的聚类赋值 $c_i$ 的多 项分布,从这个分布中采样一个聚类赋值 $c_i$ ,采样点 被分配给这个聚类,该聚类是一个现有的聚类或是 一个新的聚类。如果这个点被添加到现有的聚类 中,那么该聚类的参数将根据式(4)进行更新。如果 该点被分配给一个新的聚类,该聚类将通过NIW先 验初始化,并根据式(4)将该点添加到其中。聚类总 数也被更新,K=K+1。

## 基于极大似然异方差高斯过程和贝叶斯因子的 结构损伤定量分析

可以通过对数据进行非线性回归求解贝叶斯因 子,如果回归曲线形式及其均值与健康数据下的回 归曲线形式和均值相近,即可认为数据处于健康状 态<sup>[27]</sup>。通过高斯过程可有效解决非线性回归问题, 回归建模为 $s_i = f(t_i) + \epsilon_i$ ,其中, $s_i$ 为目标量, $t_i$ 为自 变量, $\epsilon_i$ 为误差。但实际工程中由于环境改变或传 感器自身影响,监测数据的离散程度和噪声较大<sup>[28]</sup>。 采用一般的高斯过程对噪声变化较大的数据进行回 归处理会出现较大偏差,本研究采用极大似然异方 差高斯过程(MLHGP)<sup>[29]</sup>处理方差存在较大变化的 数据,如下式所示:

$$g_i^2 = \frac{1}{q} \sum_{j=1}^{q} 0.5 (s_i - s_i^j)^2$$
(8)

式中,g<sub>i</sub>表示噪声水平;q为样本容量;j表示样本点数量。

为量化结构损伤程度,引入贝叶斯因子作为判 定结构损伤程度的标准。贝叶斯因子是贝叶斯检验 假设指标<sup>[30]</sup>,衡量了数据对于支持或反对某个假设的 程度。贝叶斯因子的具体构造方法为:首先对实际数 据和回归数据之间的残差进行计算,并将得到的结果 认定为服从高斯分布的随机变量,然后对其进行贝叶 斯假设检验,对于零假设*H*<sub>0</sub>,残差的均值在0附近,即 数据与健康数据基本无差异,则可认定结构为健康状 态;对于备择假设*H*<sub>1</sub>,残差均值不为0,则可认定结构 为有损状态。贝叶斯因子定义为两个假设的后验概 率似然比:

$$BF = \frac{P(D|H_1)}{P(D|H_0)} \tag{9}$$

式中,D表示证据因子。

通过计算贝叶斯因子的值,可以对结构的损伤 程度进行定量分析,如参考Jeffreys的假设检验准则,可将损伤标准定义为:贝叶斯因子的值在1~3 区间对应"有微小损伤";3~10区间对应"有实质性 损伤";10~100区间对应"有较为严重的损伤"; >100对应"完全损坏"。

## 2 非参数贝叶斯混合模型应用研究

#### 2.1 天津永和桥结构健康监测系统

天津永和桥是中国大陆第一座斜拉桥(见 图1),由于车辆荷载远大于设计预期,永和桥跨中 主梁底部在2006年出现了最大宽度达2 cm 的裂缝, 且斜拉索出现了严重腐蚀。桥梁于2008年12月至 2009年5月期间进行了一次维修,在此次维修前,为 桥梁设计了以加速度传感器为主要组成部分的 SHM系统。SHM系统中结构动力响应系统完整记 录了天津永和桥从健康状态到损伤状态期间的振动 数据(2008年1月至7月),作为结构健康监测损伤 识别Benchmark基准模型。



图 1 天津永和桥及监测传感器 Fig. 1 Tianjin Yonghe Bridge and monitoring sensors

在永和桥桥面板上安装了14个单轴加速度计, 加速度方向均为竖直向下(见图2中z方向);在天津 侧桥塔顶部安装一个双轴加速度计,记录水平面纵 桥向和横桥向两个方向的加速度响应(见图2中x、y 方向)。此外,系统还包括风速仪、温度传感器、车道 上的动态称重系统,以及关键位置的应变与温度光 纤光栅传感器。



Fig. 2 Sensors layout of Tianjin Yonghe Bridge (Unit: cm)

2008年8月,桥梁被发现存在损伤,其损伤程度 可以确认是随着时间的推移逐渐发展的,而SHM 系统记录了2008年1月至7月桥梁的加速度数据。 天津永和桥结构主要存在两处损伤,第一处损伤位 于主梁的闭合段处,闭合段开裂严重,钢筋发生裸 露;第二处损伤位于桥墩处,桥梁限位装置发生偏 移,且发生钢筋拉断损伤。两处损伤位置均处于图 2中的1、2号加速度传感器附近。

#### 2.2 天津永和桥固有频率提取

固有频率是反映桥梁损伤的较为精确的模态参数,在桥梁结构出现损伤时会出现较为明显的变化,因此常被用于结构损伤识别中。目前对于固有频率的求解方法主要有快速傅里叶变换方法、自然激励技术(NExT)方法等。本文选取的分析数据均为环境激励下的振动响应,可视为高斯白噪声。对于不同环境参数,比如温度会对模态参数产生影响,本文主要选用的数据为每一天同一时间段的数据,以尽量消除温度的影响,提高损伤识别可靠性。基于此,本文选择 NExT 方法对桥梁固有频率数据进行求解。通过 NExT 方法得到固有频率数据需要较为平稳的加速度数据,而桥梁运行过程中的加速度数据在车辆运行较多的时间段内往往存在较大扰动,因此选取的分析数据基本取自当日凌晨或午夜。

采用NExT方法对2008年1月1日(后文所有 日期均为2008年时间)0时永和桥加速度数据进行 处理后得到1~7阶固有频率,依次为0.3601、 0.5524、0.9491、1.0315、1.0895、1.2573、1.4923 Hz。

# 基于非参数贝叶斯混合模型与 SHM 实测数据的损伤识别

天津永和桥的准确先验信息为1月17日桥梁处

于健康状态,在7月31日例行检查时,桥梁已经被发现存在实质性损伤。本研究将非参数贝叶斯模型应 用于固有频率数据进行聚类分析,通过聚类分析结 果判断桥梁在损伤程度逐渐发展过程中存在的不同 状态,从而验证算法的有效性。

图 3 为对 1、3 和 7 阶固有频率数据进行非参数贝 叶斯聚类分析的结果。将聚类结果按出现时间顺序 依次命名为聚类 1、聚类 2、聚类 3、聚类 4,并分别标记 为绿色圆形、红色矩形、紫色叉形、蓝色十字形。





图 3(a)为1阶固有频率数据的聚类结果,在 1月1日和1月17日,数据均被归为聚类1。在2月3 日出现聚类2,但仍有部分聚类1的结果存在。在 4月9日出现少量聚类3。5月31日之后,聚类结果 全部为聚类3,最终在6月16日出现了聚类4。

图 3(b)为 3 阶固有频率的聚类结果,前期聚类 1、聚类 2 出现的规律与图 3(a)类似。在图 3(a)和 (b)中,6月 16 日固有频率的数据特征、变化形式与 此前不同,非参数贝叶斯聚类方法可以对这种数据 变化进行精准识别。

图 3(c)为7阶固有频率的聚类结果。在4月9 日和5月5日的聚类结果中,图 3(c)中该段时间聚 类3含量相较于图 3(b)中更少,但比图 3(a)中更多。 而在其他时间段,7阶固有频率数据的聚类结果与3 阶固有频率数据的聚类结果基本相同。

根据以上固有频率聚类结果可以发现,非参数 贝叶斯模型将不同阶固有频率数据都分为了4类。 2月3日、4月9日、6月7日的聚类分析结果表明,该 时间段同时存在两类聚类结果,表明结构处于损伤 状态变化阶段。图3(d)为3组固有频率数据的三维 展示结果,不同颜色代表7阶固有频率数据的不同 聚类结果。由图可知,3组固有频率数据之间存在 着正相关关系,其中,聚类1和聚类4的分布较为独 立,而聚类2和聚类3的分布相对集中,非参数贝叶 斯模型对这两种形式的数据均可以精确聚类。

对不同阶固有频率数据之间的具体相关性分析 通过图4进行展示,图4为3阶和7阶固有频率之间 的相互关系,为了体现相互关系,将所有的数据均进 行归一化处理。



Fig. 4 Relationship between 3rd order and 7th order natural frequencies

通过图4发现,在结构逐渐发生破坏的过程中, 不同固有频率整体都呈现逐渐下降的趋势。而在 图4(a)的3阶固有频率自相关关系中,1月1日和1月 17日健康状态下的数据与后面时间段的分界非常明 显,类似现象也出现在了图4(d)中的7阶固有频率自 相关关系中。而对于2月3日至6月7日时间段的固 有频率数据,由图4(a)可以发现,在1阶固有频率中, 聚类2整体固有频率数值明显比聚类3整体固有频 率数值大,而在图4(d)的7阶固有频率中,聚类2和 聚类3的整体固有频率数值基本没有差异,该段时间 内固有频率最小值甚至出现在聚类2中。这种现象 说明,非参数贝叶斯模型并不是单纯通过数值的大 小对数据进行聚类,而是结合了数据的变化形式。

对于不同阶固有频率数据的聚类结果差异的定量分析由图5和6进行展示。图5中,1阶与3阶固 有频率聚类结果整体差异率为8.12%。1阶固有频 率数据聚类结果主要在2月3日、4月9日、5月5日







Fig. 6 Specific cluster number percentage of 7th order natural frequency data

和5月18日与其余两阶固有频率数据聚类结果存在 差异。1阶聚类结果在2月3日出现部分误判,同 时,结构在4月9日至5月18日期间处于结构状态改 变时期,因此出现了聚类2和聚类3同时存在的现 象。不同阶固有频率数据聚类结果总体差异较小, 整体相同率最低也可达91.78%,说明通过非参数贝 叶斯方法对不同阶固有频率数据进行聚类分析得到 的结果较稳定。

在图 6 中采用 7 阶固有频率数据聚类结果进行 损伤定量分析。由图 6 可知,按时间顺序,结合结构 损伤发展情况,可以将聚类 1、聚类 2、聚类 3、聚类 4 分别定义为四种状态水平。根据天津永和桥已知信 息,聚类 1 为健康状态、聚类 4 为有实质性损伤状态, 聚类 2 与聚类 3 为中间损伤过渡状态。

### 3 基于贝叶斯因子的损伤定量分析

为验证通过非参数贝叶斯聚类分析对固有频率数据进行处理所得聚类结果的精确性,可以通过贝叶斯因子对结构损伤状况进行定量分析,首先采用基于非参数贝叶斯模型的MLHGP模型对已知为健康状态的1月1日和1月17日固有频率数据进行回归分析,将所得回归模型设定为零假设条件H<sub>0</sub>。然后对需要进行检验时期的固有频率数据进行回归分

析,其回归模型越接近健康状态下回归模型,则认为 结构越趋向于健康状态;其回归模型越偏离健康状 态下回归模型,则认为结构越趋向于损伤状态<sup>[31]</sup>。 求得各阶贝叶斯因子结果如图7所示,得到2月3 日、6月7日、7月31日的1阶、3阶、7阶固有频率数 据回归模型贝叶斯因子,贝叶斯因子越大,证明其回 归模型与健康状态下回归模型的偏离度越高。



图 7 中,1 阶固有频率数据所得贝叶斯因子随着 结构损伤的发展而呈现上升趋势,但其数值低于 3, 判定为微小损伤状态。3 阶、7 阶固有频率数据所得 贝叶斯因子随着结构损伤的发展也呈现上升趋势, 在 6 月 7 日之前,其数值均小于 3,判定为微小损伤 状态,7 月 31 日贝叶斯因子数值在 3~10 区间,判定 此时桥梁结构出现实质性损伤。对于不同阶固有频 率数据的贝叶斯因子结果,在 2 月 3 日和 6 月 7 日,对 于结构损伤状态的判定是统一的,均认为结构处于 微小损伤状态,在 7 月 31 日,1 阶固有频率数据所得 贝叶斯因子并没有反映出结构实质性损伤问题,这 是由于高阶固有频率对损伤敏感度更高,在出现损 伤时对高阶固有频率数据进行分析所得结果也更精 准,在频率聚类分析中也出现类似规律。

对于损伤位置的确定,可结合 MLHGP 回归模 型和桥梁不同部位固有频率数据进行分析得到贝叶 斯因子,从而进一步实现桥梁损伤定位分析。首先 需要对桥梁整体结构进行子区域划分。可结合监测 传感器的安装位置、结构特点,将桥梁整体结构划分 为6个子区域,具体如图8所示,每个子区域均包含 部分加速度传感器。

已知7月31日时桥梁结构出现实质性破坏,因 此采用该时段数据开展损伤定位。对每个子区域的 加速度数据采用NExT方法解析得到该节点处的固 有频率数据,并对1月1日健康状态下的固有频率数 据进行求取;然后对所得健康状态下的固有频率数 据采用MLHGP方法进行回归分析,将所得回归模 型设定为零假设条件H<sub>0</sub>;最终得到不同子区域贝叶 斯因子结果如图9所示。

由图9可知,子区域1贝叶斯因子为19.1,远高 于其他子区域的贝叶斯因子。说明在6个子区域





中,桥梁系统最有可能发生损伤的位置在子区域1 处。实测桥梁损伤也出现在子区域1处,在1号、2 号传感器附近,其闭合段开裂严重、桥墩破坏且钢筋 拉断,验证了基于贝叶斯因子的损伤定位分析的准 确性。

#### 4 结 论

本文提出了一种基于非参数贝叶斯聚类模型结 合模态参数的结构损伤识别方法。以天津永和桥结 构健康监测系统实测数据为研究背景,提取其1阶、 3阶、7阶固有频率,利用固有频率数据聚类结果,结 合贝叶斯因子损伤指标对损伤程度进行量化。基于 损伤识别及量化结果,得到如下结论:

(1)通过非参数贝叶斯模型进行聚类分析后,可以明确数据形式是否发生变化,即使数据数值差异不大,由于变化规律不同,非参数贝叶斯模型也可以 对其进行精确聚类分析。

(2)对不同阶固有频率数据进行聚类分析时,非 参数贝叶斯模型的聚类结果基本一致,符合结构损 伤发展规律;通过聚类结果定量分析发现,不同固有 频率数据聚类结果总体差异小,说明聚类结果稳定 且精准。通过固有频率数据自相关关系图也可以发 现,在结构损伤程度变化过程中,3种不同固有频率 数据均可反映结构损伤情况。 (3)通过结合基于非参数贝叶斯方法的 MLH-GP和贝叶斯因子对桥梁结构进行损伤定量分析,结 果与通过非参数贝叶斯模型对固有频率数据聚类分 析的结果一致,证明通过非参数贝叶斯模型结合结 构模态参数可实现对结构损伤的精确识别。

#### 参考文献:

- [1] 白凡,杨娜,刘威,等.环境激励下定州开元寺塔结构状态评估研究[J].建筑结构学报,2022,43(1):105-115.
   BAI Fan, YANG Na, LIU Wei, et al. Study on condition assessment of Dingzhou Kaiyuan Pagoda under ambient vibration[J]. Journal of Building Structures, 2022,43(1):105-115.
- [2] 殷杰,张宇峰,彭家意.基于监测数据标准场构建的 桥梁结构状态评估方法研究[J].现代交通技术, 2017,14(2):36-38.

YIN Jie, ZHANG Yufeng, PENG Jiayi. Method research of bridge structure condition assessment based on establishing the standard field from monitoring data[J]. Modern Transportation Technology, 2017, 14(2): 36-38.

- [3] 奚培森.基于结构健康监测的桥址风场特性统计分析 与概率建模[D].杭州:浙江大学,2018.
  XI Peisen. Statistical analysis and probability modeling of wind field characteristics of bridge site based on structural health monitoring[D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2018.
- [4] 魏召兰,蒲黔辉,朱占元,等.基于监测数据桥梁结构 状态评估实用方法研究[J].工业建筑,2014,44(8): 156-161.

WEI Zhaolan, PU Qianhui, ZHU Zhanyuan, et al. Research on practical method of bridge structure condition evaluation based on monitoring data[J]. Industrial Construction, 2014, 44(8): 156-161.

- [5] 郭鹏飞. 土木工程结构健康诊断中的统计识别方法综述[J]. 居业, 2018, 10(4): 105-106.
  GUO Pengfei. Summary of statistical identification methods in health diagnosis of civil engineering structures[J]. Create Living, 2018, 10(4): 105-106.
- [6] 侯晋祥.基于大数据分析的桥梁结构健康状态评估
  [D].重庆:重庆大学,2018.
  HOU Jinxiang. Health assessment of bridge structure based on big data analysis[D]. Chongqing; Chongqing University, 2018.
- [7] LEI K J, TAN Y H, YANG X, et al. A K-means clustering based blind multiband spectrum sensing algorithm for cognitive radio[J]. Journal of Central South University, 2018, 25(10): 2451-2461.
- [8] GOGEBAKAN M. A novel approach for Gaussian mixture model clustering based on soft computing method

[J]. IEEE Access, 2021, 9: 159987-160003.

- [9] ABBASIMEHR H, BAGHERY F S. A novel time series clustering method with fine-tuned support vector regression for customer behavior analysis[J]. Expert Systems with Applications, 2022, 204: 117584.
- [10] ALAMDARI M M, RAKOTOARIVELO T, KHOA N L D. A spectral-based clustering for structural health monitoring of the Sydney Harbour Bridge[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2017, 87: 384-400.
- [11] ZHOU Y L, MAIA N M M, SAMPAIO R P C, et al. Structural damage detection using transmissibility together with hierarchical clustering analysis and similarity measure[J]. Structural Health Monitoring, 2017, 16 (6): 711-731.
- [12] CURY A, CREMONA C, DUMOULIN J. Longterm monitoring of a PSC box girder bridge: operational modal analysis, data normalization and structural modification assessment[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2012, 33: 13-37.
- [13] VESPIER U, KNOBBE A, VANSCHOREN J, et al. Traffic events modeling for structural health monitoring
   [M]// CAMA J, BRADLEY E, HOLLMÉN J. Advances in Intelligent Data Analysis X. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2011: 376-387.
- [14] MÜELLER P, QUINTANA F A, PAGE G. Nonparametric Bayesian inference in applications[J]. Statistical Methods & Applications, 2018, 27(2): 175-206.
- [15] GUO J Q, WILSON A G, NORDMAN D J. Bayesian nonparametric models for community detection[J]. Technometrics, 2013, 55(4): 390-402.
- [16] 何岩.统计稀疏学习中的贝叶斯非参数建模方法及应用研究[D].杭州:浙江大学,2012.
  HE Yan. Research on Bayesian nonparametric modeling method and its application in statistical sparse learning
  [D]. Hangzhou: Zhejiang University, 2012.
- [17] 申志泽.变工况设备状态监测及非参数贝叶斯诊断方法研究[D].北京:中国石油大学(北京),2017.
  SHEN Zhize. Research on condition monitoring and nonparametric Bayesian diagnosis method of off-design equipment[D]. Beijing: China University of Petroleum (Beijing), 2017.
- [18] DA SILVA A R F. A dirichlet process mixture model for brain MRI tissue classification[J]. Medical Image Analysis, 2007, 11(2): 169-182.
- [19] WOOD F, BLACK M J. A nonparametric Bayesian alternative to spike sorting[J]. Journal of Neuroscience Methods, 2008, 173(1): 1-12.
- [20] XIAO S, KOTTAS A, SANSÓ B, et al. Nonparametric Bayesian modeling and estimation for renewal processes[J]. Technometrics, 2021, 63(1): 100-115.
- [21] LEE D J, PAN R. A nonparametric Bayesian network approach to assessing system reliability at early design stages[J]. Reliability Engineering & System Safety,

2018, 171: 57-66.

- [22] PEREIRA L A, TAYLOR-RODRÍGUEZ D, GU-TIÉRREZ L. A Bayesian nonparametric testing procedure for paired samples [J]. Biometrics, 2020, 76(4): 1133-1146.
- [23] JIANG X M, MAHADEVAN S. Bayesian probabilistic inference for nonparametric damage detection of structures[J]. Journal of Engineering Mechanics, 2008, 134(10): 820-831.
- [24] LINDLEY C A, JONES M R, ROGERS T J, et al. A probabilistic approach for acoustic emission based monitoring techniques: with application to structural health monitoring[J]. Mechanical Systems and Signal Processing, 2024, 208: 110958.
- [25] RASMUSSEN C E. The infinite Gaussian mixture model[C]//Advances in Neural Information Processing Systems. MIT Press, 2000: 554-559.
- [26] FERGUSON T. A Bayesian analysis of some nonparametric problems[J]. Annals of Statistics, 2018, 1: 209-230.
- [27] 舒珊.基于贝叶斯动态线性模型的桥梁结构损伤识别 方法研究[D].石家庄:石家庄铁道大学,2021. SHU Shan. Research on damage identification method of bridge structure based on Bayesian dynamic linear model[D]. Shijiazhuang: Shijiazhuang Tiedao University, 2021.
- [28] 彭伟,王俊博,金耀.基于荷载试验和监测系统的某 大跨度悬索桥结构状态评估[J].公路交通科技(应用 技术版),2020,16(3):207-210.
  PENG Wei, WANG Junbo, JIN Yao. Structural state evaluation of a long-span suspension bridge based on load test and monitoring system[J]. Highway Traffic Technology (Applied Technology Edition), 2020, 16 (3):207-210.
- [29] ZHANG Q H, NI Y Q. Improved most likely heteroscedastic Gaussian process regression via Bayesian residual moment estimator[J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2020, 68: 3450-3460.
- [30] 王晨霞.定量研究中的复制性研究与贝叶斯因子分析 法:以中国农村教育收益率研究为例[D].哈尔滨:哈 尔滨工业大学,2021.

WANG Chenxia. Reproducibility research and Bayesian factor analysis in quantitative research: a case study of rural education rate of return in China[D]. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2021.

- [31]尚志鹏.桥梁动力响应的贝叶斯动态预测与监控[D]. 兰州:兰州大学,2021.
  SHANG Zhipeng. Bayesian dynamic prediction and monitoring of bridge dynamic response[D]. Lanzhou: Lanzhou University, 2021.
- 通信作者:王其昂(1986一),男,博士,副教授。 E-mail:qawang@cumt.edu.cn